

•

# ***Mantiqê Matematîkê***

*Abdusamet Yîgît*

*Weşanên*

*Mantiqê Matematikê  
@Abdusamet yigit*

*2020-Almanya-Berlin*

:

ISBN 968-4-940956-15-2

## Pêşgotin:

Di aslê xwe de wê, têgîna mantiqê matematikê wê di awayekê de wê bi zêdeyî wê bi denklemî wê pêwîst bê ku ew were nivîsandin. Di wê çerçoveyê de min heta ku wê ji min were min xwest ku wê xabatê bi zimanekê hesanî wê binivîsênim. Gelek denklemên ku min ew di wê de min, nivîsandin bi cihkirin jî wê, bi mantiqê wan û fahmkirina wan re wê bi sînor wê bimênê. Wê di dewama wê de wê karibin werina pêşxistin. Di mijare mantiqê de wê weke aliyekê ku wê ji demên kevnera ên felsefeyê ve wê, hin bi hin wê bi hişmendiyekê wê were nîqaşkirin. Di wê temenê wê aqil û zanîna formel wê, di awayekê de wê weke ku mirov wê dikarê werênê ser ziman wê pêşkeve. Mantiq wê,, di awayekê de wê, wê, xwe bi matematikê wê, di awayekê baştîrin de wê werênê ser ziman. Weki din jî wê, pêşketina bi wê re bê û ankû di qadêñ ên bi zanînî bê wê, bi wê re wê, di awayekê de wê, hin bi hin wê bi pêşketina wan re wê mantiqên xwe yên têgînî wê bidina pêşxistin.

Matematik wê, di awayekê de wê, dema ku mirov wê, werênê ser ziman wê, weke têgînek ku wê li ser temenê hebûna fîzîkî û bûjenî ku wê, hebûnê wê fahmbikê û wê werênê ser ziman. Têgîna fîzîkî a bi matematikê re ku wê werê kifşkirin wê, di wê rengê de wê minaq wê, dema ku wê, Penrosa wê, li ser têgînek platonist re wê, bahsa bûjenen matematikê' wê bikê wê, di awayekê de wê, di temenekê ku wê, di wê çerçoveyê de wê, çawa wê îdeayê platon wê fahmbikê wê werênê ser ziman. Lê matematikê weke awayekê fahmkirinê ê zanînî bê ku wê çendî ku wê were fahmkirin wê ji xwe wê karibê zêdetirî biafirênê û wê bide hanîn li ser ziman bê.

Lê di aslê xwe de wê, rewşa têgîna mantiqê wê de wê, di serî de wê, bi têgînî wê, salixkirinê ku wê, di awayekê de wê, weke aliyekê ku mirov wê, bi wê re wê werênê ser ziman bê. Di salixkirina têgînînekê de wê dema ku mirov wê, neherênê bikê wê, minaq wê di awayê  $\sim(p \vee q) \equiv \sim p \wedge \sim q$  wê werênê ser ziman. Lê ku em wê nehêrîniyê jî wê neherênî bikin em dikarin bi rengê  $\sim(\sim p) \equiv p$  wê bênin ser ziman. Di awayê nehêrîniya bi şart de jî wê,  $p \rightarrow q$  p ku wê ne q wê werênê ser ziman. Piştre jî wê, di awayekê di awayekê weke  $\sim(p \rightarrow q) \equiv p \wedge \sim q$  wê salixbikin.

Lê ev rewşa bi awayekê du şartî ê nehêrîni kirinê de wê, em dikarin wê, di awayekê de wê, bi awayê  $p \leftrightarrow q$ ,  $p \rightarrow q$  ankû  $q \rightarrow p$  wê werênê ser

ziman. Yan jî wê, di awayekê de pêşxîstî de wê, bi rengê  $\sim(p \leftrightarrow q) \equiv (p \wedge \sim q) \vee (q \wedge \sim p)$  wê werênin ser ziman.

Tabî li vir em di dewama wê de wê, li ser têgîna nirxî a hevyekiyê û komutatifî jî wê, di awayek de wê, bi kortasî li vir dikarin wê, salixbikin. Wê jî bi wê rengê  $p \vee p \equiv p$  û ankû  $p \wedge p \equiv p$  di heviyekiyê de wê werênê ser ziman. Lî ku em wê di awayekê komutatifî de wê, bi rengê  $p \vee q \equiv q \vee p$  û  $ankû p \wedge q \equiv q \wedge p$  werênê ser ziman.

Li vir di awayekê de em di serî de wê, bi denklemî li ser rewşa salixkirinê re wê bi kortasî herin. Ber vê yekê wê, rewşen ku wê, di xabatên wê werina hildan li dest wê bi awayekê salixkirinek wan min xwest ku li vir wan bikim. Di dewama wê de wê, mijarên weke salixkirinê, beşkirin û hwd jî wê, di awyakê de wê, werênê ser ziman. salixkirin wê, bi awayê  $p \vee F \equiv p : p \wedge F \equiv F$  werênê ser ziman. awayên beşkirinê jî wê, bi kortasî bi awayên weke  $p \vee (q \wedge r) \equiv (p \vee q) \wedge (p \vee r)$  û  $ankû p \wedge (q \vee r) \equiv (p \wedge q) \vee (p \wedge r)$  dikarê werênê ser ziman.

Di rewşa salixkirinê de wê, di denklemên ku me hanîna ser ziman wê aliyekê wan ê giring wê, di wê rengê de wê li vir wê, bi temenê salixkirinê re wê, di awayekê de wê, werênina ser ziman. Watelêkirin ku ew bi wê nêzîktî dibê wê di wê demê de wê, di awayekê de wê, weke aliyekê din ê giring wê, pêvajoyên kûrbûnê ên bi pêşxistina aksiyoman bi teoremî re wê, di awayekê de wê, xwe bide nîşandin.

Di wê rewşê de wê, di dewama wê de wê, wrênila ser ziman ku wê, salixkirin wê, weke aliyekê giring ê perspektifa fahmkirinê wê, di wê warê de wê biafirên. Ber vê yekê wê, di temenê fahmkirinê de wê weyna wê bi zêdeyî wê giring bê. Di her salixkirinê de wê, watelêkirinê wê ku wê bibin wê, di awayekê de wê, weke aliyekê wê yê din ê giring wê xwe bi wê re wê, bide dîyarkirin.

Lî ev awayên ku me hanîn li ser ziman wê, di awayekê de wê, weke aliyekê wê yên ku ew bi têgînî di çerçoveya têgînên ku me hanîn ser ziman de wê biafirînin. Ew dikarin bi awa û rengên din jî werina pêşxistin. Minaq di awayê denklemî de wê, çawa wê, girêdan wê werê çêkirin wê bi vê rengê  $\sim[p \wedge (q \rightarrow r)]$  û di dewama wê de wê bi têgîna girêdanê  $\equiv \sim p \vee \sim(q \rightarrow r)$  wê dikarê werênê ser ziman.

Ev aliyên ku me bi têgînek mantiqî wan hanîn li ser ziman wê, di awayekê de wê, bi matematika mantiqê ku wê pêşkevin û wê werina ser ziman bin. Di aslê xwe de wê, matematika mantiqê wê dema ku mirov wê, li wê dihizirê, wê di awayê pêşketina wê de wê, weke aliyekê giring wê, xwe bi re wê, bi levkirinê têgînî wê di evgirtiniyekê de wê werina

ser ziman. Ev wê, nîşanaka têgînek formeli a bi mantiqî ku wê bi matematikî wê were hanîn li ser ziman jî bê.

Bi lê serwerpûyîna li mantiqê formel re wê temenekê fahmkirinê ê li ser hebûna fizîkî a matematikê re wê bide me. Lê wê têgîna formeli wê, di awayekê zanînî de wê mirov wê çawa wê di awayekê baş de wê hilde li dest û wê fahmbikê wê ew jî wê, di aslê xwe de wê, weke aliyekê din ê mijarê bê ku mirov wê hilde li dest bê. Zanîna formeli wê pêşketina wê, bê temenê fahmkirina bi aqil a di jîyanê de ku wê bi temenekê şenber. Di wê temenê de wê, di awayekê de wê, dema ku mirov wê di wê temenê de wê, zanîna formel wê werênê ser ziman ez wusa dibînim ku wê, zanîna bi mantiqê ku wê pêşkeve wê, ne hemûyî lê wê tenê wê aliyekê wê yê ku ew bi wê pêşdikeve wê biafirênenê bê.

Di roja me de wê, mijare zanîna formel wê weke mijarek mantiqî û di çerçoveya wê de wê werê hildan wê, were dîtin. Di wê çerçoveyê de wê, zanînên weke matematik, mantiq, teoriyên ragihandinê û lingvistikî û hwd wê, di wê temenê wê, werina ser ziman. Di wê rewşê de wê, çerçoveya wê, weke çerçoveyek aqilî a bi felsefeyê û hwd re jî wê, weke li ser temenekê jîyanê ku wê bi pirsgirêkên fahmkirina jîyanê û hwd re wê xwe bide nişandin re wê bide dîyarkirin.

Matematik wê, di wê temenê de wê, weke zanîneka temenî a salixkirinî bi temenekê şenber re wê, bi têgînên dagerî û hijmarên xwe re. Hijmar wê çendî ku wê, di awayekê de wê, weke zelal û safî wê, di awayekê de wê minaq wê were dîtin. Lê di wê temenê de wê, di wê de wê, temen û derfeta kifşkirina cihanekê û komên wê hebê. Di wê temenê de wê, weke aliyekê giring wê, zanîna formelî wê di wê pêvajoya fahmkirinê de wê, weke temenekê tiştê bi wê bi xwe re wê fahmdikê re wê, were û pêşkeve bê.

Matematik wê pêvajoyêن wê yên pêşketinê wê dema ku mirov wê hinekî li ser wê disekinê wê dibînê ku wê, di wê temenê de wê xwediyê temen û pêvajoya pêşketinê bê. Di wê rengê de wê matematik wê, rewşa fizikê wê, zêdetirî wê, bi şenberî wê di nava rewşa wê de wê fahmbikê bê. Di aslê xwe de wê, her tiştê di jîyanê de wê, derfeta wê ya fahmkirina bi niceli wê hebê. Di wê temenê de wê, matematik wê weke zanîna wê bê. Aliyên bi fahmkirina bi têgînên wê yên weke aritmatik û geometriyê û hwd re wê, di temenekê de wê, werina fahmkirin. Lê aliyê mantiqî wê di temenekê levkirin û têkilidanîneka bi wê re a ku ew bi wê re wê bi temenê 'rast' re wê were fahmkirin re wê, werênê li holê. Di rewşek mantiqî a hati pêşxistin de mirov dikarê wê rast bibînê. Lê di wê rewşê de

wê rast dîtin û rastbûn wê ji hevdû cûda du têgînên ku ew bi serê xwe werina fahmkirin bin. Matematik wê di wê temenê de wê bi fahmkirnek mantiqî re wê bixwezê ku ew temenekê fahmkirinê ew bigihiştina li wê were wê çêbikê.

Abdusamet yigit

## **Destpêk:mantiq û matematik**

Di aslê xwe de wê, dema ku mirov di destpêkê de wê mantiq û matematikê wê bi hevdû re wê hilde li dest wê demê mirov divê ku wê pêşî hinekî jî li ser rewşen weke yên pêvajoyên pêşketinê ên ku wê bi wê re wwê pêşkevin jî bisekinê û wan werênenê ser ziman. Pêvajoyên hizirkirinê wê, di temenekê de wê, dema ku mirov wê bihizirê wê bi temenekê wê li ser awayekê hizirkirinê ê ku wê di wê temenê de wê bi temenekê fizîkî û ankû bûjenî re wê, were dîtin. Di aslê xwe de wê, dema ku mirov bahsa têgîna bûjenê û ankû fizikê bikê wê, di awayekê de wê, weke ku mirov wê di awayekê de têgîna mantiqê jî wê, di awayekê de wê bikirpênenê wê li mirov wê were. Di rewşa hebûna fizîkî a bûjenî de wê, di aslê xwe de ku mirov wê, bi fizîkê wê li wê bihizirê wê, hertimî wê, li mirov wê, were ku wê ya ku wê ew wê bi wê were ser ziman wê, hertimî wê, di wê de wê, rewşek û awayekê kêm wê hebê. Di wê temenê de wê, hebûna fizîkî wê, hertimî wê, di awayekê de wê, wê intiba wê bi têgînî wê bide me û wê bi me bide hiskirin ku wê ya ku me ew wê bi hanî ser ziman wê hertimî wê, ji wê zêdetirî wê di wê de wê hebê.

Di wê rewşê de wê, rewşa fizîk û bûjenê ku mirov wê, hilde li dest wê, di wê rewşê de wê, bi têgînî farqe di nava têgîna fizîkê û ya têgîna bûjenê de jî wê hinekî mirov divê ku wê li wê bihizirê. Ber ku wê, di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, weke aliyekî din ê giring wê, di wê rengê de wê, dema ku mirov wê, werênenê ser ziman ku wê fizîk wê rewşa hebûna bûjenê jî wê hilde li nava xwe. Çendî ku wê hebûna bûjenî wê weke rewşek fizîkî jî bê lê mirov nikarê bi tememî têgîna fizîkê bi wê re wê bi sînor wê werênenê ser ziman. Bûjen wê di awayekê de wê, di wê rewşê de wê, di awayekê de wê rewşa fizîkê a tîrbûyî û hişk wê bi xwe re wê, di awayekê de wê werênenê ser ziman. Lê darêjkên din jî ên fizîkî wê weke minaq avê û hwd wê hebin. Di dewama wê de wê dema ku mirov wê li hewayê wê bihizirê wê, di wê rewşê de wê mirov karibê wê jî di awayekê de wê, bi hebûna wê ya elementî re wê, di wê rengê de wê, di awayekê de wê, werênenê ser ziman. Rewşa fizîkê û awayen wê yên darêjkî wê, di awayekê de wê bi aliye nefizîkê re wê, di ahengekê de wê hebin û wê, di wê rengê de wê, di pêvajoyên ji hevdû bûyînê wê, pêşkevin. Di wê rengê

de wê, di awayekê de wê, mirov dikarê wê bi wê re wê, werênê ser ziman.

Pêvajoyêñ fahmkirinê wê, ji destpêkê ve wê bi xwe re wê bi me re wê bidina nîşandin ku wê rewşa fizikê wê temenekê fahmkirinê a ku mirov wê, bi temenî wê hilde li dest bê. Di dewama wê de wê, di aslê xwe de wê, weke aliyekê wê yêî din jî wê mirov dikarê di dewama wê de wê werênê ser ziman ku wê rewşa fizikê wê, di wê rengê de wê, di awayekê de wê, mirov dikarê wê fahmbikê û wê werênê ser ziman. Di dewama wê de wê, di wê rengê de wê, mirov dikarê wê, werênê ser ziman ku wê, di wê rewşê de wê, rewşa fizikê wê, di awayekê de wê, dema ku mirov wê, dibînê wê bi gelek awayan wê di mejiyê mirov de wê, awa bigirê. Wê, mirov wê, di wê rewşê de wê ji hebûnîya wê ya darêjkî û hwd wê, di wê rengê de wê, di awayekê de wê bi wê re wê bihizirê. Awayê daerêjkî ê bûjenî wê, di awayekê de wê temenê têgihiştina me ya di derbarê fizika bêî awayê bûjenî jî wê biafirêñê. Di wê rewşê de wê, di wê rengê de wê, dema ku em dirêjehiya rewşa hebûnek fizikî wê dibînin wê di wê rengê de wê, ji keviyek wê heta keviya din wê, di wê rengê de wê, di temenekê de wê, awayekê fahmkirinê wê biafirêñê. Wê dema ku em wê rengê darêjkî di mejiyê xwe de wê li wê bihizirin û wê, di wê rengê de wê, weke wê bûjenê ji wê keviya wê li keviya din bi wê navberîya dirêjehiya wê li wê dihizirê wê, demê mirov di wê rengê de wê, di awayekê de wê, ew wê bê temenekê fahmkirinê a bi têgînî ya fizikî jî. Di wê rewşê de wê, di dewama wê de mirov wê piştre wê, di mejî de wê ew wê hizirkirina xwe wê, di wê de wê kûrtir bikê.

Pêvajoyêñ hizirkirinê wê di wê rengê de wê, têgîna fîzîkî a bi refaransî ku wê di wê rewşê de wê tenê li ser temenekê hizirkirinê ê bi dîtbarî ku wê bihizirê wê, bi wê re wê, di wê rengê de wê, werênê ser ziman. Gotina dîtbarîyê wê, di awayekê de êw, têgîna ya ku mirov wê dibînê wê di kurdî de wê bide me. Lê di awayekê din de jî wê ya ku ew bi fizikî heya û tenê wê dikarê wê bi wê rengê sehbikê wê, di awayekê de wê, bi wê re wê, tefkirbikê wê ew wê bikirpêñê. Di dewama wê de wê, di wê rengê de wê, ev wê weke aliyekê giring wê, xwe di wê rengê û awayê de wê bide dîyarkirin. Di dewama wê de wê, mirov dikarê wê werênê ser ziman ku wê, di wê rewşê de wê, rewşa fizikî wê bi têgînî wê xwe di awayekê de wê li seha (**intuition**) me bide xistin.

Pêvajoyêñ hizirkirinê wê di wê rengê de wê, di awayekê de wê, xwediyê temenekê hizirkirinê ê bi wê rengê jî bin, çendî ku wê di awayekê de wê, bi rengên li ser redkirina têgîna fizikê wê bi hişmendiyeğê wê xwe

werênina ser ziman jî. Di dewama wê de wê, di wê rengê de wê, piştre wê, pêvajoyên fahmkirinê wê li ser wê tişta weke fizikê ku wê bi bûjenî wê bibê wê di temenê pêvajoyên hizirkirinê de wê, xwe bide dîyarkirin. Ew tişt wê, ci bê û ne ci bê wê, di awayekê de wê, hertimî wê temenê awayên hizirkirinê ên ji hev cûda bê. Pêvajoyên hizirkirinê wê di wê rengê de wê balê bikişênina li ser rîgezêن xwezayî ên bi dîtbarîya wê û rewşen wê yên heyî û fahmkirina wan. Di wê rengê de wê, di awayekê de wê ew wê, weke aliyekê wê yê din ê giring wê xwe bide nîşandin.

Di aslê xwe de wê, wê aqil wê dema ku wê bidest hizirkirinê wê bikê wê, di wê rengê de wê, di awayekê de wê tişte wê weke wê werênenê ser ziman. Wê di wê rengê de wê ji wê ew wê ew wê weke armanc bê. Di demen hizirkirinê ên şariştaniyê ên kevn ku mirov li wan binerê wê, di awayekê de ku ew ci tefkir û tefsir bikin jî wê, di awayekê de wê di temenê têgînek fizikî û bûjenî de wê bi wê re wê bihizirin. Di wê rengê de wê, di awayekê de wê, weke aliyekê din ê giring wê, mirov dikarê wê werênenê ser ziman.

Di mitolojiyan de jî wê, dema ku wê, têgînek were ser ziman wê li ser awayekê fizikî ku ew fizik ji wê hebûna cûdatir û ankû bi dîmenekê din were ser ziman jî wê, were ser ziman. Lê di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, tişt wê li ser refaransên fizikî de wê, dema ku wê mazin wê werênina ser ziman wê, di awayekê de wê, bê hizirkirin. Minaq ku mirov wê, dirêjehiya wê du meter dirêj bê ku wê pişti mirina wê, tirkbek dirêj weke 4 meter û ankû dirêjtir wê ji wê were wê were çêkirin wê, di wê rengê de wê, têgînek refaransî a fizikî wê di temenê xwe de wê bihawênê. Bo ku wê ew tirk wusa dirêj wê were çêkirin hewce nakê ku mirovekê wusa dirêj hebê. Yan jî mirovekê wusa dirêj hizirbikê wê hewce nekê ku wê, mirovekê wuysa hebê. Di wê rewşê de wê, hemû rewş wê li gorî rîgezêن fizikî ên dîtbarî wê xwe bidê dîyarkirin û wê bimeşê. Minaq mirovekê ku em ji nêz ve lê binerin wê çawa mazin li berçavê me were dîtin. Û mirovekê ku ew ji me pirr dûr bê wê çawa wê li berçavê me wê piçük weke zûxurekê wê were dîtin. Di wê rewşê de wê, navber wê, weke rewşeka fizikê wê bi dîtbarê, di awayekê de wê, di rengê dîtinê de wê, dîyarkerîyeka wê ya ku wê ew wê bi xwe re wê bide kirin wê bi wê re wê hebê.

Di wê rewşê de wê, rewşa fizikê wê dema ku mirov wê, bi wê bihizirê wê, piştre wê, di demen felsefeyê de wê, bi wê re wê, di awayekê de wê, pirr zede wê li wê were hizirkirin. Di demen felsefeyê de wê, di temenê têgînen felsefeyî de wê pêşketkina têgînen mantiqî wê, di wê rewşê de

wê, dema ku mirov wê, li wê bihizirê wê, di wê rengê de wê, di aslê xwe de wê di temenekê de wê, tiştê wê çawa wê weke wê werênê ser ziman wê bi mantiqê wê bihizirê. Di awayekê de wê, dema ku wê kesek wê ji me gelekî dûrbê û çendî ku ew dûrbê wê, piçûktir wê were dîtin û ji wê gelek dûrtir ku wê bi wê piçûktiyê wê ji berçav windabibê jî wê, di awayekê de wê, weke aliyekê din ê ku wê, di wê rengê de wê, bi wê bihizirê. Di wê rewşê de wê, mantiq wê, formeliya wê, di wê rewşê de wê, xwe di awayekê de wê bide nîşandin. Wê, dema ku wê, mirovek du meter dirêj bê û çendî ku ew ji me dûrkeve û ew bi wê dûrketinê û navbera ku wê bi wê dûrketinê re wê, piçûktir bibê di nerînê de wê, mantiq wê, li wê rewşa destpêkê a mirov ku ew weke 2 meter dîfîya wê bihizirê û wê, di wê rewşê de wê demê ew mirov çendî ku ew dûrket û piçûk bû wê, ji wê têgîna fîzîkî wê dûr wê, di awayekê de wê, bi wê bihizirê. Di wê rewşê de wê, têgîna weke A wê A bê wê, di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, bi formeli wê di mantiqê fahmkirina mantiqê de wê xwe di awayekê de wê bide dîyarkirin. Di wê rewşê de wê, di dewama wê de wê weke aliyekê din jî wê mirov dikarê wê werênê ser ziman ku wê rewşa mantiqê wê, di wê rengê de wê, pêvajoyêñ wê yêñ pêşketinê wê, di awayekê de wê, weke aliyekê wê yê din ê giring wê xwe bi wê re wê bide dîyarkirin. Di wê rewşê de wê, ev wê weke aliyekê wê yê giring wê xwe bide nîşandin.

Di wê rewşê de wê, di rewşa mantiqê de wê, dema ku wê, bihizirê ku wê, tişt wê, di wê rengê de wê, weke minaq bi mirov ku ew bi rastiya ku ew azmûnkiriya ku ew 2 meter bê û çendî ku ew dûrket wê, piçûk bibê wê, demê wê dema ku ew çendî ku ew nêz bibê wê mazin bibê wê mantiqê wê û rengê wê yê fahmkirinê wê bi wê re wê, xwe di awayekê de wê, bide nîşandin. Di wê rewşê de wê, mirov dikarê wê werênê ser ziman ku wê di rewşa têgîna mantiqê de wê, di wê rewşê de wê, ev wê, weke aliyekê wê yê din ê ku mirov bi mantiqî wê li ser temeneklê rêgezî ê fîzîkî re wê, fahmbikê û wê werênê ser ziman. Rewşa fîzîkê wê bi piçûkbûn û mazinbûna wê re wê, di wê rewşê de wê, dema ku wê bi nerînê re wê li ser navberê re wê, piçûk û mazin bibê wê di wê rewşê de wê hingî wê rêgezna din ên fîzîkî û mantiqê wê xwe di awayekê de wê bidina dîyarkirin.

Di wê rewşê de wê, ev wê, weke aliyekê wê yê giring wê, rewşa fîzîkê wê, di temenê wê dîtbarîya wê de wê, di awayekê de wê, weke aliyekê wê yê giring wê xwe di awayekê de wê, bide dîyarkirin. Mantiq wê, di wê rewşê de wê, dema ku wê were ser fahmkirina rewşa fîzîkê wê, di wê

rewşê de wê pêwîstîya zimanekê fahmkirin wê bi wê re wê xwe bide dîyarkirin. Di wê rengê de wê, pêşketina fahmkirina matematikê di nava wê de wê, weke aliyekê wê yê ku ew bi wê re wê fahmbikê re wê, xwe di awayekê de wê bi wê re wê, bide dîyarkirin.

Mantiq wê, di wê rengê de wê, di aslê xwe de wê, ji xwe re wê, dema ku mirov wê, di çerçoveya têgîna fizîkê de wê bi wê bihizirê wê, bo ku ew li ser temenekê xwe karibê fahmbikê wê, di wê rengê de wê, pêwîstîya salixkirinê weke bi têgînî ên ku weke ku em bi matematikî wê dikin wê bibê. Di wê rewşê de wê, di felsefeyê û demên wê de wê, têkiliya mantiq û matematikê wê li ser wê temenê wê bi hevdû re wê, di awayekê de wê, pêşkeve. Ev têkilî wê li ser temenê mantiqî û fahmkina wê ya fizîkê re wê, weke têkiliyek bi pêşketinê a pêwîst jî wê di dîmenekê de wê xwe bide nîşandin û dîyarkirin.

Di wê rewşê de wê, di dewama wê de wê, di awayekê de wê, mantiq wê dema ku wê xwe li ser temenê fizîkê û bi darêjka wê bi temen bikê wê, di wê rengê de wê, di awayekê de wê, di rewşekê de wê, bikê ku ew wê, bi wê re wê fahmbikê. Di wê rewşê de wê, darêjka fizîkî wê, di awayekê de wê, çerçoveyek têgînî a mantiqî wê, bi xwe re wê, bi têgînî wê biafirênen. Di wê rewşê de wê, di wê rengê de wê, rewşa fizîkê wê, bi awayê wê yê dîtbar re wê, di awayekê de wê, xwe bi wê re wê, werênen li holê li ser ziman.

Di aslê xwe de wê, weke ku em di demên felsefeyê de wê, bi têgînek hemdem dibînin wê felsefe wê, di awayekê de wê, wê bi meşandina aqil re wê, pêşketina mantiqê wê, di awayekê de wê, xwe bide nîşandin. Lê di zane min de wê mantiq wê çendî ku wê weke felsefeya ku ew bêcerb ew pêşdikeve wê, weke temenê fahmkirina wê were fahmkirin jî lê mirov nikarê mantiqê bêî azmûnkirinê wê, di awayekê de wê, fahmbikê. Di wê rengê de wê, di awayekê de wê, azmûnkirkinek jî wê bi têgînî wê di temenê wê de wê hebê. Di wê rewşê de wê weke aliyekê din ê giring ku mirov wê fahmbikê wê, ev azmûn wê çendî wê bê biriqandin li wê fahmkirina mantiqî wê, weke aliyekê din ê famkiranê bê. Minaq wê, di demên felsefeyê de wê, dema ku wê bahsa mantiqê wê were kirin wê 'mantiqê aristo' wê bi awayekê wê bi zêdeyî wê derkeve li pêş. Wê li wê jî wê di her demê de wê heta wê dem wê were dema me wê, gelek hanînên ser ziman wê, bi wê bibin. Ya ku wê, di wê rengê de wê, ew wê bi awayekê serwer bikê jî wê ev bê. Di wê rengê de wê, ew mantiqê ku em weke mantiqê aristo wê, dikarin wê werênenina ser ziman wê, di wê rengê de wê, bi pêşxistinê ku ew bi wê dihêن kirin re wê bibê. Lê bi

pêşxistinê ku wê, li ser wê re wê werina kirin wê, di awayekê de wê, di roja me de wê, ji wê rengê ku wê aristo wê werênê ser ziman wê derbasbûnek zêhnî, jîrî û sehî jî wê bibê. Di wê rengê de wê, di awayekê de wê mirov dikarê wê binxatbikê û wê werênê wer ziman.

Bi kortasî wê mantiqê aristo wê, di awayekê de wê, mirov dikarê wê bi wê rengê wê salixbikê. Hinek A wê B bin. Hemû B wê C'ye de wê, bibin. Ber vê sedemê wê, hinek A wê C jî bê. Di wê mantiqê de wê, bi A'ye wê nirxa B'ye wê li wê were lêzêdekîrin. C wê, di awayekê de wê, weke nûqteyek wê nirxiyê a ku wê di wê de wê gihiştina li hevdû jî wê xwe di awayekê de wê, bide nîşandin. Di çerçoveyên têgînî ên ku em dikaerin wê di wê temenê de wê werênina ser ziman wê weke bi giştî wê hemû A wê B'ê bê. di awayê neyînî de jî wê dikarê bênenê ser ziman ku wê A ne B bê. Bi xosletên başî jî wê hinekî A wê B'ê bê. Bi xosletê neyînî wê weke hinek A wê ne B bê.

Wê dema ku mirov wê, di wê rewş de wê bi têgîna syllogismî ku mirov wê bi wê bihizirê wê, mirov dikarê wê bi têgînên temenî ên weke "A ne B ya", "hinek A wê ne B", "hinekî A wê B", "hemû A wê B'ê ya" û hwd wê, di wê rengê de wê, weke temenekê di wê temenê de wê aqil meşandinê jî wê were dîtin. Di dewama wê de wê, dema ku me got hemû A wê B bin, hemû B wê C bin, ber vêyekê wê, hemû A wê, C bin jî wê, di awayekê de wê, bi wê re wê, weke rengekê wê yê ku mirov wê, bi wê aqil meşandinê bikê û bi wê bigihijiye de bê.

Di rewşa aqil meşandina bi mantiqî de wê mirov dikarê wê ji aliyekê din ve jî wê, di wê rengê de wê, di dewama wê de wê, werênê ser ziman ku em minaq bihizirin ku wê mirovekê wê hebê û wê ajokar bê. Em wê demê bi wê rengê wê werênina ser ziman ku wê, M wê, weke mirov bê, T'ê jî weke dagera tirimbêlê wê bihizirin û em A'ye weke dagera ajotinê wê werênina ser ziman. Wê demê wê M û T'ye weke bi pêwîstîya argûmanî wê bihizirin û wê, di wê rewşê de wê, werênê ser ziman. Lê li vir wê, A wê, weke pêwsîtiya wê bi du argûmanên lêker wê hebê. Li vir em di dewama wê de wê, weke têgînên vegûharîner x û y'ye hildin. Di wê rewşê de wan bi wê re wê, di awayekê de wê, em bi rengê weke Mx, Ty, û Axy re wê, di awayekê de wê, bi re wê, bi awa bikê û wê bide hanîn li ser ziman. Bi denklemî wê dikarê bi awayê  $\forall x (Mx \supset \exists y (Ty \& Axy))$  wê werênê ser ziman.

Di dewama wê de ku em x wê bi mirov re wê werênina ser ziman û di dewama wê de y wê bi tirimbêlê re wê, werênina ser ziman wê, x bi ajotina y re wê, xwe di awayekê de wê, bide nîşandin. Di aslê xwe de wê,

di mantiqê de wê, aliyna din wê ku wê bi wê re wê, dema ku mirov wê li wê bihizirê wê were kifşkirin. Minaq wê, dema ku wê, weke 'her mirov 'ajokar a' wê têgînekê jî wê bi xwe re wê bide me. Ber ku wê têgînên mantiqî wê, di awayekê de wê, weke mîyle xwe gelemperbikin wê hertimî wê di wan de wê hebê. Wê bi vê rengê mirov dikarê di dewama wê de wê, bi rengê  $\forall y$  ( $Ty \supset \exists x (Mx \& Axy)$ ) bi denklem bikê. Di rewşa denklemê de wê, nûqte, parantez  $\hat{u}$  hwd wê, bikarhanîna wan wê, di awayekê de wê, weke aliyeke din ê giring ê dîyarker bê. Ber vê yekê wê, bo rewşan di rewşê de wê, bi awabikê wê, di awayekê de wê, weke aliyna giring wê xwe di awayekê de wê bidina dîyarkirin. Minaq wê, dema ku me bi rengê  $Ty \& Axy \sim nivîsand$  wê, di wê de wê, weke di awayekê de wê ne dîyar bê. Di dewama wê de wê, di awayekê de wê, weke bi rengê (~ Ty) & Axy ("y ya tirimbêlê bê  $\hat{u}$  x ajotina y")  $\hat{u}$  ankû ~ (Ty & Axy) ("yx weke ya ku ew diajon wê ne tirimbêlek bê."). Di rewşa têgînî de wê têgînên weke parantez  $\hat{u}$  hwd wê, alikariyê wê bidina me ku em wateyê li wan bikin  $\hat{u}$  ankû hilbijêrên.

Di mijara fahmkirina mantiqê de wê, di wê rengê de wê, di awayekê de wê, mirov dikarê wê, ji gelek aliyan ve wê, bi têgînî wê pêşbixê  $\hat{u}$  wê werênê ser ziman. Minaq ji aliye têgîna funksiyonî a derpêşî ve mijare bi awayê re wê, werênê ser ziman. Em bi hizirin ku komek me a bi navê D hebe. Bi girêdana vegûhara  $x \in D$  ku wê bi wê ve girêdayî  $P(x)$  hebê. Ku bo her yekê  $x$  ku  $P(x)$  weke derpêşekê bê wê demê wê ji  $P$  re wê weke derpêşa funksiyonî wê were gotin. Di dewama wê de ku em bi heman rengê  $D'$  de weke komê wê werênin ser ziman ku wêbi funksiyona derpêşî a  $P'y$  re wê bo her  $x' \in D'$ ,  $P(x') \neq P(x)$  bi têgînek funksiyonî a giştî re wê, bi rengê  $\forall x P(x)$  wê karibê were ser ziman. Di wê rewşê de wê, dema ku wê bo  $x \in D$  ku wê  $P(x)$  ku wê rast bê wê demê wê bo  $\forall x P(x)$  jî wê rast bê.

Di koma  $D'$  de ku wê, her hindik bo  $x' \in D'$  ku wê  $P(x')$  ku ew şas bê wê demê  $D$ . Di wê rewşê de wê bo her  $x' \in D'$ ,  $P(x')$  weke minaqek vajî bê. Di dewama wê de ku wê, ji koma  $D'$  de ku wê  $x' \in D'$ ,  $P(x')$  weke derpêşek rast wê,  $P(x')$  wê bo  $x' \neq x$  wê, di awayekê de wê, weke ku wê rast bê wê were dîtin. Di koma  $D'$  de ku wê, her derpêşen funksiyonî weke  $P$  wê, bi hebûna xwe re wê têgînek nîceli wê werin li holê. Ev jî wê bi navê hebûna pirranî a têgînî bê. Ev jî bi rengê têgîna  $\exists x P(x)$  re wê were li holê. Di rewşa têgîna hijmarî a  $x' \in D'$  de wê, mirov dikarê wê bêjê ku wê, weke  $x' = x$  wê werênê ser ziman. Di dewama wê de wê dema ku em  $x = x'$  re wê, werênê ser ziman wê,  $x = x'$  re wê di awayekê de wê, were dîtin.

Ku mirov hinekî bi wê rengê di çerçoveya 'rêgeza De Morgan' debihizirê wê demê wê, di wê rengê têgîna derpêşî de wê, 'rêgeza De Morgan' wê, bi wê re wê were ser ziman wê P weke derpêşek funksyonî bê wê, bi wê re wê, (a) û (b) weke derpêşen cêwî ku ew li wê werina dayin bin. Wê nirxên wê bi awayê  $(\forall xP(x))$ ;  $\exists xP/(x)$  û  $(\exists xP(x))$ ;  $\forall xP/(x)$  were ser ziman. Li gorî wê rêgezê pêşxistina wê ku wê, minaq wê gotin ku wê 'hinek çûk nafirin' wê demê bi x'ê wê bi têgîna P(x) re wê, weke 'hinek çûk difirin' wê, bi rengê  $\exists xP/(x)$  re wê were dîtin. Weke ku me li jor hanî ser ziman wê, di çerçoveya rengê bi denklemkirina rêgeza De Morgan' a berfirehkirâ a bi rengê  $(\exists xP/(x)) = \forall xP//(x) = \forall xP(x)$  wê werê ser ziman. Ev jî wê wateya her çûk dikarê bi firê. Wê werê ser ziman. Di mijara teybetkirina rêgezê de jî wê di awayekê de wê mirov dikarê bi rengê wê werênê ser ziman ku wê  $\forall x \in D P(x)$  wê bi wê ji koma D'ê wê her x'ê ku ew dihê hildan wê rast bê. Di koma D'ê de ku wê weke ku em ji denklemê fahmdikin ku wê weke endamake wê bê wê demê wê, P(d) wê rast bê. li gorî wê, were dîtin ku wê,  $\forall x P(x) : d \in D P(d)$  derbasdar bê. Wê demê wê, di wê rewşê de wê, bi xosletê gûharîner re wê, weke ku wê denklem wê ji awayê xwe yê gelempur wê, awayekê teybet wê bi xwe re wê, bi wê re wê **bistênenê** ..

Li vir wê di awa û rengekê têgînî ê mantiqî de wê dema ku mirov wê bi wê re wê dihizirê wê, di awayekê de wê, rengekê hizirkirinê ê têgînî wê bi xwe re wê bide me. Di wê rewşê de emê li jêr wê zêdetirî berfirehiya wan têgînan li ser wan biskein in. Ber ku wê di wê temenê de wê, di awayelê de wê, temenê wê yê wê fahmkirinê wê werênê ser ziman. Di wê rewşê de wê, weke ku wê were dîtin wê x' wê weke aliyekê encam derxistiner wê, bê. Minaq ku wê, bo her hijmara x'ê wê hijmarek weke x'ê wê hijmaran tam bê wê demê wê di awayekê de wê, weke têgînek rastîn wê di awayekê de wê rengekê fahmkirinê wê bi xwe re wê **bide me**. Di aslê xwe ku em li ser têgîna hijmarê re wê werênê ser ziman wê P(x) wê weke hijmarek tam û bi Q(x) re wê weke hijmarek rasyonal wê dîmenekê wê bi xwe re wê bide diyarkirin. Lê ev dîmen wê weke dîmenna **dîtbar bin**.

Lê li vir wê, di dewama wê de wê, mirov dikarê wê, werênê ser ziman ku wê, bi demê re wê, aliyekê din wê, bi têgîna matematik û mantiqê re wê xwe bide nîşandin. Ew jî wê, ji mantiqê û matematikê û ankû ji pêşketina matematikê li gorî çerçoveya mantiqî û hwd re wê, bi ber pêşketina mantiqê matematikê (**Mathematical logic**) ve wê, pêvajoyêñ pêşketinê wê xwe bide nîşandin. Di wê rewşê de ji mantiqê gihiştina

pêvajoyên mantiqê matematikê wê, di wê de wê weke encama wê aliyekê din ê giring wê, bi zêdeyî wê matematik wê, di awayekê de wê derkeve li pêşîya mantiqê. Di wê rewşê de wê, di pêşketina serwerîya matematikê de wê, ew wê, xwe bi awayekê de wê bide nîşandin.

### Mantiqê matematikê

Gotina 'mantiqê matematikê' wê dema ku wê mirov wê lêbihizirê wê, di awayekê de wê, weke têgînek bi mantiqê re wê, di ahenge rewşen fahmkirinê ên mantiqê de wê bide me. Lê di aslê xwe de wê dema ku em bi gotinî wê li wê dihizirin wê, di wê rengê de wê, bi zêdeyî wê, weke têgînek matematikî wê intîbayê wê bide me. Di wê rengê de wê, weke têgînek ku ew di nava matematikê de pêşdikeve wê hizrekê wê bêxê mejiyê me de. Di wê çerçoveyê de wê, gotina mantiqê matematikê wê di aslê xwe de wê pêwîst bê ku ew bi serê xwe ew wê, were hizirkirin, fahmkirin û derxistin li têghiştinê.

Dema ku em di çerçoveya pêvajoyên hizirkirina bi pêşketina matematikê re wê li wê dihizirin wê, di wê rengê de wê, zêdetirî wê, weke aliyekê giirng wê, xwe bide nîşandin. Di dewama wê de wê, mirov dikarê wê, werênen ser ziman ku wê, di wê rewşê de wê, têgîna mantiqê di nava matematikê de wê, bi cihbûna wê, di wê rengê de wê, ji wê rengê ku em wê, bi çerçoveya têgîna mantiqê matematikê re wê fahmdikin wê ji ya demên berê ên kevn wê têgînek cûdatirî wê, karibê wê bi xwe re wê bide me.

Matematik wê bi şaqên wê yên weke geometriyê û aritmatikê û hwd re ku wê ji temen ve wê bidest pêşketina xwe wê bikê wê di wê rewşê de wê, bi wan re wê, di wê rewşê de wê çawa wê jîyan wê di awayekê de wê, were fahmkirin wê, di aslê xwe de wê, wê re wê, mirov dikarê wê bihizirê.

Pêvajoyên pêşketina metamatika hemdem wê, mirov dikarê bi şûnpêya wê re heta demên kevnera wê bibê. Di demên serdemên navîn de wê, di wê rengê de wê, di awayekê de matematik wê ji stêrzanî û hwd wê cûda wê weke têgînek biserê xwe wê bidest pêşketina xwe wê bikê. Heta wê dmeê wê di nava stêrziyê û hwd de wê, pêşkeve. Wê, wekî din wê, di wê rengê de wê, têgînên matematikê ên bi hijmarî ku wê pêşkevin wê, di wê temenê de wê, di dewama wê de wê çawa wê, bi wê re wê, di awayekê de wê werina fahmkirin wê, li ser wê re wê bi wê were hizirkirin.

Hijmar wê weke aliyekê giring ê fahmkirinê bê. Wê di dewama wê de wê pêşxistina wan û bi sazûmanekê bi têgînî pêşxistina pergale wan a hizirkirinê wê, di wê rewşê de wê weke aliyekê din ê giring ê matematikê û pêşketina wê bê. Di wê rewşê de wê, matematik wê çendî ku wê pêşkeve û wê bi têgîna wê bi hişmendî bibê wê, di awayekê de wê zêdetirî wê bi xwe re wê, di awayekê de wê bihizirê. Di wê rengê de wê, êdî wê ji wê têgîna matematikê ku wê xwediyê têgînek mantiqî a çawa wê bi wê re wê li matematikê wê were hizirkirin û wê bi wê ew wê êdî wê were pêşxistin.

Têgîna nakokiyan wê di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, weke destpêkek fahmkirinê a di wê rewşê de bê. Di wê rengê de wê, di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, matematik wê bi wê re wê temenekê têgînî wê bihizirê. Di matematika hemdem de wê têgînen weke aksiyom, derpêş û hwd wê pêşketina wan wê weke aliyekê temenî wê bi mantiqî re wê biafirênê.

Di wê rewşê de wê minaq wê, dema ku wê Georg Cantor wê, têgîna xwe ya matematikî wê, li ser rewşa hijmaran a bêdawî re wê, di awayekê de wê bihizirê û wê bi wê re wê, mantiqê xwe yê matematikê wê biafirênê. Ev rengê bi wê rengê ên hizirkirinê wê weke aliyna giring bin ku wê bi wan wê mirov karibê mantiqê matematikê wê bi wê re wê çawa wê bi matematikê re wê pêşkeve wê raxina li berçav.

Me li jor bi gotina têgîna nakokiyê û ankû ‘paradoksê’ re wê hanî ser ziman. Ku em têgîna Cantor wê, di wê çerçoveyê de wê werênila ser ziman mirov wê çawa wê karibê wê bi wê rengê wê werênila ser ziman? Di wê rengê de wê, mirov dikarê wê werênila ser ziman ku wê, Cantor wê bihizirê ku qardinaliya hijmarên tam wê ji qardinaliya koma hijmarên rastîn (reell) ku wê mazintir bê wê, bi wê re wê, werênila ser ziman. Bi têgînek paradoksi ku mirov wê werênila ser ziman wê mirov dikarê wê bi wê re wê bêjê ku wê, kom hijmarên rastîn ên bêdawî ji koma hijmarên tam ên bêdawî ku wê mazintir bê wê werênila ser ziman. Di wê rewşê de ku em wê bi têgînek paradoksi wê bi wê bihizirin em dikarin wê bi wê rengê wê li wê bihizirin ku wê çawa wê weke binkomek wele kome bihêz ku wê hertimî wê bi hêza ku wê bidest bixê re wê hertimî wê mazin bê wê bi wê re wê, bihizirê. Wê bi rengê weke qardinaliya binkoma A’yê her gav ji qardinaliya koma A’yê mezintir a wê, weke aliyekê wê yê ku wê, fahmbikê wê dikarê wê, di awayekê de wê, werênila ser ziman. Di wê rewşê de wê rewşa têgîna fahmkirina paradoksê wê di awayekê de wê, bandûra wê bi mantiqî wê li mantiqê matematikê wê bibê. Wê, ji

matematikê re wê bê alikar ku ew hin bi hin weke çerçoveyek zanistî ew xwe bi xwe ew mantiqê xwe biafirênê bi wê re ew bixwe re pêvajoyêñ xwe yên pêşketinê wê werênê ser ziman.

Di wê rewşê de wê, matematik wê, dema ku mirov wê, di çerçoveya têgîna wê ya mantiqî de wê bi wê bihizirê wê, di wê rengê de wê, di awayekê de wê, weke aliyekê wê yê giring wê, xwe bide dîyarkirin.

Di wê çerçoveyê de wê, di awayekê de wê, di matematika hemdem de wê, dema di wê de bicihkirina mantiqê a demên kevnera û hwd wê, hin bi hin wê li şûn wê bimênenê. Di wê çerçoveyê de wê, weke rêgezek giring a matematikî wê li ser temenê xwe û fahmkiirna xwe wê pêşketina xwe wê bikê ku wê hin bi hin wê bide cêkirin.

Em li vir li ser têgîna hijmarê gotinekê di dewama wê de wê werênila ser ziman. Minaq di demêmn gûtî, hûrî, babil û mîtannîyan de wê pergalek hijmarâ a bi 60yayî wê hebê. Ev pergal wê, temenê hizirkirina wan wê bi xwe re wê biafirênê. Di wê rengê de wê, di dewama wê de wê, mirov werênila ser ziman ku wê, şêwayê têkiliya hijmaran wê, di awayekê de wê, di awayê hizirkirinê û pêşxistinê de jî wê, di awayekê de wê bandûra wê, di fahmkirinê de wê hebê.

Ji demên klasik heta demên hemdem wê, di çerçoveya pêşketina mantiqê wê de wê, di awayekê de wê pêvajoyên pêşketinê ên ku wê bibin wê bi demê re wê temenê pêvajoyên pêşketina mantiqê matematikê bixwe jî wê bikin. Wê, di wê çerçoveyê de wê pêşketina denkleman û çareserîya wan û bi wê re wê, li wer matematikê re wê hewldanên gihiştina li birhanê û fahmkirina wê û hwd wê, di awayekê de wê, weke aliyekê giring wê, di wê rengê de wê, mirov dikarê wê werênen ser ziman.

Di wê rewşê de wê, di matematikê de wê, têgîna birhanê wê wê li ser temenekê encamî ê fahmkirinê wê xwe bi wê re wê bide nîşandin. Di wê rewşê de wê dema em dibêjin  $3+4=7$  bê wê di wê rewşê de wê, di aslê xwe de wê 7 weke encamakê bê. Lê wê, 3 û 4 wê, di awayekê de wê, weke dema ku em bihizirin wê, ew weke aliyekê din ê ku em bi wê bihizirin wê, bi wê bê gihiştin li encamên wê yê din re. Wê li ser lihevzêdekîrinê re wê, wê bigihijê 7'an lê wê li ser çarpkirinê re wê encamak weke 12'an wê bi xwe re wê bide me. Di wê rewşê de wê, dema ku mirov wê li wê bihizirê wê, di hijmarê de wê, di aslê xwe de wê, aliyên weke yên dagerî weke “+”, “x” û hwd wê, di awayekê de wê, rengê nirxa hijmarê jî wê, di awayekê de wê bi wê re wê, bikê ku wê bide dîyarkirin. Di wê rewşê de wê, di nava hijmarê de wê, weke aliyekê din ê pirr zêde ku ew ne hatî kifskirin wê karibê bide kifskirin. Di wê

rewşê de wê, dema ku mirov wê, bi wê dihizirê wê, di awayekê de wê weke aliyekê wê yê giring wê mirov dikarê wê werênê ser ziman.

Têgîna mantiqê matematikê wê di nava matematika hemdem de wê, li têgînên teorikî bi razberî û şenberî ku wê werina pêşxistin, têgîna komê, têgînên teorikî ên hijmarî, hasibandinê û pîvandinê, piştarstkirinê û hwd re wê were bikarhanîn. Di wê rengê de wê, Russell û Frege û hwd wê, di awayekê de wê, di çerçoveya têgîna mantiqê matematikê de wê, di awayekê de wê,bihizirin û wê werênina ser ziman. Di wê rengê de wê, ew wê, mijarênu ku wê hildina li dest wê, di nava matematika hemdem de wê, bidina nîqaşkirin. Ji aliyên weke ku wê, Russell û hwd wê bikin wê matematikê wê daxina li mantiqê û hwd jî wê weke aliyna ku wê, temenê nîqaşen nava mantiq û matematikê wê bi teoriyên wan wê biafirînin bin.

Di nava matematikê de ku em ji aliyê dagerîya (sembolika) notasyonî ve wê, werênê ser ziman wê, têgînên weke a, b, c,..., x, y, z, . . . ku mirov dikarê werênê ser ziman wê, di awayekê de wê, weke bi têgîna endamî wê werina ser ziman. Weke yên tên barkirin bin. Di wê rewşê de wê, di çerçoveya têgînek komî de wê, mirov dikarê wê fahmbikê. Di wê rewşê de wê, dema ku em di dewama wê de wê binivîsênin û bi tîpî weke bi rengê mazin ê weke minaq M, N, P, Q, R, ... û hwd binivîsênin jî wê, weke çerçoveya lêhatîbarkirin mirov dikarê wê fahmbikê. Di wê rewşê de wê ku em minaqekê bidin em, dikarin bi rengê wê bidin ku wê, minaq ku wê M' wê weke mirov wê were ser ziman wê a wê weke kes wê, karibê were şîrovekîrin û bê hanîn li ser ziman. Di awayekê din de em dikarin bi rengê weke ku em bêjin M weke navê mirov û a weke kes em minaq bi navê zerdeş re wê werênin ser ziman. Dema ku mirov wê, werênê ser ziman bi rengê weke Ma wê hingî wê weke Zerdeş keseke bê wê salixbikê û wê werênê ser ziman. Têgîna M'yê li hema ku kî bê dikarê lê were barkirin. Di wê rewşê de wê, dema ku em di dewama wê de wê, minaq A weke dagera Amedê wê werênina ser ziman Wê, bi wê re wê, werênina ser ziman wê, bi MB re wê, amed kesek bê wê werênê ser ziman. Di wê rengê de wê, di awayekê de wê, awayê salixkirinê wê di temenê û rengekê mantiqî de wê bi xwe re wê, werênê ser ziman.

Di rewşa lêbarkirinê de wê, di awayekê de ku mirov wê werênê ser ziman wê, karibê di awayekê de wê vegûharînî di wê de xwe bide diyarkîrin. Minaq em rewşa x'ê wê hildina li dest. Di matematikê de wê x' wê di aslê xwe de wê, weke têgîneka pirr zêde cihêrengê jî wê xwe bide nîşandin. Di wê rewşê de wê, dema ku em wê, werênina ser ziman em dikarin wê di her tiştê de wê, salixbiikin û wê werênina ser ziman. Lê

minaq rewşen tîpî û ankû hijmarî de wê, ne wusa bê. Minaq wê a nebê b. Lê dema ku em di dewama wê de wê, werênina ser ziman wê, x wê hem karibê bibê b û hem jî wê karibê nebê b'ê. Di wê rengê de wê, di awayekê de wê weke aliyekê giring wê mirov dikarê wê werênê ser ziman.

Di rewşa x'ê de wê, mirov dikarê wê di awayekê din de jî wê, werênê ser ziman. Wê dema ku em  $a + x + b = a(x)b$ . Lê di wê rewşê de wê, di aslê xwe de wê, di awayekê de wê, di rewşa wê de wê weke ku mirov werênê ser ziman wê, a û b wê, di awayekê de wê, sînorekê wan yê salixkirinê wê hebê. Çendî ku wê, di awayekê de a û b wê karibê qarakterekê razber wê, di wê rengê de wê bistênê jî lê wê dema ku em salixkirinê wê bikin wê di wê rengê de wê, di awayekê morfolojikî û morfokî de wê, ew wê, bi wê re wê, xwe bide nîşandin. Di rewşê de ku mirov  $x=a$  û  $ankû x=b$  wê werênê ser ziman wê demê wê, x weke bi a û b'yê re jî wê, di awayekê de wê, di heviyekiyekê de wê weke ku wê karibê were salixkirin.

Di wê rewşê de wê, dema ku em di wê rewşê de wê, dema ku em minaq B weke têgînek mazin wê binivîsênin û wê, di wê rewşê de wê, li ber wê bi rengê Bxy wê, hem karibê weke 'x ji y'yê mazintir a' wê têgînekî wê bide me û hem jî wê karibê bi rengê 'x û y mazin in' jî wê têgînê wê bide me. Di wê rengê de wê, di awayekê de wê, têgînek morfîkî wê di awayekê de wê weke ku wê bi wê re wê, xwe bide dîyarkirin.

Di aslê xwe de wê, x weke têgîneka ku wê erka wê di awayekê de wê, bi funksiyonên ku em wan salixbikin re wê, di awayekê de wê, karibê were fahmkirin. Di dewama wê de wê, di wê rewşê de wê, dema ku em lîbarkirinan bihizirin wê, mirov dikarê wê werênê ser ziman wê hinek ji wan wê zêde vegûheran wê ji wan re wê pêwîst bin. Di dema ku em B û x wan bi hevdû re wê bikarbênin wê, di wê rewşê de wê rewşa maziniyê wê bibê. Wê demê wê weyn û rola x'ê wê di wê rewşê de wê, di nava têgînî de wê zêdetirî wê di awayekê de wê, mazin hebê. Wê dema ku em, bi x'ê bihizirin em dikarin wê bi rengê bi wê komên bi dawî jî wê weke bi rengê {x}; x, y, {x, y}; x, y,  $x \cup y$ ; x, y,  $x \cap y$ ; x, y û hwd re wê, avabikin û wê werênin ser ziman. Minaq em di dewama wê de wê, dema ku em {{x}, {x, y}} wê, bi rêsî wê, hevcêwîyêñ x û y'yê wê salixbikin em, {{x}, {x, y}} = {{x}, {x, y}} ku ev bê wê demê wê tenê  $x = x$  û  $y = y$  bê, Wê, di dewama wê de wê bi awayê rêsî yê {{x}, {x, y}} û cêwî (x, y) re wê bide nîşandin.

Di wê rewşê de wê, rewşa x' ê wê di aslê xwe de wê, weke ku mirov wê dibînê û kifşdikê wê di awayekê pirr zêde ê teybet de wê, xwe bide nîşandin. Wê demê em hinekî din wê fahmbikin. Di matematikê de wê, weke komên bidawî û afirandina wan wê rêzên bidawî û hwd jî wê, weke aliyekê din ê ku mirov wê, di serî de wê, dikarê wê, werênê ser ziman. Di wê rewşê de wê, minaq em bi temenê bi hevvekirinê ê w û w re wê werênê ser ziman.  $w = w_0$  wê wê weke aliyekê wê mirov dikarê wê, werênê ser ziman. Lê di wê rewşê de wê, w weke hijmarek û ankû têgînek bi awayekê salixkirî jî bê. Weke rêzînên bidawî ku mirov wê, werênê ser ziman wê, di awayekê de wê, minaq bi rengê  $(w^w)^w = w^{(w^w)}$  û ankû  $\emptyset^w = w^\emptyset = w$  û hwd re wê, dikarê wê, werênê ser ziman. Di nava mantiqê matematikê de wê, ev wê di aslê xwe de wê, di awayekê de wê, weke ku wê zelal jî bê wê, çendî ku wê mirov di wê de wê kûrbibê wê, bi rêzînê wê, karibê wê bikê. Di çerçoveya hizirkirinek bi têkiliner re de wê, ev wê, armanc wê bi gihiştina li têgînekê bê.

Di wê rewşê de em di çerçoveya wê rengê hizirkirina xwe bi têgîna rêzînê re emê wê dîsa wê werênina li ser têgîna  $x' \rightarrow w$  bi wê re wê fahmbikin. Di wê rewşê de em  $x' \rightarrow w$  weke têgînek bidawî ku wê werênina ser ziman ku wê, di wê rewşê de wê, di dewama wê de wê, bi wê çerçoveye me ya denklemî re wê bi wê rengê em dikarin wê werênina ser ziman. Ku x weke têgînek bidawî a komî bê wê **hingê** wê, awayekê wê bi **surehektifiya** bi têgîna van hijmarên tam ên  $n \in \mathbb{N}$  û  $f: n \rightarrow x$  re wê, bi çerçoveya ya piçûk  $n$  re wê, ku wê weke qardinaliya koma  $x' \rightarrow j_i$  wê were pênasekirin wê bi wê re wê, rengê  $n=x$  re were danışandin. Ev wê, di awayekê de wê, weke aliyekê wê  $y$  ku wê di awayekê de wê hinekî wê di dîmenekê de wê têgînek salixkirî wê bide me. **Bi** têgîna komê û têgîna hijmartinê a koma  $x' \rightarrow w$  dema ku mirov wê li wê bihizirê wê, di wê rewşê de wê, di temenekê hevyeki de wê, bi têgînekê re wê temenekê fahmkirinê wê bi xwe re wê biafirînê.

Mijare komê wê di nava têgîna matematika hemdem de wê weke aliyekê giring ê temenî ê ku wê bi wê re wê bê xwestin ku ew were fahmkirin bê. Di wê çerçoveyê de wê, têgîna komê wê ji aliyekê din ve jî wê, di wê de wê, dema ku wê, endamên wê werina fahmkirin wê,  $x' \rightarrow$  û ankû weke ku wê, têgînên weke a, b, c, ..., x, y, z, ... û hwd wê, werina bikarhanîn. Lê di wê rewşê de wê aliyekê din jî wê, çendî ku wê ev endam wê weke endamên komê jî bin wê, di wê de wê,  $x' \rightarrow w$  di wê rewşê de wê bi wan re jî wê, rewşek komplika a din jî wê bi wê re wê rabê û wê xwe bide nîşandin. Minaq wê, cihê endamekê ne salixkirî wê

çendî ku wê were ser ziman û wê bê ser ziman wê, bi wê re wê, têgîna vegûharîyî û ankû di heman endamê de kifşkirina alî û besên din jî wê, weke aliyekê din ê ku wê, x'ê wê bi wê ve rabê bê.

Di wê rewşê de wê, mijare komê û endamê ku mirov wê, werênenê ser ziman wê mirov dikarê wê bi wê re wê, werênenê ser ziman ku wê, di matematikê de wê, weke alî û têgînek giring a temenî wê biafirênenê. Cantor wê, di wê rewşê de wê, aliyên wê yên bi hijmaran ên bêdawî wê li wê bihizirê. Kurt Godel wê, dema ku wê li wê bihizirê wê, li têgîna kêmaniyê wê, bihizirê. Beremberê wê, têgîna tamîtiyê di matematikê de ku mirov wê, werênenê ser ziman wê, têgîna  $\Phi$  wê weke formulekê wê, di awayekê de wê, xwe bide nîşandin. Wê bi wê re wê weke aliyê wê yê ku em dikarin wê minaq bi têgînek din a tememî wê ~ wê werênenê ser ziman. Ji aliyekê din ve jî wê dema ku mirov wê bixwezê girêdanekê çêbikê wê,  $\Phi$  wê, bibê. Minaq weke  $\Phi_1$ ,  $\Phi_2$ ,  $\Phi_3$  .. û hwd re wê, dikarin wê werênenina ser ziman. Minaq awayekê din ê çêkirina wê girêdanê wê, bi rengê ~  $\Phi_1$  û ~  $\Phi_2$ , û hwd re wê, mirov dikarê wê, di awayekê de wê, werênenê ser ziman.

Di rewşa têgîna matematikê de wê, di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, bi têgînek dîtbarî wê, di awayekê de wê dema ku mirov wê, li wê bihizirê. Minaq wê minaqe me ya a ajokar, tirimbêl û ajotinê wê dikarin wê werênenina ser ziman. Di wê rewşê de wê, rewş wê, di awayekê de wê, weke aliyekê ku wê, di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, bi rengê ku wê, were monstrekirin wê, di wê rengê de wê, xwe di awayekê de wê, bi wê re wê, bide dîyarkirin.

Matematik wê bi temenî wê weke têgîneka zanista têgînên pirranîyî û ankû niceli wê dikarin wê werênenê ser ziman. Wê, di wê rengê de wê, weke têgîneka ku wê, bi temenê fizîkî û bûjenî û hwd re wê, di awayekê de wê, hebê. Di wê rewşê de wê, tişt wê, bi fizîkî wê, bi wûcan û hebûna wê ya çîwarî re wê, di awayekê de wê, dikarê wê werênenê ser ziman. Matematik wê temenê wê li ser pêvajoyên pêşketina têgîna aritmatik û geometriyê re wê, xwe bide nîşandin. Wê, di wê rewşê de wê, bi têgînek bûjenî wê, dest bi hizirkirin û pêşketina xwe wê bikê. Lê çendî ku wê têgîna matematikê wê, weke ji têgîna azmûnkirinê dûr wê bê têgîhiştin û hanîn li ser ziman jî lê di aslê xwe de wê, di wê rewşê de wê, ji afirandina bûjenên xwe wê, mirov dikarê wê bi temenekê fahmkirinî ê azmûnî jî wê fahmbikê û wê werênenê ser ziman. Di matematika hemam de wê, ev wê, weke aliyekê wê yê din ê giring jî bê.

Matematik wê di serî de wê, weke têgînaka ku ew ji temen ve wê lêkolîn bikê bê. Wê, di awayekê de wê, weke têgînek ku wê bi mantiqiya xwe re wê, temen zanînî û mirov wê esasbigirê û wê pêşkeve bê. Wê gotinên wê yên temenî wê, weke ku em dibînin wê kom, set, aksiyom, hijmar, awa, funksiyon, algoritma, salixkirinê matematikî, birhanê matematikî û hwd bin.

Matematik wê, dema ku mirov wê, hizirbikê wê ji sê aliyan ve wê, di serî de wê, dikarê wê werênê ser ziman. Aliyê pêşî di çerçoveya fahmkirina pêvajoyêng têgîna bûjenê matematikî de wê, xwediyê temen û awayekê fahmkirinê bê. Lê ev awayê wê yê bûjenî wê bi temenekê ku ew heya wê ji wê peyxam wê bigirê û wê xwe bi wê werênê ser ziman. Gotina 'bûjenê matematikê' wê, di wê temenê de wê, bi temenekê jîyanî ve girêdayî wê werênê ser ziman wê çêtirin wê xwediyê awayekê fahmkirinê bê. Ji aliyê wê yê duyem ve jî wê mirov dikarê bêjê ku wê, di dewama wê aliyê wê yê yekem de wê, di temeneê fahmkirinê ê fîzîkî û bi bûjenî de wê bi encamên wê yên teknikî û hwd re wê, xwe bide dîyarkirin. Di wê temenê de wê, bi fahmkirina wê, zimanê û salixkirinê wê re wê, bi wê temenê ve girêdayî wê, di awayekê de wê xwe bide hanîn li ser ziman. Aliyê din ê sêyem wê, di wê rengê de wê, weke aliyekê li hevdû girêdanên ku wê bi wê re wê karibin wê bi têgînek hipozezî û hwd re wê werina kirin bê. Di wê rewşê de wê, weke aliyekê wê yê din ê giring wê ev wê xwe bi wê re wê, di awayekê de wê bide nîşandin û dîyarkirin.

Pêvajoyêng matematikê û pêşketina ên demên destpêkê wê, minaq di demên kevnera de ku mirov li wan dinerê wê, di awayekê de wê, weke aliyekê giring wê, bi wê re wê, xwe bide dîyarkirin. Wê, di wê temenê de wê, têgînên wê yên hijmarî û hwd wê, bi temenekê fîzîkî û bûjenî re wê pêşkevin. Wê, di wê temenê de wê, matematik wê, di awayekê de wê, tiştê wê weke ku em di pêvajoyêng wê yên kevn de dibênen wê weke wê çawa wê bibînê û wê fahmbikê wê werênê ser ziman.

Di pêvajoyêng wê yên destpêkê de wê, dema ku wê, di wê de wê, hewldanêng weke bi cihkirina têgînek mantiqî û bi wê fahmkirinê re ku wê bê xwestin ku ew were kirin wê, bi wê re wê, di awayekê de wê, di aslê xwe de wê, li ser temenê dîtbarî û heyînîya hebûnî a bi fîzîkî û bûjenî re bê. Lê pêvajoyêng wê yên pêşketinêng piştre wê weke ku wê bi têgîna cebirî û hwd re wê were dîtin wê, di awayekê de wê, weke aliyekê wê yê din ê giring re wê, xwediyê temenekê hizirkirinê wê, bide nîşandin. Mijare têgîna matematikê wê, dema ku wê, di xwe de wê,

bidest kifşkirina têgîna fîzîkê wê bide wê, di wê rengê de wê, bi mantiqê xwe yê ku ew dikê re wê, ew wê bikê. Di wê temenê de xwe gihadina têgîna modelên giştî û hwd jî wê, di wê temenê de wê, bi wê re wê, di awayekê de wê, xwediyyê temenekê fahmkirinê bê.

Têgîna modeliyê wê di matematikê de wê di wê temenê de wê, weke aliyekê giring ê ku wê li ser wê re wê pêşkeve bê. Di wê temenê de wê, di awayekê de wê, di awayekê de wê, mirov dikarê wê bi wê re wê kifşbikê û wê werênen ser ziman bê. Têgîna modelî wê weke pergalek ku ew gotin û ankû ziman were bikarhanîn di salixkirina wê de wê, bê. Di çerçoveya têgîna modelî çerçoveya wê, têgîn û kûrehiya wê, bi wê re wê, weke aliyên wê yên ku ew bi wan re were fahmkirin û bê derxistin li têgihiştinê bê.

Di wê rewşê de wê, mirov dikarê wê, di awayekê de wê, bi wê re wê, werênen ser ziman wê, di çerçoveyek têgînî de wê, dema ku wê, tişt wê, weke wê ku ew minaqe wê hebê ku ew were pêşxistin û yan jî ku ew ji minaqekê bi awayekê din li gorî wê refaransên wê ya ku ew heya wê, awayek were afirandin wê, weke têgînek modelî bê. Di wê rewşê de wê, weke temenê wê yên fahmkirinê wê, di wê rengê de wê ev wê xwe di awayekê de wê, bi wê re wê bide nîşandin. Her model wê, bi xwe re wê, xwediyyê çerçoveyek pergâlî a sazûmanî a tevlihev bê. Wê, ji ya hesan bi ber ya giştî a komplika ve wê, di pêvajoyek pêşketinê de wê, pêvajoyên wê yên pêşketinê wê hebin. Wekî din wê bi dîmenî wê awayên wê yên pêşketinê ên ku ew werina fahmkirin wê, di dewama wê de wê, hebin. Minaq em bi matematikî wê dihizirin ku wê, di nava 50 û heta 209'an de wê çend hijmarên xwezayî wê hebin wê, bi awayekê modelkirinê re wê, ew wê, bê xwestin ku ew were fahmkirin. Weki din jî wê di matematikê de wê, ji dager û gotinan wê sûd were girtin ku ew bi wan were fahmkirin. Minaq dagera  $\leq$  wê, di wateya têkiliyek duîyî bê. Minaq dagerên weke  $\epsilon, \rightarrow, \perp$  wê, bo fahmkirina nirxa rast, zankirin û ya rast û ankû ne rast bê. Têgînên weke  $\forall$  wê bi têgînên weke niceliyên gerdûnî û hwd re wê, karibê werina fahmkirin. Di dewama wê de ku em balê bikişenina li ser rewşen weke yên bo  $n \in N$  vegûharên  $v$ ,  $n \leq hwd wê$ , di wê rewşê de wê, di awayekê de wê temenê me yên fahmkirinê wê baştirin wê, bide nîşandin. Di wê warê de wê, dema ku mirov wê, di wê rengê de wê, awayê dagerî wê, bi wê re wê, fahmbikê wê, di wê rewşê de wê têgînên matematikî ên ku em wan fahmbikin wê weke aliyek giring wê xwe di wê rengê de wê, karibê wê bide nîşandin.

Di rewşa fahmkirina têgîna matematikê de wê, di wê rewşê de wê, weke aliyekê din jî wê, mirov dikarê wê werênê ser ziman ku wê, minaq wê, her rewşa ku wê minaq wê, A wê di B'yê de wê, bê kifşkirin wê, di awayekê de wê, weke aliyekê ku wê bi têgîna ji hevderxistinê (*derivation*) ku mirov wê, karibê wê fahmbikê bê. Minaq ku em li ser A ku wê li ser B'yê re wê, were hasibandin bi awayekê rêszinî weke B\*  $\in$  (0), w(k-1) wê, dikarê bi wê mantiqê wê fahmbikê. Bêgûman wê di dewama wê de wê mirov dikarê wê, bi berdewamî pêşbixê. Ev jî wê, di wê mantiqê de wê weke temenekê fahmkirinê ê matematikî ku ew were berfirehkirin bê.

### **Bi kortasî çerçoveya têgîna mantiqê matematikê klasik**

Di aslê xwe de wê, dema ku mirov çerçoveya têgîna mantiqê matematikê wê li wê dihizirê wê, di wê rengê de wê, tiştekê din wê xwe bi wê re wê, bide dîyarkirin. Ew jî wê, di wê rewşê de wê, weke ku wê, di demên destpêkê ên kevnera de ku wê, bi hewldana di nava matematikê de bicihkirina têgînek mantiqî wê ji wê zêdetirî wê, di çerçoveya têgînek matematikî û pêşxistinê wê de wê, bi xwe gihadina têgînek mantiqî û bi wê nerînê re wê, di awayekê de wê xwe bide nîşandin. Ev jî wê, aliyekê din ê fahmkirinê wê bi morfolojikî û izomorfikî wê bide nîşandin.

Di aslê xwe de wê, di wê çerçoveyê de wê çerçoveya têgînî wê, di awayekê de wê, weke ku em wê kifşdikin wê bi zêdeyî wê pirr zêde wê kûr bê. Mijare matematik û mantiqê wê, gelek alî û şaqêن wê yên bingihînî ên ku wê, werina fahmkirin wê hebin. Di wê çerçoveyê de wê, dema ku mirov wê bi temenekê mantiqî ê dûrûst wê, bi temen bikê wê di awayekê pêşketinê de jî wê temenekê baştırın wê bi xwe re wê bide me. Di wê rewşê de wê, awayê mantiqê matematikê wê ji ya matematika mantiqê cihêtir wê, xwediyyê temenekê bi pêşketina demên hemdem re bê. Di wê temenê de wê, di awayekê de wê, di serî de wê, mirov li vir wê kifşbikê.

Di çerçoveya têgîna mantiqî a klasik de wê, denkbûn wê weke aliyekê wê yên ku mirov wê, ji wê kifşbikê bê. Minaq wê em li ser p'yê re wê werênin ser ziman. Minaq em li du derpêşen weke P û Q bihizirin ku ew bi hev re na. Hevgirtiniyêن wan jî bi p1, ,p2,...,pn re wê werênin ser ziman. ku em nirxên p1,p2,...,pn dema ku em bidina wan ku wê, dema ku wê, P û Q ku wê bi hev re wê bi kortasî wê şaş bin û ankû wê ne şaş bin wê, di bi têgînek mantiqî a denkî ( $P \equiv Q$ ) wê, karibê were fahmkirin. Di dewama wê de em bi wê rengê wê, bi temenî argûmanî û salixkirina wê jî

dikarin wê werênin ser ziman. Minaq wê, dema ku em di rengê p1,p2,...,pn/ :q ku em dînivîsênin em dibînin ku wê q weke encamekê wê xwe di awayekê de wê bi wê re wê bide nîşandin. Dema ku wê p1,p2,...,pn ku ew rastbin wê demê di dewama wê de ku derpêşa q jî rast bê wê, hingî wê, weke derbasîya argûmanî wê, bi encamî wê xwe bide dîyarkirin. Vajî wê weke encama argûmanî a negûhûrîner bê.

Di mijare mantiqê wê de em di serî de wê, di awayekê de wê bi kortasî em bi wê rengê wê, di destpêkê de em empatiyekê bi têgînî bikin. Em hasab bikin ku wê, L wê weke 1'ê wê xwediyyê rewşek qarakterî bi dirêjehiya bi xwe re bê û em ber vê yekê wê bi wê re wê bi dager bikin. Em di wê rewşê de wê, li wê bihizirin ku wê, di çerçoveyek salixkirinî de wê, demê em wê, bi awayekê wê, di wê rengê de wê, 1,1,1 wê bi L re wê hizirbikin. Di wê çerçoveyê de em 2 tefkir bikin û wê, di wê de wê, L wê weke qadaka ku wê ew li wê xwedi bandûrê bê em 2 bihizirin. Di wê rewşê de em dîsa A'yê li vir bibîr bikin ku wê weke qada L'yê wê, bi wê re were salixkirin. Bila B'ê jî weke qada bandûrê a binî bi 3'an re were ser ziman. Di destpêkê de em têkiliya qadan bi rengê weke B ⊆ A wan bi hevdû re dênin. Wê dema ku em li L'yê bihizirin wê di temenê wê de wê, ku em bihizirin û em minaq CB = CA di wê de kifşbikin. BI têgîna ku em erkê bi f're wê, salixbikin wê demê wê, di dewama wê de wê, di awayekê de wê, demê bi dikarin bi awayekê weke fB(a1,...,an)= fA(a 1,...,an) re wê, di awayekê de bi denklem bikin. Ku f'ê di L'yê de weke dagera erkê bê wê demê em di wê rewşê de wê, di wê de wê, bi awayekê wê, ji wê n û 1,...,an ∈ B werênin ser ziman. ... Di dewama wê de wê, diaslê xwe de wê, di awayekê de wê, mirov dikarê wê ji vê nûqteyê wê zêdetirî wê pêşdetir bibê. Wê pêşbixe. Di wê rewşê de wê, mijare kifşkirina di wê de wê, çendî ku em bi mantiqî wê, di wê de wê, pêde herin wê, bi derfet bê.

Em di çerçoveya têgîna denklemê de wê li wê bihizirin. Wê dema ku em minaq li ser rewşa denklemê B ⊆ A wê li wê bihizirin wê, di wê de wê, weke ku me ew li jor kifşkir wê, di wê de wê, weke qada bandûrê wê, di wê de wê, B wê weke qada bandûra 3'yê xwe di wê de wê, bide nîşandin. Lê di wê rewşê de wê, diaslê xwe de dema ku em hinekî di wê de wê li wê bihizirin wê ji 3'yê zêdetirî wê, di 3'yê de wê di 2'yê de wê, xwe bi wê re wê, di temenekê de jî wê salixbikê. Di wê rewşê de wê, demê em dikarin wê jî bêjin ku wê, di 3'yê de wê, B'ê qada bandûrê a bi 2'yê bê. Di wê temenê de wê, diaslê xwe de wê, 3 weke temenekê 2'an wê xwe di awayekê de wê, bide nîşandin.

Di aslê xwe de wê, di wê rewşê de wê, di rewşa têgîna têgîna wekheviyê de ku mirov wê li wê bihizirê wê, di awayekê de wê, bi wê re wê, mirov wê, di awayekê de wê li ser L'ye re wê, bidomênê. Wê, di wê rewşê de em, wusa hizirbikin ku wê, 2 û 3 ew di temenekê qadî ên L'ye de bin. Di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, dema ku em ji 3'ê herina 2'ê wê di aslê xwe de wê, di çerçoveyekê de wê, têgînek teybet a ku em wê bi naqşî bi  $\pi$  re wê kifşbikin wê xwe bide nîşandin. Di wê rewşê de wê, Her çendî ku wê di heviyekiyekê de wê, minaq di rengê  $B \rightarrow A$  wê bi awayekê wê karibin wê werênenâ ser ziman wê, bi derfet bê bi awayekê sehî (intuition) lê di awayekê de wê, dema ku mirov wê di wê de wê pêde herê wê, cihêrengî û nirxên din jî wê werina kifşkirin. Wê demê wê heviyeki wê, di awayekê de wê, bi mantiqî wê tenê wê bi dîtbarî re wê bi sînor re wê bimênê. Di wê rewşê de wê,  $A \cup B$  wê, di aslê xwe de wê, di wê rewşê de wê, du hijmarênu ku wê, di wan de wê, dema ku em bi têgîna tamî û heviyekiyê bi wan bihizirin wê, ji xwe wê, gelek kifşkirinê ku em, weke ku wê, ne li bendê bin wê, di kûrbûna bi xwe re de wê, karibin wê bidina me. Minaq  $\pi(cB) = c, cA$ .  $\pi(fA(a1, \dots, an)) = fB(\pi(a1), \dots, \pi(an))$ ,  $a_1, \dots, a_n \in \mathbb{U}$  di dewama wê de wê bi rengê  $BAB(a1, \dots, an) \Leftrightarrow RA(\pi(a1), \dots, \pi(an))$ ,  $a_1, \dots, a_n \in B$  re wê, werênenâ ser ziman. Di temenê fahmkirina qadê de wê, di wê rewşê de wê, temenekê berfirehî ê bêşînor ku em jî di kevina zorê de wê, dawîya wê, heta kûderê wê herê wê, di çerçoveya kûrbûna bi denklemê de wê, weke ku wê were dîtin. **Richard Epstein** wê, di lêkolîna xwe ya binavê "Classical Mathematical Logic" de wê balê bikişenê li ser wê rengê nirxî a ku wê mirov karibê wê di wê de wê kifşbikê. Di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, bicihkirina nirxa  $\pi'ye$  wê, di awayekê de wê, nîşanaka wê ya rastîn wê, di awayekê de wê, bi wê temenê wê yê ku ew bi wê re wê bi kifşkirinê ku em di wê de wê pêde diçin û wê dikarin wê werina ser ziman re jî wê, di awayekê de wê bi xwe re wê bide me. Lê li vir wê jî wê weke aliyekê din wê mirov dikarê wê werênenâ ser ziman ku wê, mijare gihiştina fahmkirinê wê, di wê rewşê de wê, aliyê têgîn, refarans û têkiliyê wê, di wê rewşê de wê, weke aliyina funksiyonî ên ku wê di fahmkirinê de wê weyn bileyizin bin.

Di awayekê bi sazûmankirina têgînî re wê di awayekê de wê, dikarê wê werênenâ ser ziman. Di rewşa fahmkirina têgîna  $A \cup B'ye$  de wê, di awayekê têgînî de wê, kifşkirinê di wê de wê, di awayekê de wê, bi wê rengê jî wê, dikarin wê di dewama wê de wê, werênenâ ser ziman. Minaq wê,  $\neg A \rightarrow B$  bi rêza wê re  $S(A) \rightarrow S(B)$ ,  $\neg wê$  were wateyê ) ankû  $\neg S(B) \rightarrow S(A)$  bê.

Matematik wê dema ku mirov wê, di xate pêvajoyên wê yên pêşketina aqilê me de wê, werênê ser ziman wê, ji gelek aliyan ve wê, hinek matematikzan weke kifşekê wê werênina ser ziman. Lê ez wê weke pêvajoyek pêşketinê li wer temenê têrbûna bi pêşketina bi aqil re ku wê her bûba wê, dibînin û wê dihênimâ ser ziman. Ber ku wê, di wê temenê de wê, di awayekê de wê, weke aliyekê wê yê ku wê, nebe ne dibûba wê, di temenê pêşketina aqilê me de wê, xwe bide diyarkirin ba. Di wê xate pêşketina aqilê me de wê, aqilê me xwe ji pêşketina û hevnasîna bi pêşketina wê nikarîba xwe rizgarbikira. Ev wê weke rêgezek xwezayî wê bi pêşketina wê re ku mirov wê binxat bikê wê bênenê ser ziman bê.

Di çerçoveya têgînên funksiyonî ên ku me li jor hanîn li ser ziman de jî wê, dema ku mirov wê li wê binerê wê, di awayekê de wê, weke aliyekê wê yê bi wê li ser temenekê şenber ê fahmkirinê bi kûrbûnê re wê di awayekê de wê, xwe bide diyarkirin bê. Di wê rewşê de wê, di rewşen weke fahmkirina 1,2,3 û hwd û ankû A, B C û hwd wê, di wê rewşê de wê, di temenekê de wê, temenekê fahmkirinê wê bide me. Di aslê xwe de wê, bi nirxî di wan de wê kifşkirina nirxên weke  $\pi$  wê, di awayekê de wê, weke aliyekê giring ê fahmkirina wê, xwe di awayekê de wê, bide diyarkirin bê.

Di têgîna mantiqî de wê awayekê çêker wê hebê. Di wê rewşê de wê, weke ku mirov wê, bi wê re wê, kifşdikê de wê, ew bê. Minaq wê, dema ku wê A û B wê, A' yê wê piştrast bikê û ankû wê, B' yê wê piştrast bikê wê, di awayekê de wê, bi wê rewê, di rengekê de wê ew wê bi xwe re wê, bide çêkirin. Mantiq wê, di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, temenekê hizirkirinê ê sazûman wê biafirênen. Ya ku wê, dema ku em bi di temenekê sazûmanî wê dema ku em minaq wê, di hijmarê de wê kûrbibin û wê, di wê de wê, bi pergalî wê awayekê hanîna ser ziman wê, bi temenekê hevgirtî ê ku wê di wê çerçoveyê de wê, were fahmkirin wê bibê bê.

Di roja me de wê, dema ku em di dewama wê de dihizirin em dibînin ku wê, bi mantiqê dagerî wê, çawa wê, di awayekê de wê, ew pêşxistin wê were kirin mirov wê, kifşdikê. Weyna mantiqê dagerî wê, di matematik û bi teybetî mantiqê matematikê û pêşketina wê de wê, bi temenî wê hebê. Di wê rengê de wê, di serî de wê, mirov dikarê wê, werênê ser ziman ku wê, di demên berê de wê, di wê rengê de wê ji aliyê hizirkirinê ve wê, bi ber têgînek mantiqî ve wê, çûyina wê ku wê bibê wê, di demên pêşketina bi aqil ên bi wê rengê û hwd de wê, ev wê ji aliyekê ve wê bi gûharê. Minaq wê, dema ku mirov wê, werênê ser ziman

wê, ji têgînekê wê bi wê rengê wê ji wê bi wê aqilmeşandinê wê kirina wê, di awayekê de wê, weke aliyekê wê yê din bê ku wê bi wê re wê pêşkeve bê.

Di mantiqê kevn de wê, di têgîna heviyekiyê de wê, di awayekê de wê weke A ku wê A bê wê, were fahmkirin. Lê di wê rewşê de wê, dema ku em bi têgînek hijmarî wê, di mantiqê weke A, B C ... û hwd de wê, bihasibênin weke 1,2,3 .. û hwd re wê, werênina ser ziman wê, dema ku em bi têgîna her hijmara piştre ku wê ew weke ya mazintir wê were wê, hingî wê yên berê xwe wê, di xwe de wê, di awayekê de wê, weke ku wê, bihawênen. Di wê rewşê de wê, wê her hijmara piştre wê, weke koma heviyekiyên ku wê, di xwe de wê, bide çêkirin jî bê. Lê li vir wê, di wê rewşê de aliyekê din ê ne rasyonal wê xwe bi rewşê re wê bide nîşandin. Hertimî wê balê mirov wê bikişênen û wê dema ku mirov wê bi mantiqî jî wê li wê bihizirê wê mirov dikarê wê werênen ser ziman û bêjê ku wê, di rewşa mazinahiya hijmarê a ne rasyonal wê bi qasî wê di wê de wê, hijmarênen mazin û kifşkirina wan wê weke aliyekê wê yê din jî wê, xwe bide nîşandin.

Mantiq wê di awayekê de wê li ser wê rewşa xwe ya formeli re wê, hertimî wê di awayekê de wê, bi wê aliyê hizirkirinê re wê, di awayekê de wê, di nava hatina berhevdûbûnekê de bê. Wê, di wê rewşê, wê dema ku wê, di heviyekiyekê de wê, werênen ser ziman jî wê, di wê rewşê de wê, ev heviyekî wê ji aliyê nixî ve wê çawa wê bibê wê, di wê rewşê de wê weke aliyekê din ê mijarî ku mirov wê, li wê bihizirê û wê, di awayekê de wê, fahmbikê û wê werênen ser ziman bê.

Aliyê din ên bi pergalî ên mantiqî di wê temenê de emê li jor wan di têgînekê de wamn cûda û cûda werênina ser ziman û hewlbidin ku têkiliyekê di nava wan de bi wan re wê dênin. Lê li vir wê, di serî de wê, di awayekê de wê, mirov dikarê wê weke aliyekê wê yê din ê giring wê werênen ser ziman ku wê mijare têkiliyên fahmkirinê wê, di wê rengê de wê, bi awayekê giring wê, di demên hemdem de wê weke ku em bi têgîna mantiqê matematikê re dibînê wê weke aliyekê pêşxistiner wê ev aliyê ku wê di nava sînorê formeliya wekhevdûyî de wê, xwe nedigirê wê bide bi temenkirin. Formeli û rewşa ne formeli a di jîyanê de wê heyî wê, di wê temenê de wê, bi hevdû re wê dema ku wê têkiliyê wê dênin wê, di awayekê de wê, li ser têgînên weke mantiqê ên bi rêgezî û hwd re wê, awayekê pêşketinê wê bi têgînî wê bi xwe re wê bi pergalkirinan û hwd re wê, werênina li holê.

Di matematikas klasik a demên kevnera de wê, têgîna komî wê çendî ku wê ne li pêş jî bê lê wê temenê wê bi wê re wê hebê ku mirov wê bi wê re wê bihizirê wê hebê. Ji vê aliyekê ve ez dixwezim aliyekê bi wê re wê pêşbixin û wê di wê rengê de wê balê bikişenîma li ser wê aliye ku ew hê li bendî hatina li ser ziman bê. Wê, di wê temenê de wê, ev wê bi xwe re wê, di awayekê de wê, temen û rengekê din ê hizirkirinê kevnera wê bi xwe re wê, di wê çerçoveye de wê bi me re wê bide kifşkirin. Di serdemên kevnera de matematik hatibû kifşkirin di bikarhanînê de. Lê wê di pêşxistina wê, di wê rengê de wê, bo wê mirov nikaribê wê heman tiştê wê bo wê bêjê. Wê di pêşketina wê de jî wê, di awayekê de wê, serrûyî wê, awayekê pêşketinê wê xwe bide nîşandin bê.

Di **çerçoveya matematika** klasik de jî ku em dikarin wê hildina li dest wê, weke têgîneka ku wê di nava matematika hemdem de wê pêşkeve wê, mantiqê **matematika sehî** (intuition) wê, di aslê xwe de wê, di awayekê de wê bi zêdeyî wê, derkeve li pêş. Li vir wê dema ku mirov wê, bahsa mantiqê matematika sehî bikê wê bêgûman wê gelek hizrên ku mirov di çerçoveya têgîna felsefeyî de ku wê werina ser ziman wê hebin. Li vir bi kortasî em divê ku hinekî di çerçoveya têgîna mantiqê de wê, hildina li dest. Ku wê weke matematikzanên Sehî jî wê werina dîtin û bi navkirin zaneyên weke Brauwer û Poincare wê, di wê çerçoveyê de wê, navê wan derkeve li pêş.

Mantiqê matematika sehî ku mirov wê bi kortasî wê werênê ser ziman wê, di temenê weke birhankirina A û B'ye wê girêdayî bibirhankirina ya A û B'ye bê. Birhankirina A û ankû B'ye wê girêdayî birhankirina A'ye û ankû B'ye bê. A jî wê, birhana B'ye wê birhana A'ye wergerênê li ya B'ye re wê werênê ser ziman.

Temen û çerçoveya hizirkirina têgîna mantiqê sehî wê, di awayekê de wê, weke ku mirov wê, di wê rengê wê, kifşdikê wê, di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, werênê ser ziman. Lê di awayekê de din jî wê dema ku mirov wê, li wê bihizirê wê, dikarê wê, di wê rengê de wê, di dewama wê de wê, werênê ser ziman ku wê, bi têgînek ku ew ji hev derdixê wê bi wê re wê, bikê ku wê werênê ser ziman. Minaq wê, dema ku em bi wê bihizirin wê di wê rengê de wê dikarin denklemekê bi wê çebikin. Em bi hizirin ku wê  $x_1$  û  $x_2$  wê hebin û wê heman kes bin. Lê wê du xatên şopandinê wê bi wan re wê di hemeyekiyeğê de wê hebin. Beremberê wê em dikarin  $t_1$  û  $t_2$  jî bihizirin. Di wê çerçoveyê de em dikarin binerin ku wê  $t_1$  wê hizirkirina  $t_2$  bê. Piştî ku wê, dem bûhûrî wê,  $t_2$  wê weke ku wê, ji hizirkirinek ku wê  $t_1$  hizirî wê biafirê. Di wê rewşê de wê, weke  $t_1$

wê di nava herikîna demê de wê weke ku wê winda nebê. Di rewşa fahmkirina  $x_1 \hat{+} x_2 \hat{=} j$  ku em di dewama wê de wê bi wê bihizirin wê bi demê re wê ji hev wê werina vaqatandin. Di wê rewşê de wê, balkışandina li ser wê bi rengê weke ku em dikarin wê werênina ser ziman wê bi awayê  $x_1 \neq x_2 \hat{+} t_1 \neq t_2$  wê, werê dîtin. Li gorî ku wê Brauwer wê, bihasibênen wê, ev rewşa mene du-yek'ê wê di temenekê 'apriori' de ku wê bihizirê û wê werênê ser ziman. Di awayekê de wê, weke ku mirov wê kifşdikê wê, di awayê bi formulekirina wê de wê, di şewayekê weke  $x, y, z$ , wek  $x_n + y_n = z_n$  wê dikarê werênê ser ziman. Ev şewayê ku wê, bi wê re wê mirov dikarê werênê ser ziman wê, di awayekê de wê, şewayê hizirkirina bi aritmartika diophantus ku mirov li berçav bigirê wê werênê li berbîra mirov.

Dema ku mirov li ser teorîya Brauwer dihizirê wê, di wê temenê de wê, di awayekê de wê, di awayekê de wê, çawa wê şubjektan wê di awayekê de wê, ji awayekê fahmkirinê wê biafirin wê bi wê re wê, bikê ku wê werênê ser ziman. Di mijare fahmkirina mene du-yek'ê a Brauwer de wê, di awayekê de wê, di wê rewşê de wê, bi demê re wê ji hevdû wê cûdakirina wan wê hin bi hin wê were kirin. Di wê rewşê de wê, dema ku em li rewşa  $x_1 \hat{+} x_2 \hat{=} y$  dihizirin wê, di wê rengê de wê, weke  $x_2$  hijmarê 2 bê wê, were li holê. Di wê rewşê de wê, rewşa  $x_2 \hat{=} y$  wê, di awayekê de wê, wek têgînek razber wê, di awayekê de wê, ji wê derhanî wê, xwe bide dîyarkirin. Li gorî wê, têgînê wê objeyên matematikî wê weke encamakê ji zêhnê me yên afirî bin li gorî têgîna Brauwer. Godel wê dema ku wê, têgîna sehê wê, di awayekê de wê werênê ser ziman wê, weke 'hêza fahmkirina objeyê' wê bi pênamebikê û wê werênê ser ziman. Godel wê, di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, dema ku wê, li têgîna objeyê bi matematikê re wê bihizirê wê, ji Brauwer wê, cûda bihizirê, çendî ku wê ew wê, bi têgînek sehî wê bikê ku ew bihizirê. Li gorî Godel wê, obje wê, dervî seha me wê, hebin. Godel wê li çûna gotina 'sehê' ku wê ji aliyê Brauwer ve wê bê bikarhanîn wê, ew wê, gotina "derkkirinê (perception)" wê, di awayekê de wê, bikarbênen. Di wê rewşê de wê, têgîna derkê wê, têgîna objeyê wê weke hebûnekê dervî me wê bide dîtin û wê bi wê re wê, bikê ku ew wê, fahmbikê bê. Dema ku wê Charles Persons wê felsefeya matematika Godel wê, şîrovebikê wê, bi gotina "derkkirina sehê" re wê, ew wê, bi temenekê fahmkirinê wê bikê ku wê fahmbikê û wê werênê ser ziman. Lê dema ku wê, Persons wê felsefeya matematika Godel wê şîrovebikê wê, weke di temenê ku em şîroveyên fahmdikin de wê, weke ku wê, objeyên platon ên dervî sehê ku ew hena û

ew dihênenê ser ziman wê, di awayekê de wê bênenê li bîra me. Penrosa ku wê, di awayekê de wê, di şiroveyên xwe yên matematikî de wê pişta xwe bide Godel wê, bi têgîna platonismê wê, di awayekê de wê, ew wê, werênenê ser ziman. Wê, di wê rengê de wê, di awayekê zelal de wê, bitêgînek platonvanî wê ew wê werênenê ser ziman.

Di wê çerçoveyê de wê, di serî de wê, di dewama wê de wê mirov dikarê wê werênenê ser ziman ku wê têgîna Godel wê, dema ku mirov wê, werênenê ser ziman wê weke sorbûne gulekê û pênc pelên gulê ku ew hena bin.

Di aslê xwe de wê, di wê rewşê de wê, weke ku mirov wê, bibînê wê bi mantiqî wê dema ku wê matematik wê li ser temenekê wê were hanîn li ser ziman wê, di temenê wê de wê, çawa wê bi temenekê bi xwe wê were ser ziman wê, di wê rengê de wê, weke mijarek hizirkirinê a her demên matematikê û fahmkirina wê jî bê.

Di aslê xwe de wê, têgîna sehê wê, dema ku mirov wê bihizirê wê, di gelek awayan de wê, derkeve hemberî me. Mijar li vir li gorî min wê ew bê ku mirov wê çawa wê nêz bibê û wê fahmbikê bê. Li gorî min û têgîn û fahmkirina têgîna sehê wê, di aslê xwe de wê, mirov nikarê wê ji rastiya ku ew heya wê dûr bihizir. Wê dema ku mirov wê sehê wê bikaerbênenê wê, wê ew wê bikarhanna wê li ser wê temenê wê re wê xwe di awayekê de wê bide dîyarkirin. Minaq wê dema ku ez li sehê dihizirim ez dikarim di çerçoveya têgîna xwe de wê bi minaqekê wê werênimâ ser ziman. Têgîna kîşînaardê wê hebê. Lê dema ku Einstein bi têgîna teoriya dîtbarîyê ew hanî ser ziman wê newê wê wateyê ku ew piştî ku ew hat hanî li ser ziman wê ew biafirê û wê bibê bê. Ber ku ew hebû wî ew sehkir û wê hanî ser ziman. Piştî ku wî teoriya xwe hanî ser ziman û piştî wê hanîna ser ziman wê piştrastkirinê bi wê re wê, di wê temenê de wê, karibê rengê têgîna min a sehî wê werênenê ser ziman.

Di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, di awayekê de wê, didewama wê de wê mirov dikarê wê bi wê bihizirê û wê werênenê ser ziman ku wê têgîna sehê wê, di nava matematikê de wê, temenekê hizirkirinê ê fahmkirinê bê. Di wê rewşê de wê, weke bi teorikî û felsefeyî wê fahmkirina wê, di awayekê de wê, mirov di wê rewşê de wê, bi matematikê re wê weke temenekê fahmkirinê ê bi wê re wê, weke yê kûrbûnê bi fahmkirinê bê. Lê di wê rewşê de wê, di wê rengê de wê, di awayekê de wê, di aslê xwe de wê, têgîna sehê wê, di matematikê de wê, di aslê xwe de wê, ber ku wê, objekt û şubjektên ku wê werina fahmkirin wê, awayekê de wê, ji her derhanîna wan û di hev de fahmkirina wan wê

bibê wê, êdî wê weke aliyekê ku wê, hinekî zor bibê di fahmkirinê de ku wê were ji hevdû derxistin. Lê di dewama wê de wê, mirov dikarê wê weke aliyekê wê yê din ê giring wê werênê ser ziman ku wê mijare têgîna sehê wê, dema ku mirov wê bi mantiqî wê, di hilde li dest wê, di wê temenê de wê, di awayekê de wê têgînek fahmkirinê wê bi xwe re wê bide me. Di temenekê razberkirin û bi wê razberkirinê re bi serêxwekirina wê re wê, di awayekê de wê, weke ku wê were dîtin û fahmkirin. Di aslê xwe de wê, di mijare fahmkirina têgîna şubjekt û objektê de wê, têgînên Brauwer wê, di awayekê de wê, weke ku em di wê çerçoveyê de bi hizrên Penrosa, Godel û hwd re dihziriin wê, weke ku wê, mijare têgînên objektên matematikê wê di awayekê zêde de wê bikina mijare nîqaşen ku wê bêñ kirin. Di wê rewşê de wê, di aslê xwe de wê, ev nîqaşen li ser temenekê razber û di nava wê de wê bi matematikê re wê bi hewldana salixkirina objektên wê, di awayekê de wê, weke aliyekê giring wê fahmkirinê wê xwe bidina dîyarkirin. Em li vir wê, dikarin wê, di dewama wê de wê, werênina ser ziman ku wê têgînên matematikî wê di wê temenê de wê, di temenekê hizirkirinê de wê çawa wê, werina fahmkirin wê, di serî de wê, di fahmkirina me ya bi wan re de jî wê, rengê hizirkirin û fahmkirina wê karibin wê bidina dîyarkirin bin. Ber vê yekê wê weke aliyekê giring bê ku mirov wê, di temenekê rast de wê, fahmbikê bê.

Dema ku mirov bahsa têgîna mantiqê û matematikê bikê wê, di wê rewşê de wê, mantiqê klasik wê, di awayekê de wê, ji gelek aliyan ve wê derkeve li pêş me. Di wê rewşê de wê, wê, mantiqê klasik wê, di awayekê de wê, çerçoveyek têgînî wê li ser têgîna objeyê re wê,bihizirê. Dema ku wê mijar wê bi wê re wê were ser gotinê wê, gotin wê weke têgîneka ku wê, ji ya rewşa fizikê ku wê, dihê derhanîn weke têgîneka wê, were dîtin. Di wê rengê de wê, levkirinên bi gotinî wê li ser têgîna fizikê, bûjenê û rewşê re wê, di awayekê ku ew heyâ û bûya de wê, bi wê re wê bikê ku wê werênê ser ziman.

Di mijare têgîna mantiqê û sehê de wê, weke aliyekê ku wê, ji wan demên kevn û heta roja me wê, di nava zanîna me ya matematikê bê û ankû aliyê din bê wê, di wê de wê, xwe bi felsefeyî û hwd wê bide dîyarkirin. Mijare gihiştina 'ya nayê zanîn' wê, di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, hertimî wê derkeve hemberî me. Li vir di aslê xwe de wê weke mijarek giring wê ew bê ku wê, ya ku ew nayê zanîn ew heyâ û ankû ew nîn a wê, di awayekê de wê, weke aliyekê giring wê, xwe bi wê re wê bide dîyarkirin. Di wê rewşê de wê, têgîna sehê wê, li vir wê,

karibê hebûn û nebûna hebûnê bi fizîkî, rewşî û hwd bide dîyarkirin? Bêgûman wê, di wê rewşê de wê, seh wê, têgînek gihiştina li zanîn û fahma tiştê ku mirov wê, derkbikê bê. Di wê rewşê de wê, ev wê, weke aliyekê wê yê giring ê ku mirov wê, di serî de wê, weke aliyekê giring wê, bikirpêñê û wê fahmbikê û wê werênê ser ziman bê.

Di mijare têgîna sehê de wê, di aslê xwe de wê, mirov dikarê wê, werênê ser ziman ku wê, mijare mantiq û sehê wê di wê qadê de wê, weke aliyna ku mirov dikarê bi hevdû re wan hilde li dest bê. Ideayêñ platon wê di wê rewşê de wê, weke aliyekê ku wê mirete wê ji wê re wê bimênin û wê, di nava têgînêñ wê yên demên hemdem de wê bêñ ser ziman bin. Penrosa wê di wê warê de wê, ‘ideayêñ platon’ wê bi têgîna ‘bûjenêñ matematikê’ re wê, di awayekê de wê, bikê ku ew wan werênê ser ziman. Wê, li ser wê re wê, bikê ku ew xwe bigihêñê li têgînek fahmkirinê.

Di mijare fahmkirina têgîna sehê û mantiqê de wê, di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, levkirinêñ matematikê wê, di wê rewşê de wê, bi wê re wê, bi şubjektî wê derkevina li pêş. Di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, fahmkirina wan wê bibê û mirov dikarê wan werênê ser ziman. Lê ku mirov ji kîjan aliyê ve werênê ser ziman wê, seh wê, weke têgîneka ku wê li ser ya heyâ re wê, weke têgîneka ku mirov wê bi wê bikê ku wê xwe bigihêñê li fahma wê bê. Di wê çerçoveyê de wê, di wê rewşê de wê weke asta pêşî wê ev wê xwe bide nîşandin. Lê di asta duyem de wê mijare wan têgîna objekt û şubjektê ku mirov wê, di wê rewşê de wê bi ci temenê wê salixbikê û wê werênê ser ziman wê li pêşîya mirov wê bimênê.

Minaq ku em empatiyê bikin wê weke ku wê, mirov bikê wê, ideayêñ platon wê, di rewşa fahmkirina rastiyê de wê, çendî wê beremberê wan wê hebê ku mirov bi temenek bûjenî a matematikî re wê kifşbikê? Di wê rewşê de wê, di aslê xwe de wê, dema ku mirov wê, bihizirê wê, dema ku mirov ji têgînê herê bûjenê wê, di wê rewşê de wê, weke têgînek ji ya giştî bi ber ya hesan ve ku wê bibê bê. Lê di wê rewşê de wê, em divê ku wê, di wê rewşê de wê, ji aliyê wê yê din ve emê, esas bigirin. Emê ji ya hesan destpêbikin. Ber ku wê ev wê weke rêgezak jiyanî bê ku wê, her tişt wê ji piçûkbûnê bi ber mazinbûne ve wê herê û wê, mazin bibê. Di wê rewşê de wê, ev wê, weke aliyekê wê yê din bê. Di rewşa darekê de wê, dema ku mirov wê, bi têgîna sehê bi wê bihizirê wê, minaq piştî 15 salan ku wê darek mazin bûbê ku em tefkirbikin û piştre em bi wê re li demê vegerihin û wê, ji destpêka wê bihizirin ku wê, piştê 15 salan ku wê

çawa bê ku mirov, bêî ku mirov wê dîtibê wê tefkir bikê wê, di awayekê de wê taqabûlî rengê hizirkirina sehî a ku em bi têgîna wê re wê hizirbikin re wê hebê.

Seh û têgîna bûjenên matematikî û fahmkirina wan wê di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, dema ez li wê dihizirim wê, di wê rewşê de wê, bi têkiliyek fahmkirinê a bi hişmendî re wê, xwediye çerçoveyek têgihiştinî bê. Di wê temenê de ku mirov li ser sehê re li têgîna matematikê a platonismê dinerê wê dibînê ku wê xwediye têgînîn temenî ên weke bi rengê weke ku mirov dikarê bi wê rengê wê werênê ser ziman bê. Di matematika platonismê de wê, sê pêvajoy û ankû astên ku werina fahmkirin wê hebin. Yek wê, ya heyî bi hebûnî bê. Wê bi wê bê hizirkirin ku wê, matematik wê, objeyên wê hebin. ya du ku wê razberî bê. Wê ev wê bênenê ser ziman ku wê, objeyên matematikê wê razber bin. Ü ya sêyan wê, serbixwebûyîn bê. Wê ev jî wê, bênenê ser ziman ku obje wê, ji hebûna his wê serbixwe bin bê.

Di wê temenê de wê, matematik wê, li gorî wê, weke tiştekê din ê ji şubjektan cûda bê. Wê di awayekê de wê, Brauwers jî wê, li wê bihizirê. Ya ku em di intuisjonisme Brauwers de dixwênin wê, obje wê weke têgînna razber bin. Wê di wê temenê wê **essensiye** (**essensiell**) hebûnî de wê, xwediye cûdahiyêni bi objeyên şenber bê. Di wê temenê de wê, di awayekê de wê, di nava hewldanaka ku wê, bi temenekê şenber ku wê çawa wê bahsa objeyên matematikê de jî bê.

Di wê temenê de wê, sê faseên wê, di temenek analoji ê nava matematik û objeyê û objeyên fizîkî ên xwezayî re wê werênê ser ziman. Lê di aslê xwe de wê, ev analoji jî wê ji hinek aliyan ve wê mihtacê fahmkirinê bê. MInaq Godel wê ji aliyê xwe ve wê dema ku ew dipirsê ku wê, çawa wê zanîn wê, objeyên matematikê bi awayekê serbixwe wê, ji hev cûda bikê di wê dunyê de wê, di dewama wê de wê kirpandinê li ser derkkirinê bi têgînek sehî wê bikê. Lê di şewayê ku wê, Brauwer wê werênê ser ziman wê, di awayekê ku mirov wê, bi 'hîsa şeşemin' re wê fahmbikê wê, di awayekê de wê, were dîtin.

Di aslê xwe de wê, di temenê têgîna fahmkirina sehê a bi wê rengê de wê, pirsek din wê xwe ji temen ve wê bide nîşandin. Dema ku wê, bi têgînek 'apriori' wê Brauwer wê werênê ser ziman wê bêhna têgînek ontolojikî wê ji wê were. Lê di wê rewşê de wê, di aslê xwe de wê, ontoloji wê, dema ku ew bi wê temenê wê têgîna sehê hat hanîn li ser ziman wê karibê ji ya ku em armanc dikin ku wê fahmbikin wê cûdatirî wê têgînekê wê bide me. Di wê rewşê de wê, bêgûman wê, bersivên ku

em li ser têgîna ontolojiyê û ya ne ontolojiyê re bigihinê de wê, ji hev cûda bin. Dema ku wê mijar wê were mijare ontolojiyê wê, rengên hizirkirinê ên weke yên Aristo ku ew dihênenê ser ziman wê werina ser ziman. Aristo red nakê hebûnan darêjkan. An jî gerdûnan. Lê belê ew reddikê ku wê, gerdûnen din ji wê ya me wê bi serê xwe bin. Û heyberên takekesî ku ew formen wan in. Di dewama wê de wê, bênen ser ziman ku wê, objeyen matematikê wê, di objeyan dibin ku em têbigihin û wan bi rîgezkirinê re fahmbikin. Ev rengê hizirkirinê wê, di aslê xwe de wê, di awayekê de wê, ne dûrî hizirkirinê Brauwer bin ku ew bi têgîna matematika sehî bi wê dihizirê û wê dihênenê ser ziman. Di wê rewşê de wê, di nava têgîna sehî a Brauwer û ya ku eez dihizirim wê, ev nûqteya ontolojikî wê hebê. Ez naxwezim ku bi objeyê û têgîna wê re wê, biqavizima li aliyê din. Li wê aliyê wê, bi derfet bê ku wê li ser temeneê objeyî û rastîya wê fahmbikin û wê werênina ser ziman.

Hinekî wê felsefeya matematikê ku mirov wê, kifşdikê wê dibînê ku wê nêzî ya platon bê. Lê di warê têgîna awayê şîroveyên ontolojikî de ku wê aristo wê daerêjkê derxê li pêş û platon li ser cihane ideayan re wê werênenê ser ziman re wê, ji hev cûda bibin. Ev rewşen weke astî û ankû bi têgîna fase ku me hanîn ser ziman wê, di wê temenê de wê, di awayekê de wê, temenê hizirkirinê ê matematikî ku wê bi wan re wê li wê bihizirê bê. Di wê çerçoveyê de wê, çendî ku wê, ev alî wê, rîgezen din ên weke ku me li jor hanîn ser ziman jî lê wê ji aliyekê ve wê, mijare ontolojiyê wê weke şewayekê hizirkirinê wê bi wan re wê, xwe bide nişandin.

Di aslê xwe de wê, dema ku mirov wê, di wê rewşê de wê, rewşa mantiqê formel wê, di awayekê de wê, dikarê wê hinekî wê, di dewama wê de wê werênenê ser ziman. Wê, di wê rewşê de wê, di aslê xwe de wê, ev wê, weke aliyekê din ê ku mirov wê, dikarê wê, hilde li dest bê. Di mijare têgîna aqilê formeli de wê hinekê bi zanîna wê re wê li ser wê bisekin in. Wê, di wê çerçoveyê de wê bastirin wê temenekê fahmkirinê wê bi me re wê bide **çêkirin**.

Dema ku mirov bahsa têkiliya nava mantiq û matamatikê bikê wê, di seri de we weke aliyek giring wê formeliya zanini derkevê hemberi me. Weke mantiqê wê matematik ji weke zaninek formeli were dîtin û wê were hanin ser ziman. Matematik wê bi dager û hijmaran re wê were hanin li ser ziman.

Di dewama wê de wê, mantiq wê aliyekê wê te bi çerçoveyek hevgirti a levkiri re wê were li ser ziman. Li ser vê aliyê wê re wê mijara rastbû û ne rastbûnenê wê bi wê re weke aliyek lêpirsiner wê xwe ji temen vê bidê

nişandin. Têgina rastitiye ji du aliyan vê giring bê ku mirov wê fahmbikê. Aliyek wê bi alî û awayê objeyi vê ku were fahmkirin wê mirov dikarê wê fahmbikê. Ev ali wê weke aliyek ku wê bi awayekê realisti hebûna heyî wê ji xwe re bike temenê fahmkirinê. Ji vê aliyê vê mirov dikarê wê werênê ser ziman ku wê her tişta ku wê hebê wê weke rastiyek heyî a li berçav wê herê bikê. Aliyê din ê duyem ji wê bi têginek şubjeyî ku mirov wê fahmbikê wê dikarê wê werênê ser ziman. Tiştek û ankû rewşek ku wê li gori kesekê we rast bê wê karibê li gori kesek din ne rast bê. Di vê temenê de we mirov dikarê wê werênê ser ziman ku wê ev ali wê weke aliyekê bi darazên me vê wê girêdayi bê. Mirov li gori wê çawa bibinê wê wusa li me rast were.

Di aslê xwe de wê dema ku mirov vê aliyê dihilde li destê ji jiyankirinê me bigra bi gelek serboriyan re weke temenê wê dikarê wê werênê ser ziman.

Mijare rastiye aliyê wê yê mantiqi wê ew bê ku wê bi nerin û daraza me re wê di hevyekiyekê de bê. Di wê temenê de we aqilmesendinê me di er temenê wê de wê bibin. Di mijare darazê de we di wê rengê de we weke aliyek ku mirov bi wê fahmbikê bê.

Lê mantiq formeliya wê ya bizanini bi temenek ditbarî wê bi serrû re wê dikarê wê fahmbikê. Mijare aqile serrû û ankû formeli wê weke mijarek pirr zêde biaqılıf xwediyê dîrokek pirr zêde demdirêj å kevn bê. Di wê rewşê de we ya ku ew li berçav dihê dîtin wê çawa were fahmkirin wê hertimî bê mijare fahmkirinê. Gotinê weke bi têgina kûrbûnê wê beremberê wê werina gotin. Ya ku ew biçav dihê dîtin wê cewherê wê çî bê wê li were hizirkirin. Di wê temenê de we li ser ya serrû re wê li ne li serrû wê li were lêgerîn û hizirkirin.

Mantiqê serrû wê li navaroka wê û rastbûnê ne nenerê. Wê li awa û hevgirtinya wê binere. Di wê temenê de we bi mantiqi li ya li berçav ku ew dihe dîtin wê binerê. Di dewama wê de wê ku matematik wê bi wê rengê wê werê ser ziman wê di dewama wê de wê li awayê were hizirkirin. Li ser wê aliyê re hizirkirinê bi zêhni û sehî ku wê bê xwestin ku wê li ser wê re wê bêñ kirin wê aliyek bi wê re wê ji wê aliyê vê wê xwe bidê diyarkirin. Di matematikê de we bi aksiyom û hwd re wê bi jihevderxiatinê re wê mejiye mirov wê bixwezê li van aliyan ji bihizirê.

Ya dîtbar, serrû û formeli wê di wê rewşê de we li were hizirkirin. Di têginek matematiki a formeli de we jihevderxiatinê ku mirov li berçav bigrê wê weke aliyek giring ê fahmkirinê wê xwe bidê nişandin. Aliyekê bi kûrbûna ya dîtbar re wê di kûrbûnê å bi wê re de we ji aliyê vê xwe

bidê nişandin. Lê ev ali wê ne weke aliyekê ku mirov bi têginek weke ya teqezi û hwd re wê werênê ser ziman bê.

Rewş wê di rewşê de we weke aliyekê wê yê giring wê xwe di awayekê de jî wê bidê diyarkirin. Rewşa têgina formel wê di wê rewşê de we bi awayekê bi xwe re wê werê ser ziman. Di dewama wê de wê zanina dîtbar ku wê bi ya dîtini re wê werê fahmkirin wê di wê rewşê de we xwediyê awayek fahmkirinê bê.

Lê di awayekê ku wê ji ya giştî bi ber ya hesan vê wê herê û ji ya serrû vê wê werênê ser ziman wê awayê wê yê hizirkirinê yê kevn xwe bidê diyarkirin. Lê ku mirov wê bi temenek objektiv û rewşa wê gave biavejê wê mirov karibê wê di awayekê de we baştir fahmbikê. Her rewş wê bi têkiliyên nava xwe û grêdanên bi xwe re wê temenê awa û rengê din ên hizirkirinê wê bidê derxistin li holê.

Di vê awayê de wê rewşek wê dema ku wê bi werê hizirkirin we awayên din ên darêjki wê bi xwe re wê bi derxistin li holê. Di awayekê de we aliyek objektiv û subjektiv ê hizirkirine bi temen, awa û argumanên ku wê bi wê werin li holê re wê bibê.

Di awayekê din de we aliyê aqile formel ê objektiv wê bi ya heyî û awayên wê re wê werê dîtin. Aliyê din jî wê li ser awa û aliyên weke aqilmesendin û afirandinên bi wê re wê bibê. Ev aliyê dawi wê darazên me jî wê bikê nava xwe.

Tabî dema ku mirov wê bi wê rengê wê werênê ser ziman wê, di dewama wê de wê, weke aliyekê din wê bi têgîna matematikê re wê, di awayekê formeli de wê, bi çêkerîyna denklemî wê bi matematikî wê werênê ser ziman. Dîsa wê li vir wê, x û y wê weke têgîn û ankû hijmarên me yên ku em serê li wan bidin. Minaq bi rengê weke  $x < y$ ,  $x < y$ ,  $x$  koka  $y$  ya. X wwê hevyeka  $y$  yê bê. di nava  $x$  û  $y$  de wê z hebê û hwd. Wê, di wê rengê de wê, mirov dikarê wê, di dewama wê de wê, bi wê rengê wê minaqên wê zêdetir jî bikê.

Di awayekê din de jî wê bi awayê weke setên wê çêbikê bi notasyonî weke  $\{a, b\} = \{b, a\}$  û yan jî bi awayê din ê weke  $\langle a, b \rangle = \langle b, a \rangle$  û hwd wê, dikarê wê, werênê ser ziman. Li vir emê u û v lê zêde bikin. Di wê rewşê de wê, di nava denklemê de wê, di awayekê de wê, weke rewşek salixkirinê wê xwe bidina diyarkirin. Minaq weke bi rengê  $\langle x, y \rangle = \langle u, v \rangle$  bi tenê  $x = u$  û  $y = v$  wê werênê ser ziman. Di wê rewşê de wê a û b wê, di awayekê de wê, bina xwediyê du rewşen têkilidar.

Li vir wê, dema ku mirov li wê dihizirê wê, di awayekê de wê, weke ku wê nirxdayinên wê bi sehî wê werina dayîn wê, di awayekê de wê, bi wê

re wê, vegûhar jî wê, bi wê re wê, biafirê. Wê, bi wê re wê, hin bi hin wê tûra têkiliyan wê biafirê. Minaq em +2' an weke bi erka bi serê xwe a vegûhar wê werênin ser ziman. wê, x wê karibê weke nirxa vegûhar bê, weke x+2 û hwd. Di dewama wê de ku em f'yê weke ya salixkirina erkê wê fahmbikin wê, di awayekê de wê, dikarin bi awayê  $f(x) = x + 2$  wê bi denklembikin. Di dewama wê de wê, weke  $f_1(x) = x \times xf_2(x) = x^2$  ku wê ji hijemarek asalítir a weke a piçûk  $3(x)=6/x$  wê, bidomênin.

Mijare têgîna hizirkirina formeli wê, di aslê xwe de wê, pirr wê weke aliyekê kûr bê ku mirov wê, li ser wê bisekinê. Wê, di dewama wê de wê, ji wê aliyê ve wê, di awayekê de wê, dikarê wê, bi levkirinê mantiqî re wê, pêşbixê wê, werênê ser ziman.

Di çerçoveya têgîna aqilê formel de wê, dema ku mirov wê, rastiyê wê bi wê re wê, werênê ser ziman wê, di awayekê de wê, weke aliyekê giring wê bi wê re wê, di awayekê de wê, bi mantiqî wê, afirandinê wê, dikarê minaq bi rengê  $P \wedge Q$ ,  $P \wedge \neg Q$ ,  $\neg P \wedge Q$  û hwd re wê, werênê ser ziman. Piştre jî pêşxistinê wê bi berdewamî weke  $(P \wedge \neg Q) \vee (\neg P \wedge Q)$  û hwd wê werênê ser ziman. Di wê rewşê de wê dema ku mirov wê salixkirinê wê bikê wê, di wê rewşê de wê yan P rast bê û Q şaş bê, yan jî wê, P şaş bê û Q wê rast bê. Di wê rewşê de wê, di rewşa salixkirinê de wê, di awayekê de wê, ew wê, weke rewşna sehî wê, di awayekê de wê, biafirin ku mirov wê bi wê bihizirê bê.

Van aliyen emê li jor li ser wan bisekin in bi awa û rengna din ên têgînî. Lê li vir di çerçoveya têgîna zanîna formelî de wê bi kortasî min xwest bi awayekê hinek minaqan wê bi wê re wê, werênimâ ser ziman. Di rewşa wê de wê, awayen wê yên li hevdû afirandina wê re wê, di wê rewşê de wê, ku mirov wê, werênê ser ziman wê bibin. Wê dema ku mirov wê minaq bi awayê  $P \leftrightarrow \neg Q$  wê hanî ser ziman wê, ev wê, li gorî wê têgîna wê weke piştrastkirinekê di wê rewşê de ku wê xwe bi awayekê wê bide nîşandin bê. Li vir di aslê xwe de weke ku me li gor bahsa têgîna rastiyê kir wê, di awayekê de wê, dualîyî wê mirov dikarê wê, bi aliyê wê yên objeyî û şubjeyî wê fahmbikê û wê werênê ser ziman. Ev jî wê, weke aliyen wê yên din ên ku mirov dikarê wan salixbikê û wan werênê ser ziman bê.

## Mantiq û matematik bi pozisyonâ wan a bi hevdû re pêşdikevin

Di aslê xwe de wê, dema ku em têkiliya mantiq û matematikê bi hevdû re dênin û ankû wê bikin ku wê, fahmbikin em divê ku wê, di serî de mantiq û matematikê wan di serî de zaninbin ku ew çi na û ne çi na. Di wê temenê de wê, ev wê di serî de wê, weke aliyna temenî ê fahmkirinê wê werina dîtin. Piştî demên ronansansê û pê de wê, hin bi hin wê, matematika ku wê pêşkeve wê, di awayekê de wê, li ser temenekê bi rêkûpêktiyeka mantiqî wê, were kirin. Ev jî bûya sedem ku wê, di demên piştre wê, weke ku em bi Boole, Russell, leibniz û hwd re ku wê, di wê warê de wê, hizirkirin wê werina kirin û wê, temenekê matematikî wê bi têgînek mantiqî wê, bikin ku wê werênina ser ziman. Çendî ku wê zêde neyênê ser ziman jî Lê hizrên Destcaertes wê, di wê warê de wê, weke aliyekê temenî ê hizirkirinê wê, di awayekê de wê bênen refarans girtin. Ev jî wê, di wê temenê de wê, matematikek bi mantiqî wê, bê lê hizirkirin.

Di aslê xwe de wê, serûwana di matematikê de wê, lêgerîna li temenekê mantiqî û fahmkirina wê, heta demên destpêkê ên pêşketina felsefeya serdemên kevnera jî wê herê. Di wê temenê de wê, di awayekê mantiqî de ku em li berçav bigirin wê hizrên Platon û Aristo wê, di wê warê de wê, weke refaransna ku wê piştre wê, di wê rengê de wê, ji wê bi denklemkirinên ku wê bi matematikî û hwd wê werina pêşxistin wê, di awayekê de wê, temenekê hizirkirinê wê di wê warê de wê bi xwe re wê, bê hizirkirin. Mantiq wê, dema ku wê, di awayekê klasik de wê bê hizirkirin wê weke têgîn û nerînek formelî ku wê, rastarast binerê wê bê dîtin û wê bê ser ziman. Lê em wê dibînin ku wê çendî ku wê aqil di jîyanê de wê pêşkeve û wê bi zanebûnî nerîna li jîyanê wê, biafirê wê, bi wê re wê, di awayekê de wê, ev wê weke aliyekê giring wê bandûra xwe li rengên fahmkirinên mantiqî jî wê bikê. Çendî ku em bêjin jî ji aliyekê ve wê, 'ji jîyanê qût bê' jî lê wê, di dema ku mirov li wê dihizirê wê, bi wê re wê mriov kifşdikê.

Pêvajoyên pêşketina bi fahmkirina mantiqê re wê di wê warê de wê, di awayekê de wê, bi sserê xwe wê, xwe bidina nîşandin. Her çendî ku wê weke ku me, gelek caran berê hanî ser ziman ku wê, bi temenekê felsefeyê wê pêşkeve û wê bi encamên wê re wê xwediyê temenekê pêşketinê jî bê mantiq lê wê, dema ku mirov mantiqê wê hinekî wê bi serê xwe wê, hilde li dest wê, di aslê xwe de wê, di awayekê de wê, weke aliyekê ku mirov wê, di serê de wê, fahmbikê bê. Jîyan wê ti carî wê nikaribê di nava du gotinan de were girtîkirin. Hertimî wê di awayekê de

wê, weke ku mirov wê, dikarê wê werênenê ser ziman wê, di awayekê de wê, xwe di bide nîşandin.

Di wê çerçoveyek fahmkirinê a ku mirov wê, di serî de wê, werênenê ser ziman wê, di wê rengê de wê, bi mantiqî wê, were dîtin. Di wê rewşê de wê, aliyê mantiqî ê ku wê ji jîyanê weke 'qût' ku wê were dîtin wê dema ku wê li gorî wê, di awayekê de wê, were hizirkirin bê. Di wê rewşê de wê, minaq têgîna mantiqê a klasik ya bi rengê 'nebûna rewşa halê sêyem' jî wê, di awayekê de wê, weke aliyekê wê yê ku mirov wê, di wê çerçoveyê de wê, di temenekeê pêwîstînî de wê dikarê wê fahmbikê û wê werênenê ser ziman. Di wê rewşê de wê, nebûna rewşa halê sêyem wê hebûn û nebûna wê çawa wê karibê hebûn û ankû nebûna mantiqê wê bi xwe re wê bide nîşandin? Di aslê xwe de wê, di wê dema ku mirov van aliyan wê li wê dihizirê, wê mirov di dewama wê de wê, dikarê wê bi hizirê ku wê weke aliyekê wê yê din ê giring wê mantiq wê, di wê rewşê de wê, di awayekê yekdûze de ku wê were hizirkirin de wê, di awayekê de wê bi wê re wê, bi wê rengê wê xwe bide nîşandin.

Mantiq wê, di demên hemdem de wê, bi zêdeyî wê, bi awayekê ku wê matematikê wê ji xwe re wê bikê bingeh û wê li ser wê re wê pêşkeve wê, di awayekê de wê, weke aliyekê ku wê, di wê çerçoveyê de wê bixwezê ku wan sînoran fahmbikê bê. Matematik wê di awayekê de wê dema ku mirov li wê dihizirê wê, di aslê xwe de wê weke ku mirov dikarê wê kifşbikê wê, çerçoveyek afrîner a fahmkirinê wê, bi wê re wê, hebê. Çendî ku wê, di rewşa fahmkirina matematikê de wê, weke 'di rewşek hevgirtî' û weke 'zelal' wê were ser ziman jî lê wê, di wê rengê de wê, di aslê xwe de wê matematik wê, di awayekê de wê, xwediyê rewşek teybet a li ser wê re a ku mirov wê bi wê fahmbikê jî bê. ber vê yekê wê, di serî de wê di dewama wê de wê mirov dikarê wê bi wê werênenê ser ziman ku wê weke aliyekê wê yê giring wê matematik wê weke rewş û aliyekê fahmkirinê ku wê, dema ku mirov wê, bi rengê hizirkirina wê û pêvajoyêñ herîkîna jîyanê wê bi hevdû re weke du rûyêñ hevdû ên bi hevdû ve girêdayî ku ew hevdû biafirêñin hildina li dest wê, di wê temenê de wê, di awayekê de wê, rewşa wê, bi zêdeyî wê, xwediyê teybetmendiyna ku ew bi serê xwe bi teybetî werina fahmkirin bin. Di wê rewşê de wê mirov dikarê wê weke aliyekê wê yê din ê giring wê werênenê ser ziman ku wê, matematik wê, di wê rengê de wê, ji aliyekê ve wê, bi têgînekê dahûrî wê, di wê warê de wê, weke aliyekê giring wê dikarê wê hilde li dest. Di wê rewşê de wê, ya ku wê, di pêşxistina denklemekê, derpêşekê, aksiyomekê û hwd de wê, di pêşxistina wê de wê, ci bê.? Yan

jî wê, dema ku em, bi têgînek fezeyî li vektoran dihizirin û di dewama wê de wê, weke alî û dîmenekê din ê weke ji wê derhanîn kifşkirina 'quarterniyonan' wê, di wê rewşê de wê ci bê? Di serî de wê weke aliyekê din ê giring wê, di wê rengê de wê, mirov dikarê wê, di serî de wê, weke aliyekê din ê giring wê hilde li dest û wê fahmbikê bê.

Di wê çerçoveyê de wê, di serî de wê, mirov dikarê wê, werênê ser ziman ku wê, weke aliyekê din ê giring mirov dikarê wê werênê ser ziman ku wê rewşa fahmkirinê wê, di wê çerçoveyê de wê, di awayekê de wê, dema ku mirov wê, bi denklemî bi matematikî wê bihizirê wê, ya ku wê di dewama wê de wê bi berfirehî wê pêşxistina wê bide çêkirin wê tenê wê, ji hijmar û têgînen wan wê, kifşkirina ji hevdû û ankû a di hevdû de bê? Di aslê xwe de wê, di wê rengê de wê, weke aliyekê wê yê din ê giring wê mirov dikarê wê, di dewama wê de wê, werênê ser ziman ku wê, were ser ziman.

Di jîyanê de wê, dema ku mirov wê, bêjê 'A wê A bê wê, ne wilqasî hesan bê ku mirov wê fahmbikê. Di serî de wê, weke aliyekê wê yê giring wê, di serî de wê, dema ku mirov wê, di wê rewşê de wê, rewşekê wê kifşbikê wê bêî têgîna gûharînê wê mirov nikarê wê bi wê derkbikê. Ev ku bi xwesteka me jî bê û ne bi xwesteka me jî bê. Di demê de wê, wê, herîkîn wê, di awayekê de wê, weke rêgezek gerdûnî wê, xwe di awayekê de wê, bide dîyarkirin. Di aslê xwe de wê, dema ku mirov wê, bi wê bihizirê wê mirov dikarê wê, di awayekê de wê, werênê ser ziman ku wê, matematik wê, di wê rengê de wê, xwe ji awayen pêşketî wê, bi dîmen bikê. Di wê rengê de wê, demê mirov dikarê wê weke aliyekê din ê giring wê bi wê re wê kifşbikê wê matematik wê, di awayekê de wê, weke aliyekê din ê giring wê, xwe li ser rewşa ku ew heyâ wê, demê wê, di wê rengê de wê, çendî ku wê bi wê re wê biafirînê wê, di dewama wê de wê, ne weke xwe mayîna rewşê wê, di awayekê de wê, di aslê xwe de wê bi pêvajoyen pêşketinê re wê, piştre wê karibê temenê gûharînên bi wê denklemî jî wê bi xwe re wê werênê. Di wê çerçoveyê de wê, di awayekê de wê, di wê rengê ku mirov bi wê rengê wê kifşdikê wê ev têgîn bi hesanî wê di mejiyê me de wê biafirê ku wê têgînen weke bidawîtyê û ankû bêdawîtyê wê, di matematikê de wê, li ser rewşen jîyanî re wê xwe di dîmenekê de wê, bide nîşandin. Ev wê, ji aliyekê ve wê çendî ku wê têgînekê wê bi xwe re wê bi me re wê bide çêkirin jî lê wê di wê rewşê de wê, dema ku mirov wê, di rewşa matematikê de wê kifşdikê wê, di aslê xwe de wê, zêdetirî wê rewş wê weke ku wê, komplika û tevlihevtir bê. Di wê rengê de wê, di awayekê de wê, weke

aliyekê wê yê din ê giring jî wê dikarê wê, werênê ser ziman. Minaq bi mantiqî wê dema ku em bahsa weke A wê A bê. Piştre hemû A B na. Wê hinek A wê C bin. Di wê rewşê de wê, ku mirov wê bi wê dihizirê wê, di wê rewşê de wê, di mantiqê wê de mirov dikarê bêjê ku wê dema ku mirov got “A wê A bê” wê, demê wê, tenê wê di têgînek hevyekî de wê, were fahmkirin? Di wê rewşê de wê, dema ku mirov wê berê A'ya pêşî da li A'ya duyem û wê, got wê, ew wê ew bê wê hingî wê, di wê rewşê de em ji wekhevđûbûnekê zêdetirî rewşekê wê, di wê de wê, weke ku wê, diafirênen û ankû wê, dibînin. Di wê rewşê de wê, ya ku wê weke aliyekê wê yê din jî wê, di wê rewşê de wê, Weke A'ya duyem wê, di awayekê de wê weke ku wê di xwe de wê, di awayekê de wê, temenekeê hizirkirinê wê hem bi A'ya yekem û hem jî bi A'ya duyem re wê biafirênen. Di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, çendî ku wê, di awayekê de em di A'uya duyem de wê, weke ku wê, di wê de wê, A'ya yekem wê hebê wê, di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, weke ku wê, hem wê, A'ya duyem wê ew wê hem weke A'yekê wê hebê, hem wê, A'ya duyem wê, di wê de wê, weke nirxekê wê hebê. Di wê rewşê de wê, dema ku me ew got wê, hingî wê A'ya pêşî wê, di wê rewşê de wê karibê mirov bêjê ku wê bi tememî wê, di A'ya duyem de wê bibê. Di wê rewşê de wê, di aslê xwe de wê rewşek ji ya ku em wê hizirdikin wê zêdetirî tevlihev û komplika ku em ne di farqê de bin û ne ne di farqê de jî bin wê biafirê. Di wê rewşê de wê, rewşa A'ya pêşî wê, di serî de wê, di awayekê de wê, çendî ku wê, weke di di awayekê de wê, xwe bide nîşandin jî lê wê rewşa A'yê a li A'yê (A'ya duyem) ku wê bibê wê, di wê de wê, weke aliyekê giring wê di destpêkê de em divê ku wê ji çar aliyan ve wê kifşbikin û wê piştre wê, di dewama wê de wê bihizirin û wê werênina ser ziman. Wê piştre wê li ser wê re wê, di awayekê de wê, ew wê, xwe bide nîşandin.

Aliyê pêşî wê bi A'ya pêşî ku wê A'ya duyem bê re wê, bi têgîna A ∩ A re bê. Wê, di wê rewşê de wê, di aslê xwe de wê, di hevrastiyek geometrikî de wê, di awayekê de wê weke ku wê, xwediyyê awayekê hizirkirinê jî bê. Di dewama wê de wê, rîya wan wê di awayekê de wê bi hevkeve. Wê, hevdû wê, di awayekê de wê, bibînin û wê, dihevkevin. Aliyê din ê duyem wê, bi rewşa A'ya pêşî û A'ya duyem re wê, di awayê gihiştina hevdû weke A ∩ A re wê ku em wê werênê ser ziman bê. Di wê rewşê de wê, weke aliyekê wê yê din wê xwe di wê rengê de wê, bide nîşandin. Di wê reng û awayê din ê duyem de wê, bi nirxî wê weke gihiştina hevdû û bi nirxî tevlibûnek li hevdû û ankû bi hevrebûnek bi

tevreyî re wê, di awayekê de wê bi wê re wê, xwe bide nîşandin. Ev wê, di serî de wê weke aliyekê wê yê din ê giring bê ku mirov wê, di serî de wê kifşbikê û wê werênê ser ziman bê. Di awayekê din ê sêyem de jî wê, ku em ji aliyê A'ya duyem ve bihizirin wê demê wê mirov dikarê wê bi rengê A ≈ A ku em wê kifşbikin wê, di wê rengê de wê, A'ya duyem wê, di awayekê de wê weke hem xwe bê û ne jî wê A'ya pêşî a yekem ku ew daxîfilî wê bûya û ankû di wê de ya wê bê. Di wê rengê de wê, di awayekê de wê, ev wê weke aliyekê wê yê din jî wê, di serî de wê li ser vê rewşê re jî em, dikarin wê weke aliyekê wê yê din jî wê, werênina ser ziman ku wê, di dewama wê de wê, xwe bi awayekê de wê, bide nîşandin ku wê, rewşa A'ya yekem wê, di wê rengê de wê, ew jî wê, di aslê xwe wê, di heman rengê de wê, di awa û rewşek teybet de bê. Wê, di A'ya duyem de wê hem wê hebê û hem jî wê weke xwe wê hebê. Di wê rewşê de wê, ew jî wê, weke di awayekê de wê, bi rengê A ≈ A re wê, di awayekê de wê, xwe bide nîşandin. Tabii di aslê xwe de wê, di wê rengê dîtbarî wê bi nerînek serrû de jî ku ew li wê were dîtin wê bi têkiliya nava A'ya pêşî û A'ya duyem de wê, weke di awayekê formeli ê bi rengê A ≠ A wê, were dîtin. Di wê rewşê de wê, çendî ku wê di wê nûqteyê û ji wê aliyê ve wê, karibê nîqaş were zêdetirkirin û kûrtirkirin jî lî wê di serî de emê tenê di wê hevkiyekiyê de wê, binerin û wê derbas bibin. Ev alî wê, di awayekê de wê, di xwe de wê, weke aliyekê wê yê giring ê ku mirov wê, dikarê wê, di awayekê de wê, di serî de wê, fahmbikê bê. Lê bi wê re wê, dema ku wê, mirov wê, li wê bihizirê wê, di wê rewşê wê mirov dikarê bêjê ku wê, A'ya pêşî wê di A'ya duyem de wê weke endamê wê, bi rengê A ∈ A wê werênina ser ziman? Ev alî wê, di gelek waran de wê, di aslê xwe de wê karibê bibê mijare nîqaşê. Di wê rewşê de wê, dema ku em rewşen ku me bi kortasî bi wê re li ser wê re wan hanî ser ziman ku em li wan dihizirin wê, di wê rengê de wê, aliyekê din ê komplika wê derkeve li holê. Wê dema ku em di hevyekiyeke de wê, têkilî û rewşa A'ya pêşî û A'ya duyem hilde li dest wê demê wê, A'ya pêşî wê ne weke rewşek binkomî a di A'ya duyem de jî wê, xwe di awayekê de wê, bide nîşandin. Wê demê wê, di wê rewşê de wê, di aslê xwe de wê, rewşek teybet a weke 'komê di komê de' wê, di awayekê de wê, xwe weke ku wê bide nîşandin. Mijare komê emê di herikina mijarê de wê, cih bi cih bikirpênen. Wê, demê wê weke ku em bi mantiqî wê bihizirin wê, demê em li vir wê, koma A'ya pêşî û ya A'ya duyem bihizirin. Wê demê ku wê, A'ya pêşî wê, herê nava A'ya duyem wê endamên wê hebin û wê ew jî wê bi wê re wê, di awayekê de wê derbasî

wê bibin. Wê tevli wê bibin. Wê, di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, di rewşekê de wê, xwe di awayekê de wê, weke ku mirov wê dibînê û dikarê wê kifşbikê wê, xwe bi awayekê wê bide nîşandin. Di aslê xwe de wê, di wê rewşê de wê rewşa A'ya pêşî û ya A'ya duyem wê, di wê rewşê de wê, dema ku em wan di wê rengê û awayê de li wan dihizirê wê mirov dikarê di dewama wê de wê werênê ser ziman ku wê rewş wê ji ya ku em wê dibînin wê zêdetirî wê di awayekê de wê, tevlihev (komplike) û wê kûrtir bê. Wê, demê wê, di awayekê matematikî de em divê ku wê li wê bihizirin û wê di wê de wê kûrbibin û wê fahmbikin.

Di aslê xwe de wê, rewşen weke yên hevrastîya levkirinî  $\cap$  de wê, çendî ku mimov dikarê wê, di awayekê de wê, bi wê re wê, werênê ser ziman ev rewş jî wê li ser rewşa A'yan ve ku ew A'ya yekem jî bê û ya A'ya duyem jî bê wê, di rewşek dîtbarî de wê, xwediyyê rewşek A  $\cap$  A bê. Di wê rewşê de wê, ev wê, weke aliyekê wê yê din ê ku mirov wê, dikarê wê kifşbikê û wê werênê ser ziman. Wekî din wê dema em rewşa A'ya yekem bi A'ya duyem re wê, di awayekê de ew çendî ku wê weke A  $\in$  A wê werênê ser ziman jî wê di awayekê de wê, di rewşek teybet bê. Wê demê di nava rewşa A  $\in$  A wê bi ya A  $\cap$  A re wê, din jî a ku mirov wê, di wê rewşê de wê, fahmbikê wê hebê. Wê dema ku wê, A  $\cap$  A wê demê di hevyekiyekê de wê, mirov dikarê wê di awayekê de wê fahmbikê û di hevyekiyekê de wê, di rewşa A'yê mirov nikarê ji A'yê re wê, weke endamê A'yê wê nikaribê bi awayekê A  $\in$  A bê. Ber ku wê, li gorî A  $\cap$  A wê, weke ne di hevyekiyekê de bê. Di wê rewşê de wê, demê ku di hevyekiyekê de wê, A'yê fahmbikê wê, demê wê A nikaribê bibê endamê A'yê. Ber ku wê, A wê, A' bê. Di wê rewşê de wê mantiqê wê, di wê rengê de wê, mirov dikarê wê di awayekê de wê, fahmbikê. Di awayekê û dîmenekê din de wê, A' wê beremberê A wê, bi xwe re wê weke ku wê xwediyyê endamên xwe bê. Wê demê ji aliyê hebûna A û A'yê ve ku mirov wê, hilde li dest wê, A  $<$  A bê. Di wê rewşê de wê, di wê rengê de wê, di awayekê de wê bide me.

Lê dema ku wê, A wê li A'yê weke A  $\equiv$  A bê. Piştî ku ew A  $\cap$  A bû wê, di wê rewş wê, A'ya duyem wê, di awayekê de wê, di aslê xwe de wê, bi A'yê re wê, ne denk bê. Wê, di wê rewş de wê, di awayekê de ku mirov wê, fahmbikê wê xwediyyê dîmenekê weke cûda bê. ku mirov wê, weke hevdû bibînê wê demê wê, di awayekê de wê, bi awayekê wê weke A  $\equiv$  (A  $\cap$  A) wê di awayekê de wê, were dîtin. Ya di nava parantêzê de wê, di wê rewşê de wê, dema ku mirov wê ji aliyê nirxî ve wê, hilde li dest wê, pirr zêde bê li gorî A'yê ya pêşî.

Di wê rewşê de wê,  $A \equiv (A \cap A) = A \equiv (A \cap A)$  ku mirov wê dînivîsênê wê demê wê, di wekheviyekê de wê, di wê rewşê de wê, mirov dikarê wê, werênenê ser ziman ku wê, A di wê rewşê de wê, weke temenekê giring ê fahmkirnê wê dikarê wê werênenê ser ziman. Di aslê xwe de wê, di wê rewşê de wê, A ku ew di wê de wê, ,  $A \equiv (A \cap A) = A \equiv (A \cap A)$  were kirin wê, di wê rewşê de wê, weke aliyekê nirxî wê, di wê rewşê de wê, temenekê fahmkirinê bi aliyekê din jî wê bide me. Di mantiqî de wê, di wê rewşê de nirxa A û A wê di heviyekiyekê de wê, were dîtin. Lê di wê rewşê de wê, ev wê weke rewşek ne dîyar jî wê di awa û rengekê de wê karibê xwe bide nîşandin. Di wê rengê de wê, mirov dikarê wê werênenê ser ziman ku wê, di dema ku em  $A \equiv (A \cap A) = A \equiv (A \cap A)$  wê dihînenê ser ziman wê ji aliyekê ve jî wê, rewşa aliyê pêşî denklemê bi  $A \equiv (A \cap A)$  bi aliyê din ê  $A \equiv (A \cap A)$  re ku wê, li ser têgîna '=' re wê, di wekheviyekiyê de wê, demê wê, di wê rewşê de wê, aliyê pêşî ê denklemê wê di awayekê de wê weke ku wê, di xwe de wê, bi wê têgîna hevyekiyê û ankû denkîyê wê, di awayekê de wê bi têgîna '=' re wê, weke xwe bi awayekê wê, bide nîşandin. Wê demê wê,  $A \{ A \equiv (A \cap A) = A \equiv (A \cap A) \}$  di heviyekiyekê de wê, bi  $A \{ A \equiv (A \cap A) = A \equiv (A \cap A) \}$  re wê, di awayekê de wê xwe bide nîşandin. Ev wê, bi wê rengê wê, heta ku wê, heta ku wê, were pêşxistin wê, di awayekê de wê bi wê re wê, di awayekê mantiqî ê aritmatikî de wê, xwe bi nirxî wê, bi dîmen bikê û wê li ser wê dîmenkirinê re wê binirxbikê û wê di dewama wê de wê, zêdetirî wê, di awayekê de wê, pêşxistinekê wê bi xwe re wê bide çêkirin.

Tabî li vir wê dema ku em wê di dewama wê de wê werênenina ser ziman em divê ku wê, di çerçoveyek **syllogismî** a hemdem de wê, di awayekê de wê bi bihizirin û wê werênenina ser ziman. Di wê rewşê de wê, şêwayên têgîna syllogismê ên weke ku wê, Aristo werênenê ser ziman û wê bi rengê weke "hemû mirov wê bimirin", "Sokrat jî mirovek a" wê, di rewşê de wê, weke aliyekê mantiqî ê serrûyî wê, dikarê wê, werênenê ser ziman. Lê li vir wê, di wê rewşê de wê, rewşa fahmkirinê a ku em bi A' re wê, werênenina ser ziman wê, di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, weke aliyekê wê yê din wê xwe bide nîşandin. Di aslê xwe de wê, rewşa têgîna A' yê wê, di wê rewşê de wê, weke ku me, di rewşa hevyekiyê de wê, hanî ser ziman wê, di aslê xwe de wê, di wê rengî de wê, di awayekê denkî de wê, dema ku mirov wê, fahmbikê wê, di rewşa  $A \{ A \equiv (A \cap A) = A \equiv (A \cap A) \}$  wê, di nava wê de wê hinek rewşen din jî ên ku mirov wan kifşbikê wê hebin. Di serî de wê, dema ku em A bi A' yê re di

hevyekiyekê de wê, fahmdikin wê, di wê rewşê de wê, weke aliyekê wê yê din ê giring wê, ji aliyê nûqteya A' yê a pêşî de wê, rewşê wê bi wê di mantiqê hevyekiyê de wê,  $A \{ A \equiv (A \cap A) = A \equiv (A \cap A) \}$  wê hebê. Di wê rewşê de wê, ji aliyê A' ya duyem ve jî wê, rewşa hevyekiyê wê, di wê rewşê de wê, weke aliyekê wê yê din bi aritmatikî wê hebê. Wê, demê wê, di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, xwe di awayekê de wê, bide nîşandin.

Di wê rewşê de wê, A wê di wê de wê, minaq endamên wê, {a<sub>1</sub>, a<sub>2</sub>, a<sub>3</sub>, a<sub>4</sub>, ...} wê, xwediyyê rewşek ku mirov wê fahmbikê bê. Di wê derpêşa me de wê, A û A wê, ne hevdû bin. Wê di têgînek wekehevdû de wê hebin. Wê ev wê, weke nûqteya giring a temenê fahmkirinê wê biafirênê. Di hinek nûqteyan de wê, weke ku mirov dikarê wê fahmbikê wê, di hinek nûqteyan de wê weke A wê A bê. Di hinek Nûqteyan de wê, A wê bi A' yê re di hevyekiyek nirxî de bê. Minaq ku em di çerçoveya syllogismî de wê bi wê hizirin wê, weke ku wê, Hemû A wê, A bê. Wekî din wê, hemû A wê B bê. Hemû B wê C bê. Di wê mantiqê de wê, A wê weke ku wê were fahmkirin wê C bê. Di wê rewşê de wê, di mantiqê de wê, di aslê xwe de wê, dema ku mirov wê bi wê dihizirê wê weke aliyekê wê yê ku wê, bi wê re wê fahmbikê bê.

Di wê rewşê de wê, tiştek wê bale mirov wê bikişênê. Wê, di wê têgîna ku wê A wê A bê de wê, di wê rewşê de wê, têgînek hevyeki wê, di awayekê de wê di temenê wê de wê, hebê. Di wê rewşê de wê, bo ku ew hevyeki bibê û bo ku ew bibê ew wê demê divê ku ew herdû jî hebin. Di wê rengê de wê, dema ku wê, ew wê bibê ew jî wê, di wê rewşê de wê, bi wê rengê wê di temenê wê de wê ev wê weke rîgezek fahmkirinê a giring wê xwe di awayejê de wê bide nîşandin.

Di mantiqê fahmkirinê de wê dema ku embihizirin wê, yên weke a, b, c ... x, y z û hwd wê, endamên wê werina fahmkirin wê, werina ser ziman. Bo ku em çerçoveya giştî a têxistinê wê fahmbikin em A, B, C, N, M, P Q, P û hwd em werênin ser ziman. Minaq ku em M bo mirov bikarbênin û a'yê bo kes bikarbênin ser ziman. wê demê wê Ma wê wateya mirovekê bikes wê bide me. Di wê rewşê de wê, dema ku em wê werênin ser ziman em divê ku wê werênin ser ziman wê, hinek lêkirin wê, di wê rewşen weke wê de wê karibin zêdetirî lêkirin wê li wan wê werina kirin. Di mijarê de em dikarin wê bi minaqî wê zêdetirî wê huinekî din wê pêde herin. Minaq em dikarin bêjin B mazin a. Lê Byx wê, ji B' yê wê mazintir bê. Di Byx'ê de wê, rewşa y û x'ê wê hebê û wê ev wê, weke aliyekê wê yê ku ew wê bi wê re wê werê fahmkirin. Lê di

wê rewşê d ewê, y û x wê, di awayekê de wê lêkerkirinê din jî wê karibin li B'yê bikin. Di wê rewşê de wê, rewşa B'yê wê, di awayekê de wê, weke aliyekê wê yê komî wê, di aslê xwe de wê, di fahmkirinê wê xwediyê awayekê wê yê teybet ê ku mirov wê fahmbikê bê. Di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, rewşa tîpêni piçûk wê endaman wê hertimî wê di matematikê de wê bi xwe re wê werênê li holê. Di wê rewşê de wê, weke aliyekê wê yê giring wê, mirov dikarê wê, werênê ser ziman ku wê, di rewşa têgîna tîp de wê, weke yên destpêkê a, b, c û yên dawî y, x, z de wê, di wê awayekê de wê dikarin wê werênina ser ziman.

Di rewşa tîpan de wê bi wan re wê rewşa lêkerkirinan wê weke aliyekê din ê giring wê xwe bi wê re wê bide nîşandin. Di aslê xwe de em di dewama wê de wê, bo ku em temenê fahmkirina xwe çêbikin em divê ku ew li ser dagera nîşanakan jî bisekin in. Weke dagerên ku ew heta roja me ew di awayekê de hatina herêkirin wê, mirov dikarê werênê ser ziman. & ..."herdû jî û ankû bi hevre",  $\forall$  ... "jî ... an jî (anjî herdû),  $\sim$  wek,  $\supset$  ... "eğer û ankû wê demê",  $\forall$  bi gelempêr bo wê,  $\forall x$  ... "bi gelempêr hemû bo x'ê,  $\exists$  wê, wene têgîna hebûnê bê,  $\exists x$  ..."weke di x'ê de wê wusa hebê .." û hwd werênê ser ziman. Lê di dewama wê de wê jî mirov dikarê wê weke aliyekê din wê li wê bihizirê ku ev dager û nîşanak wê, di awayekê de wê, mirov dikarê bi aliyên wan ên neyînî û ankû nagativî jî fahmbikê. Minaq dagerên weke  $\neq$ , ne denkî,  $\notin$  ne endamê wê,  $\not\models$  **piçûk** û ankû ne wek wê û hwd wê, di wê rengê de wê, mirov karibê werênê ser ziman bê.

Di rewşa fahmkirina têkiliya nava mantiq û matematikê de wê di roja me de wê, di awayekê de wê pirr zêde niqaşen wê werina kirin wê bibin. Di rewşa têkiliya matematik û mantiqê de êw, mantiq wê weke temenekê aqil meşandinê ê bi matematikî jî bê. Wê bo piştrastkirina teoremekê û derxistinê mantiqî û rîgezên wê di awayekê de wê, werina bikarhanîn. Di wê rewşê de wê, dema ku wê, ji aliyê têgîna mantiqê ve wê werê nerin wê, ew wê weke aliyekê din wê were dîtin ku mirov tenê li gotinên matematikî binerê û wê fahmbikê wê têra fahmkirin û têgihiştinek têgihiştî û pêşketî a matematikî weke ku wê nekê. Di awayekê matematikî de wê dema ku mirov bihizirê minaq mirov, wê çawa wê têbigihê ku wê,  $7 + 5 = 12$  bê. Wê, ev encam wê çawa wê karibê wê were piştrastkirin. Di wê rewşê de wê, di aslê xwe de wê, ku em li 7 jî binerin û li 5'ê jî binerim en dibînin ku wê, ku em li berhevkirina wan binerin wê demê em bi hijmartinê wê gihiştinê dikin. Lê dema ku em di awayekê afrînerî de wê, hildina li dest wê, di wê rengê de wê, nebê. Minaq ku em

7ê bi wê re berhevbikin wê, ji wê encamê zêdetirî wê, 14'ê wê bide me. Wê dema ku em bi çarpbikin emê 49 encamê wê bidest bixin. Temenî wê encama 49 wê ci bê? Di wê rengê de wê di awayekê de wê, mirov dikarê li ser wê **bihizirê** ..

Wekî din em dema ku awayên gihiştina li 7ê ên weke 4+3, 5+2, 9-2, 8-1, 6+1 û hwd bihizirin wê, ev encamên ku em digihijina li wan jî wê, di awayekê de wê, weke aliyna têgînî ku wê, karibin encamna ji xwe cûdatir jî bidina me. Di wê rewşê de wê, di warê fahmkirna temenê fahmkirina bi matematikî wê di wê rengê de wê, encamên ku em digihijinê de wê, di awayekê de wê, dema ku em wê li wê dihizirin em dibînin ku wê, ji diyâerîyek vekirî wê dûr bê. Di wê rewşê de mirov matematikê wê, dema ku wê li wê dihizirê wê, aliyekê wê yê mantiqî wê bi giringî wê xwe bi wê re wê bide nîşandin.

Di aslê xwe de wê, dema ku em di warê matematikê û mantiqê de wê dihizirin wê, di wê rengê de wê, zêdetirî wê weke ku mirov dibînê wê zêdeyî wê, zimanekê razber ê matematikî wê xwe bi wê re wê bide nîşandin. Hinekî li jor weke ku me hanî sser ziman wê, di awayê fahmkirina rewşa zimanî û ankû pêşxistina denklemêi a di wê rengê de wê dîmenekê wê bide me. Di wê rewşê de wê, weke ku min di rewşa A' û A'yê de wê hanî ser ziman wê, di wê de wê, di awayekê de wê, bê dîtin ku wê, di awayekê de wê temenekê kûrbûnê wê pirr zêdeyî wê di wê de wê karibê xwe di wê de wê di awayekê de wê bide nîşandin. Awayên weke ku wê, li ser têgîna mantiq û matematikê ku wê bi rengên mantiqî ên formelî wê weke 'A wê A bê, wê, di awayekê de wê, tenê wê awayekê weke yên levzêdekirin û ankû çarpkirina bi hijmarên tam ku ew dihê kirin bê. Ev jî wê, di awayekê de wê, dema ku em çawa dikarin di hijmarê de wê, bi wê re kûrbibin wê, ev jî wê, di **awayekê** de wê bi xwe re wê di awayekê de wê temenekê wê bi wê re wê, bi xwe re wê bide çêkirin.

Emê di denklemîya xwe ya li jor ku me pêşxistin de emê li ser wê re wê bidêmênin. Lê li vir di serî de wê weke aliyekê wê yê din ê giring wê di serî de hinekî ji aliyê fahmkirinê ve wê aliyê wê yê min xwest ku ez hinekî wê werênimâ ser ziman. Ev wê, ji aliyekê ve wê ji fahmkirina me ya bi mantiqî a di wê de wê kûrbûnê de wê, temen û dîmenekê fahmkirinê wê bide çêkirin.

Di aslê xwe de wê, di mejiyê min de wê hertim weke aliyekê giring wê were nîqaşkirin ku wê mantiq û matematik wê, çawa wê hevdû fahmbikin bin. Di wê rewşê de wê, hertimî wê di mejiyê min de wê,

mantiq û matematik wê di awayekê de wê weke du lingên ji hev cûda bin. Lê wê di wê warê de wê çendî ku mirov wê, di awayekê de wê, bi hevdû re wan fahmbikê jî lê wê di wê rengê de wê, bi serê xwe jî wê werina fahmkirin. Di awayekê din de jî wê mirov dikarê wê werênê ser ziman ku wê di mijara fahmkirina rewşa mantiqê de wê, divê ku mirov wê, werênê ser ziman ku wê, weke aliyekê giring wê, rewşek wê ya pêşdîtinî wê nebê. Ku mirov wê, bi wê rengê wê, fahmbikê wê, di serî de wê, ew wê ji mantiqî wê derkeve. Ber vê yekê em divê ku wê, di wê rengê de wê fahmnekin. Di wê rengê de wê, di mijara A' ku wê A bê de wê, demê wê, di wê de wê, demê wê A wê xwe di A'yê de wê, weke aliyekê ku wê, bi wê re wê, ji berçav wê, weke ku wê ji holê rabikê bê. Yan jî wê di awayekê de wê, weke ku wê, ji aliyekê ve wê, weke ku wê, ji nedîtî ve wê were dîtin bê. Ber vê yekê wê di awayekê de wê, mirov dikarê wê, weke aliyekê wê werênê ser ziman. Di rewşa A ku ew A bê wê, di wê rewşê de wê, di wê de wê, di awayekê de wê, ya ku wê bibê ew wê, ew bi wê re wê, di awayekê de wê, di dîmenekê de wê, weke têgînek pêşnûmayî wê xwe di awayekê de wê di mejî de wê biafirênê. Di wê rengê de wê, di wê rewşê de wê, ci temenê wê afirandina pêşnûmayî bê? Wê A'ya pêşî ku ew dihê şibandinê bê? Yan jî wê A'ya duyem a ku ew li wê dihê şibandin bê? Di wê rewşê de wê, ev wê weke aliyekê wê yê din ê giring bê ku mirov wê, di serî de wê, weke aliyekê giring wê, dikarê wê werênê ser ziman bê.

Di wê rewşa ku em di warê mantiqê de wê, dihizirin wê, di wê rewşê de wê, di wê rengê de wê, di awayekê de wê, li ser temenekê ku em xateyên wê yên fizîkî ên ku ew ji hevdû hatina cûdakirin re wê weke ku wê ew wê bibê. Di wê rengê de wê, ev jî wê, weke aliyekê wê yê giring wê xwe bi wê re wê, di awayekê de wê bide nîşandin. Di mijare şibandinê de wê, bi fizîkî sînorê wê yê ku ew dihê salixkirin wê di wê rewşê de wê weke temenekê fahmkirinê wê xwe bide nîşandin.

Di mijare fahmkirina şibandinê de wê, pêşnûmaya darêjkî ku wê temenekeê fahmkirinê ê mantiqî wê biafirênê wê temenê aqil meşandinê jî wê, di awayekê de wê bi wê re wê di wê rengê de wê biafirênê. Di wê rengê de wê, ev wê weke aliyekê wê yê giring ê ku mirov wê di sserî de wê, weke aliyekê giring wê dikarê wê fahmbikê û wê werênê ser ziman bê. Di wê rewşê de wê, rewşa mantiqê wê, di wê rengê de wê, di wê rewşa di A'yê de wê bi kûrbûnê re wê, di awayekê de wê, di dîmenê şibandinê de wê dîtina ku ew bi wê re dikê re wê, temenekê afirandinê wê bi wê re wê çebikê. Şibandin wê, di wê warê de wê, bi wê rengê wê

weynek hişmendî û jîrî wê, di temenê zanînê de wê, di awayekê de wê weke ku mirov wê kifşdikê wê bileyizê.

Di dewama wê de wê, jî mirov dikarê wê werênê ser ziman ku wê, di wê rewşê de wê, ya ku ew li hev dihê şibandin wê, tenê wê weke rewşna darêjkî ên bi awa, reng û hwd re ku ew ne dîyar bin. Di wê rewşê de wê ew ne dîyarî wê temenê wê şibandinê wê biafirênen. Lê wekî din ku em ji heman darê du pelan hilde li dest wê, herdû pel jî wê di awayekê de wê cûdahiyêن di nava wan de wê hebin. Ber ku ew şenber, bi awa û şekil in. Ya ku wan di wê rengê de wê di wê temenê de dide nîşandin û dîyarkirin jî wê ew bê.

Di matematikê de wê mantiq wê, di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, bi têkiliya wê ya hevdû re wê, di awayekê de wê, ji wê aliyê ve wê mirov dikarê wê, di awayekê de wê, hilde li dest û wê, werênê ser ziman. Di mijare fahmkirina mantiqê û matematikê de wê, di wê rewşê de wê, dema ku em bi minaq A' re wê dihênenina ser ziman wê, di wê rewşê de wê, bi dagerên ku ew dihê kirin re wê, di awayekê de wê, weke aliyekê wê yê giring re wê, xwe di awayekê de wê, bi wê re wê, bide çêkirin. Minaq bi teoremî mirov dikarê wê, di wê rengê de wê, di awayekê de bi rengê **weke** ku  $\Phi = p \wedge b$ , wê demê  $\Phi_0 = p \wedge \neg b$  bi awayekê de wê, salix bikê. Di çerçoveyek têgînek teoremî a tamî de wê, dikarê fahmbikê. Li jêr emê zêdetirî di vekirina wê wê têgînê de li ser **bisekin** in. Di dewama wê de wê mirov dikarê wê, di awayekê de wê bi wê re wê werênê ser ziman. Em hinekî dagerên ku me li jor hinek ji wan hanîna ser ziman em tevli mijarê bikin û bi wê di awayekê de hizirkirina xwe ya bi wê re wê bidomênin. Minaq em di wê rewşê de wê, dema ku em  $\Phi_1 \supset \Phi_2 \sim$  di wekehevdû de ( $\Phi_1 \wedge \neg \Phi_2$ ) wê dihênenina ser ziman em, çawa di zanin ku wê ew wê di awayekê de wê, weke ku ew bi wê re di hevyekiyekê de bê. Wê demê wê, li vir wê têgîna şibandinê em dikarin wê hinekî wê li bîrbixin. Wê, bi wê re wê, di awayekê de wê, di wê rengê de wê, weke aliyekê wê yê ku mirov wê, di serî de wê, bi wê re wê, werênê ser ziman. Di awayekê de wê weke hevdû de ku mirov wê, di dewama wê de wê bihizirê wê dikarê ji aliyekê wê bi rengê  $\Phi_1 \equiv \Phi_2$  di wekhehevdû de ( $\Phi_1 \supset \Phi_2 \wedge \Phi_2 \supset \Phi_1$ ) wê, di wê hevyekiyekê de wê, fahmbikê. Lê ev jî wê, di awayekê de wê, di awayekê de wê, di aslê xwe de wê, ne bi tememî zelal bê ku em di awayekê teqeze de wê fahmbikin. Di wê rewşê de wê, di wê rengê de wê, di dîmenê zelaliyê de wê dikarin em hinekî din jî wê, di awayekê d ewê, bi wê bihizirin. Minaq wê, di wê rengê de wê, di

rewşa wê de ku em di mijare x û y'ye de bihizirin wê, ku em x'ê weke mirovekê bihizirin wê, di wê rewşê de wê, demê em dikarin y hema weke tirmbelekê bihizirin. Di mantiqê formelî de wê li gorî wê, her mirov wê tirmbelê wê biajoyê. Lê li vir wê, paya nedîyariyê wê, bi gelek mirov nizanin ku wê biajon jî em divê ku wê li wê bihizirin. Em nikarin bihizirin ku wê, ber ku mirov nizanê tirmbelê biajoyê wê ew nebê.

Li vir di aslê xwe de ku wê, li denklemên me yên jor bê hizirkirin wê, di awayekê de wê, di wê hijmar û dagerne din jî wê hebin. Lê di heman mantiqê de wê, hewlda çêbikin û wê li vir bicih bikin. Ev wê, ji aliyekê din ve wê, komplikasyonek mantiqî a têkiliyê ku wê li ser awa û rengê me yê ku em wê dikin ku wê fahmbikin û wê, têkiliyê dênin re wê, karibê wê biafirênen. Ev wê weke aiyekê wê yê din jî wê, xwe di awayekê de wê, bi wê re wê, bide nîşandin.

Li vir wê, di wê rengê de wê, mijare bikarhanîna heman awayê bi denklemî zêdetirî wê, di awayekê din de wê, bi dagerên nû re wê, di hamen awa û rengê fahmkirinê de wê pêşxistin wê, di wê rengê de wê rengekê çawa wê, bi afirênen? Di alsê xwe de wê, di awayekê de wê, di wê rewşê de ku mirov wê hinekî din li wê dihizirê wê mirov dikarê wê di dewama wê de wê, werênen ser ziman ku wê awayekê têkiliyî ê razber wê, xwe di awayekê de wê, bi şewayê têkiliyê bi têgînên weke şibandinê, wekehevdûyîyê û hwd re wê, di awayeki de wê bide çêkirin. Ev jî wê, karibê bibê temenê şewayen din ên hizirkirinê li ser heman temenê û rengê bi hevdû re hatî monstrekirin re.

Ev wê weke aiyekê din jî wê, di wê rengê de wê, di rewşa têkiliya mantiq û matematikê de wê, temenekê çawa ê fahmkirinê wê bide çêkirin? Di çerçoveya minaqe me ya bi hijmarî ku me ew hizirkir re ku em li wê bihizirin wê, dikarin wê bi wê re wê werênenina ser ziman ku wê, di awayekê û şewayekê de wê temen û bingihékê hizirkirinê ê aqilmeşandinê wê di nava matematikê de wê, bi dîmenekî wê bi xwe re wê bide çêkirin û afirandin. Di wê rengê de wê, aqil meşandin wê ne tenê ji ya dîyar bi ber ya dîyar be. Biqasî ji ya dîyar bi ber ya nedîyar ve bê wê wilqasî jî wê ji ya nedîyar bi ber ya nedîyar ve jî bê. Wê, di wê rengê de jî wê, di awayekê de wê, mirov dikarê wê, werênen ser ziman.

Em dikarin li vir cardin li minaqe xwe ya bi A'ye re wê li wê vegerihin û wê li ser dagerên xwe yên me ku me li jor wê bicihkirin re wê, di awayekê de wê werênenina ser ziman. Di wê rewşê de wê, demê wê hinekî din wê zêdetirî û di temen û çerçoveyek berfirehtir de wê, temenê aqilmeşandinê ê zêdetirî wê xwe bide çêkirin û dîyarkirin. Minaq me li

jor got A wê A bê. Di wê rewşê de wê, demê em dikarin A ku ew A bê. Wê demê wê, întîbaya ku wê A'ya duyem wê karibê tiştekê din jî bê wê, inbayekê wê bi xwe re wê bi me re wê bide çêkirin. Minaq A' ku ew B bê. Di wê rewşê de ku A bibê B wê, demê wê, di wê rewşê de wê, demê em B'ê bi ci fahmbikin? Wê jî bi A'yê emê fahmbikin? Di wê rewşê de wê ev rewşek bi mijarî a pirr zêde kûr bê ku em wê hinekî din wê li ser wê bihizirin.

Di wê rewşê de wê demê em li ser minaqe xwe re wê hinekî din wê bi wê re wê hizirkirina xwe wê bidomênin û wê, di dewama wê de wê, bênina ser ziman. Di wê rewşê de wê, bi A ku wê B bê re wê, bi denklemiyek bi rengê awayekê pozitiv ê geleperî wê,  $\forall x Ax \supset Bx$  re wê werênila ser ziman. Li vir me têgîna x'ê li vir tevli mijarê kir. Wê di wê rengê de wê, di dîmenekê de wê, weke ku me li jor di awayekê de x bi awayekê pênasekir wê, di wê temenê de jî bi awayekê dikarin bihizirin. Lê di awayekê din de jî wê awayê razber bikin û wê, di awayekê din de jî wê, bi wê bihizirin. Lê dema ku em li ser heman denklemê re wê bi awayekê neyînî bihizirin wê, di wê rewşê de wê, weke ku em dikarin wê, werênila wer ziman wê, bi rengê  $\forall x Ax \supset \sim Bx$  wê werênila ser ziman. Di wê rewşê de wê, di wê rengê de wê, di aslê xwe de wê, ev şewayê hizirkirinê wê, di awayekê de wê, weke ji yê mantiqî ê kevn ne dûr bê. Lê em li vir bi zêdeyî wê dikarin di dewama wê de wê, werênila ser ziman em, ne di tenê di çerçoveya wê de bi tenê dihizirin. Em dagerên me yên li jor û awayên fahmkirinê ku em tevlî mijarê dikin wê di wê rewşê de em bi wê dixwezin ku em derkevina dervî wê awayê klasik û formel di dîmenekê de. Di dewama wê de wê, dikarin wê ji aliyê herikina fahmkirina me de wê, werênila ser ziman ku wê, di awayekê de wê, aliyekê din ê aqilmeşandina wê biafirînê ew jî wê, li ser aliyê herêni (pozitiv) re ku em di awayek di awayekê de wê, bi rengê  $\exists x Ax \& Bx$  wê werênila ser ziman. Di wê rewşê de wê ya ku mirov wê, dikarê wê, di awayekê de wê, fahmbikê ku wê li ser temenekê rîjeyî ê hindikî re wê, di awayekê de wê, xwe bide dîyarkirin bê. Li jor ku ew baş hatibê dîtin wê were fahmkirin ku wê bi têgînek neyînî re wê, di awayekê de wê, çawa wê, bi wê rengê hanî ser ziman me dît. Li vir wê, dema ku em wê di wê rewşê de di dewama wê de wê bi denklem dikin em di dewama yên li jor ku me hanî ser ziman de wê weke herîkîna wê bi berdewamî wê dihênila ser ziman. Di wê temenê û çerçoveyê de wê, baştîrin wê, di awayekê de wê temenekê hizirkirinê wê bi xwe re wê, di awayekê de wê bide çêkirin.

Di aslê xwe de wê, li vir wê ji aliyekê ve wê armanca min bi têgîna têkiliya nava mantiq û matematikê re wê, têkiliya bi mantiqê re wê, zêdetirî bi aliyê matematikê ve bide gûharandin. Yanî bo serkevtinek baştirin a bi fahmkirinê sînorekê di nava mantiq û matematikê de divê ku em xêz bikin. Di encama wê de ku ez zêdetirî wê, di wê rengê de wê matematikê wê weke temenekê objektiv ê fahmkirina mantiqê wê, hildima li dest, li şûna ku wê mantiq wê di awayekê de wê xwe weke temenekê kifşkar wê bikê ku wê bide derxistin li pêş.

Di rewşa fahmkirina têkiliya mantiq û matematikê a destpêka sedsale 20an wê zêdetirî wê, mantiq wê, di awayekê de wê, weke ku wê bi matematikê re wê, li ser têgînên derpêşî û hwd re wê, di nava şerekê de bê. Lê di wê rewşê de ku mijar fahmkirineka matematikî a ku ew temenekê fahmkirinê bi wê çêbikê bê wê demê wê, di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, weke aliyekê giring mirov dikarê wê bi wê re wê li wê bihizirê.

Tabî li vir dema ku em bahsa têgîna mantiqê bikin wê, aliyê têgînî ê hevgirtinê' û ankû 'levkirinê' wê, di awayekê de wê weke aliyekê giring wê, di awayekê de wê, bide dîyarkirin. Wê dema ku me goti A wê B bê wê demê wê, di awayekê de wê B' ê wê karibê ne A' jî bê. Wê demê wê, di wê rengê de wê, di awayekê paradoksi de wê di awayekê de wê, şêwayekê hizirkirinê wê bi xwe re wê werênen ser ziman. Ev empatiya li ser gotinan a ku mirov wan bi hevdû re bide çêkirin wê, di wê rewşê de wê, di awayekê de wê temenekê fahmkirinê wê bi xwe re wê, bi wê rengê wê bide çêkirin. Di temenekê levkirinê de wê, dema ku me li ser wê têgîna empatiyê re domand wê demê em wê hinekî din di wê rengê de wê bi denklem bikin. Wê dema ku wê, A wê B bê wê demê wê, bi berdewamî dikarin mantiq bi wê rengê wê bidomênin û bêjin ku wê B karibê bibê C' jî. Di wê rewşê de wê, di awayekê hevgirtî li gorî wê ku em bi denklemî bihizirin em dikarin bi **awayekê** weke ( $\exists x (Ax \& Bx)$  û ( $\forall x (Bx \supset Cx) \supset (\exists x (Ax \& Cx) wê werênen ser ziman$ ). Li vir wê, dema ku mirov wê bi wê hizirê wê, zêdetirî wê, di awayekê de wê, di dîmenekê de wê were dîtin. Di dewama wê de wê, di aslê xwe de wê, mirov dikarê wê, ( $\Phi_1 \& \Phi_2$ )  $\supset \Psi$  wê bidomênê. Di wê denklemê de wê, di aslê xwe de wê, aliyekê pêşxistinê wê x û ya weke ya encamê a  $\Psi$  bê. Tê bawerkirin ku wê,  $\Psi$  wê pirr zêde wê bi encamî wê, encamên wê hebin. Di wê rewşê de wê, di wê rengê de wê, di wê rewşê de wê, demê wê, weke aliyekê wê yê din wê di dewama wê de wê, mirov dikarê wê, fahmbikê. Ya ku wê, di denklemê de wê, rewşa  $\Psi$  wê ji aliyekê ve wê, weke ku wê, di rewşek ne

dîyar de jî wê karibê bide dîyarkirin wê, x bê. Diaslê xwe de wê, di mantiqê levkirî de wê, x karibê beremberê 2 û yan jî encamak din jî were. Lê di wê rewşê de wê, weke aliyekê din wê, di wê rewşê de wê, weke rewşek gûharîner wê, xwe bi wê re wê, bide çêkirin. Li vir ku em di dewama wê de wê, denklemê bi rengê ( $\Phi_1 \wedge \dots \wedge \Phi_n$ )  $\supset \Psi$  wê werênin ser ziman wê, di dîmenekê de wê faktore n wê, di awayekê de wê, temenekê berfirehtir wê bi  $\Psi$  re wê bi encamî wê weke ku wê biafirînê. Di wê rewşê de wê, diaslê xwe de wê, bi wê re wê, weke ku wê were dîtin wê, di têgînekê de wê, rewşa mantiqî wê, di awayekê de wê, çendî ku wê, di awayekê de wê, bi wê rengê wê berfirehtir wê bibê û wê, bi awayekê wê ya ku wê Arito hizirkir wê berfirehtir wê dîmenekê wê bide jî lê wê ji aliyekê ve wê, ji formeliya mantiqî wê xwe rizgar nekê. Ber vê yekê zêdetirî derxistin û serwerkirina matematikê li mantiqê wê, di awayekê de wê, diaslê xwe de wê, weke aliyekê giring ê fahmkirin wê, mirov dikarê wê, di serî de wê, fahmbikê û wê werênê ser ziman. Di çerçoveya têgîna mantiqî de wê, diaslê xwe de wê, di wê rengê de wê, fahmkirina wê, di awayekê de wê, weke temenekê ku mirov wê, bi derpêşî wê fahmbikê bê. Bo ku em di mantiqê de wê, formulekê wê werênina ser ziman û bûhûrînerîya wê, bidina dîyarkirin wê, dagera  $\Phi$  wê, were pêşxistin. Di dewama wê de têgîna hemnirxîyê jî em bi têgîna ~ re wê dihênenina ser ziman. Di wê rewşê de wê, ev wê, weke aliyekê wê yê ku wê, di wê rengê de wê, werênê ser ziman bê. Em ku wê weke objeyek ku ew hertimî mazin dibê û di koka xwe de wê, di xwe de wê, ‘~’ jî wê ku em wê werênina ser ziman wê demê em, ~ ( $\Phi_1 \wedge \Phi_2 \wedge \Phi_3$ ) wê di awayekê de wê, werênina ser ziman. Di wê rewşê de wê, her ku wê obje mazin bibê wê, di xwe de wê, ew wê zêdetir bikê. Em di wê pêvajoyê de ku em bi hizirin wê bi rengê ~  $\Phi_1 \sim \Phi_2 \sim \Phi_3 \dots$  û hwd re wê, di awayekê de wê, werênê sr ziman. Di wê rewşê de wê, di her ya piştre de wê, di awayekê de wê, bi aritmatikî ku wê, çendî wê bibê wê, ya berî wê jî wê, di awayekê de wê, di pêşketina wê de wê, bi xwe re wê hebê.

Di wê rewşê de wê, her ku rêya wê berdewam bibê wê, ~ ( $\Phi_1 \wedge \Phi_2$ ) wê bibê. Ev rê wê, weke ~  $\Phi_1$ , ~  $\Phi_2$ , ~  $\Phi_3 \dots$  û hwd re wê, xwe bide domandin. Di dewama ku em bigihijina girêdana ~ $\forall x \Psi$  wê weke encamekê wê xwe di dewama wê de wê, bide dîyarkirin. Di wê rewşê de wê, dema ku me ew çêkir em di farqê de na ku me girêdanek ~ $\Psi$  re wê çê dikin. Di dewama wê de wê, di denklemê de wê, formule ~ $\Psi$  di pêvajoya wê ya gûharînê de wê, vegûharînerîyek x' gûharînerîya a'yî

wê, çêbikê. Di mijare wê de wê ber ku wê A wê ji  $\Psi$  re wê weke pêdendiyekê (sabitekê) bê wê, di wê rewşê de wê, weke rewşek neyînî û minaqe wê jî were herêkirin. Di aslê xwe de wê, di gotinê de wê, weke bi gelempêrî ku em wê, bi neyînî û ankû heyînî wê herêbikin jî wê, bi  $\sim \forall x$   $\Psi$  wê bo vegûharînîya  $x' \in w$  di awayekê de wê, ew wê, bi wê rengê wê, dikarê wê fahmbikê û wê werênê ser ziman. Li vir wê, ji tiştekê şas nîşandinê zêdetirî û ankû fahmkirinê zêdetirî wê, rewşen denklemî ên ku ew di wê mijarê de wê, weke aliyna têgînî wê, di wê rewşê de wê biafirênin jî bin.

Rêgezêñ mantiqî wê dema ku em li wan dihizirin wê, di awayekê de wê bi wan re wê, were dîtin ku wê, rewşek cebirî jî ku wê, beremberê wê were wê bi wê re wê were dîtin. Ev wê di rewşen ziman, rengê têkili û awayê pêşxistinê û hwd de wê, were dîtin. Lê em wê, dikarin wê, di awayekê din de di dewama wê de wê, di dewama wê de wê, werênila ser ziman ku wê, bi matematikî wê, di wê rengê de wê karibê bi rîyên hesanî jî wê xwe gihadina li denklem û rewşen komplika jî ku ew bi wan werina pêşxistin, çareserkirin û fahmkirin.

Em li vir di dewama denklema xwe de wê hinekî weke ku me li jor hanî ser ziman bi têgîna cebirî bihizirin û wê, di awayekê de wê, bi wê re wê, werênila ser ziman. Bi teoremî ku em di dewama wê de wê bi wê bihizirin wê, weke minaq ku em  $g \in f(w)$  di dewama wê de wê,  $x \in y$  wê hebê wê,  $y = g(x)$  wê, bide çêkirin. Minaq em  $f \in g$  weke temenekê hizirkirinê bihizirin û di dewama wê de ku wê hebê bo  $y \in x$  bihizirin. Bi wê re em ku  $x \in y$  bihizirin em dikarin di dewama wê de di destpêkê de bi denklemiyek weke  $y = f(x)$  wê, binivîsin. Di dewama wê de wê, dema ku em bihizirin ku wê,  $x \in y$  hebê wê deme em dikarin  $y = g(x)$  jî wê binivîsênin. Em di  $y$  yekê bihizirin ku em di wê de wê, minaq  $y = g(z)$  weke tipa dawî bi wê bihizirin. Wê ev wê sînorê me yê berfirehbûyînê wê zêdetirî wê, pirr zêde wê, bikê. Wê  $x \in y$  weke fektorek mazin wê di hemû  $y \in x$  de wê hebê. Di wê rewşê de wê, dewama wê de ku em bi awayê  $y = g(f(x))$  re wê, dikarê wê, werênila ser ziman. Lê li vir wê, di wê rewşê de wê, denklem wê, temen û derfeta pêşxistinê wê, di aslê xwe de wê, di wê de wê, heta kuderê ku em herin em dikarin wê pêşbixin. ..

Di dewama wê de em dikarin werina têgîna koman. Di wê rewşê de wê, di nava têgîna matematikî de wê, komên bidawî weke vala wê,  $\emptyset = \{\}$  re wê werina dîtin. Yan jî wê, bi rengekê weke  $\{x\}$ ;  $x, y$  dikarin wê, formule bikin û wê, werênila ser ziman. Ev dikarê di temen û çerçoveyek weke ku em, dikarin bi têgîn û teoremên têkiliyê re wê di

awayekê de wê, werênin ser ziman. Minaq f weke erka wê têkili bê. Bi wê yekê wê, hemû x û y wê, y bigirin. Eger em  $(x, y) \in f$  û  $(x, y) \in fy = y$  binivîsênin wê, piştre wê,  $f(x)$  wê, weke bêminaq wê bide nîşandin. bi wê re wê êdî wê,  $(x, y) \in f$  li holê. Di aslê xwe de wê, ev di awayekê de wê, weke bi têgînek tamiyê a di denklemê de ku wê, weke ku wê, li dora salên 1930 wê ji aliyê Kurt **Godel** ve wê, bi awayekê wê werênê ser ziman. Di aslê xwe de wê, di awa û aliyekê din ve jî wê, di wê rengê û awayê de wê, rewşa pêşxistinê bi denklemê wê, piştî wê re jî wê bi derfet bê. Ev wê, di awayekê de wê, li ser denklemê re wê, têgîne berdewamî wê xwe di awayekê de wê, weke ku wê, bide nîşandin wê bibê.

Tabî wê ev rewşen ku me hanîn ser ziman û bi denklemkirin wê di awayekê de em, divê ku wê, werênina ser ziman wê, navaroka denklemê me ya destpêkê a ku me hanî ser ziman jî wê bi temenekê fahmkirinê a kûrbûnê re wê, bi xwe re wê, di awayekê de wê biafirênê.

### Mantiq, matematik û kom

Di rewşa fahmkirina têgîna mantiqê a di matematikê de wê, weke aliyekê wê yê giring wê xwe di awayekê de wê, bide nîşandin. Di aslê xwe de wê, dema ku mirov dikarê di rewşa wê ya bi komî de wê, di awayekê de wê, li ser temenekê matematikî wê, fahmbikê. Di rewşa fahmkirina têgîna mantiqê a matematikî de wê, dema ku mirov dinerê wê, di serî de wê bi aksiyomî wê pêşxistinên ku wê bênen pêşxistin wê di wê warê de wê, weke aliyekê din ê kifşkar wê xwe bidina nîşandin. **Lou van den Dries** wê, di lêkolîna xwe ya bi navê "Mathematical Logic; Lecture Notes" de wê, balê bikişênê li ser hin aksiyomên R. **Halmos** bi navê "Naive set theory" ku wê, di wê de wê bahsa hin aksiyomên ku wî pêşnîyarkirina wê bikê. Minaq wê, di awayekê de wê, bênen ser ziman ku wê dema ku me  $X$  nivîsandin wê demê wê weke bûjene  $X' \in A$  bo ku em wê weke endamê koma  $A' \subseteq X$  em wê bi rengê  $x \in A$  wê binivîsênin. Di wê çerçoveyê de wê, weke  $X$  aîdî  $A' \subseteq X$  bê wê, were ser ziman. Bo ku em werênina ser ziman ku wê,  $X$  di  $A' \subseteq X$  em wê bi rengê  $x \in A$  wê binivîsênin. Di dewama wê de wê, weke bi têgîna ku wê komên  $A \cup B$  weke heman komê dihîn dîtin. Di wê rengê de wê, bi awayekê din wê weke bi awayekê notasyonî  $\vdash A \rightarrow B$  re wê bê nivîsandin.

Di wê rewşê de wê, di aslê xwe de wê, ev bi heman awayê kirin wê, di awayekê de wê mirov dikarê wê hinekê li wê bihizirê. Wê di aslê xwe de wê, dema ku mirov wê, çendî ku wê, heman setan jî wê re bidina

nîşandin jî wê, di wê rengê de wê, di awayekê de wê, bi dîmenî wê, xwediye gûharînekê bê.

Mantiq, wê di awayekê de wê, di awayekê dîtbarî û serrûyî de wê, di fahmkirinên aksiyomî de wê weke ku wê, mirov dibînê wê di wê de wê îsrar bikê. Ev wê, weke aliyekê mantiqî ê formeli ku wê temenê wê bê avêtin bê. Wê ev rengê mantiqî wê weke ku em ji dema Aristo heta Georg Boole û ji wî heta Russell jî ku mirov li wê bihizirê wê li ser heman formeliyê wê, di awayekê de wê weke ku mirov dibînê wê xwe di awayekê de wê bide nîşandin. Ew formeliya Aristo ku wê, ji Boole re wê bê temen wê, di awayekê de wê, weke mireteyekê ji Boole wê, xwe derbasî Russell bikê û wê, di nava têgînên wî yên matematikî de wê, di awayekê de wê, xwe bide nîşandin. Ev wê, weke aliyekê din ê ku mirov wê dikarê wê, di awayekê de wê, kifşbikê bê. Di wê rewşê de wê, di aslê xwe de wê, dema ku mirov wê, rewşa matematikê wê hilde li dest wê, di wê rewşê de ez di wê qannaatê de me ku em li şûna ku li wê mantiqekê baxşbikin em divê ku wê rengê pêşxistiniya wê ya mantiqî a wê bixwe wê kifşbikin weke mantiqê matematikî wê, weke aliyekê din ê pêşketîfir bê. Di wê rewşê de wê, di rewşa matematikê û mantiqê de wê, wê serwerîya matematikê a li wê, di aslê xwe de wê, zêdetirî wê weke aliyekê din ê pêşketiner bê. Di awayekê de wê, matematik wê, di wê rewşê de wê, xwe baştîrin wê karibê li ser temenekê xwezayî wê, bide nîşandin.

Di rewşa hizirkirina bi têgîna komî re wê, di wê rengê de wê, weke ku mirov wê, dihizirê wê, X wê weke fektorek cihêrengî a giring wê, xwe di awayekê de wê, bide nîşandin. Em dikarin wê di awayekê de wê weke werênina ser ziman. Minaq em binivîsênin ku weke  $\{1, 2, 3\}$  wê weke encamên wê, wê  $1, 2 \cup 8$  em weke komê werênin li holê. Di wê rewşê de wê,  $\{1, 2, 8\} = \{2, 8, 1\} \cup \{3, 3\} = \{3\}$  ku wê di heman komê de wê weke rewşa li gelek deverê dikarê were dîtin wê, Em di dewama wê de bi bûjene X'ê bihizirin. Lê li vir em  $x \in$  re wê divê ku em tevlihev nekin. Minaq wê dema ku em  $x = \{0, 1\}$  ku wê xwediye du endamên wê weke 0 û 1 ku ew hena wê, weke ku wê tenê endamek wê weke  $x \in$  hebê wê, di awayekê de wê, bi rengê  $\{x\} = \{\{0, 1\}\}$  re wê were dîtin.

Di wê rewşê de wê, di aslê xwe de wê, mirov dikarê bêkê ku wê, endamên wê yên weke  $N = \{0, 1, 2, 3, \dots\}$  û ankû bi  $Z = \{\dots, -2, -1, 0, 1, 2, \dots\}$  nebin? Di aslê xwe de wê, di wê rewşê de wê ya ku mirov wê, dibînê wê, di dîmenê pêşî de wê, tenê û tenê wê weke dîmenekê pêşî bê. Lê di wê demê de ku mirov hinekê wê perdeya serrûyî wê biqatênê û

hinekî di wê de kûrbibê wê mirov wê, di wê de wê, di awayekê de wê, aliyekê din ê ku mirov dikarê pêşxistinna bi wê rengê jî bikê wê, xwe bide nîşandin. Di warê kifşkirina hijmarî de wê, di wê rengê de wê, di awayekê de wê qarakterê hijmarî wê, di serî de wê kifşkirina wan wê giring bê. Minaq bo hijmarên xwezayî M û N ku em bihizirin wê, minaq bo M'ye wê di awayekê de wê,  $m \in N$  bo wê were dîtin. Di mantiqê wê de wê, dema ku wê, bê gotin ku hemû endamên A'ye ku ew di B'ye de bin wê, B weke binkomek A'ye jî wê di awayekê de wê were dîtin. Ev jî wê bi awayê weke  $A \subseteq B$  wê were ser ziman. Di dewama wê de wê, minaq wê koma  $\emptyset$  wê weke koma vala wê binkoma hemûyan wê were dîtin. Di wê rewşê de wê, bi awayekê formeli wê weke ku mirov wê, dibînê wê, di dewama wê de wê bi awayê  $A := \{x \in B : x P\}$  re wê, were ser ziman. Di aslê xwe de wê, di wê rengê de wê, weke pirsekê wê di wê dema ku em bi wê rengê dihizirin de wê di mejiyê me de wê hertimî wê biafirê. Wê dema ku wê hemû endamên A'ye ku ew di B'yi de bin û B weke binkom were dîtin wê, di wê rewşê de wê, encamên B'ê wê ci ji wan wê were? Di wê rewşê de wê, B wê weke komek vala bê? Di wê rengê de wê, di awayekê de wê, mrov dikarê wê bi pirsînê re wê li wê bihizirê.

Di mijare hebûna komê de wê, di wê rengê de wê, dema ku em wê, bi rengê  $A \subseteq B$  wê dihênenina ser ziman em, hinekî li ser wê temenê re wê empatiyê bikin û wê bi rengê  $B \subseteq A$  re wê bikin û wê nivîsênin. Di dîmenên dîtbarî û serrûyî de wê, weke ku wê, di awayekê de wê heman encamê wê bide me. Lê di awayekê têgînî ê dîtbarî de ku mirov wê hinekî li ser wê dihizirê ew wê, di aslê xwe de wê, cûdatirî wê, di awayekê de wê, weke ku mirov wê dibînê wê xwe di awayekê de wê, bi wê re wê, bide nîşandin.

Ev rengê hizirkirinê em, dikarin di dewama wê de wê, bi awayekê din jî wê di çerçoveyekê dîmenî de wê, bidina domandin. Minaq wê, dema ku me  $P \wedge Q$  nivîsand weke derpêşî wê, di wê rengê de wê, di awayekê de wê weke rast bin. Lê di wê rewşê de wê, rastbûn û en rastbûna wan wê, di wê, di awayekê de wê, di awayekê de ku em weke şandeya rastbûnê d bihizirin wê, demê wê, di wê rewşê de wê, bi awayekê wê weke  $d(P \wedge Q) = 1$  wê weke bê hizirkirin. Lê di wê rewşê de wê, dema ku em wê di awayekê dîtbarî û serrûyî de wê bi wê rengê wê herê bikin em dikarin wê, hinekî derkevina dervî wê, pêşbixin. Wê, di rengê ku wê,  $P \wedge Q$  wê rast bin de wê, beremberê wê bi 1'ê re wê, ew rastbûn wê were ser ziman. Ku di awayekê de wê, weke ku wê,  $P$  wê weke derpêşa

matematikî bê wê,  $Q$  wê weke awayekê wê, di wê de wê, xwe di awayekê de wê bi wê re wê, weke ku wê bide nîşandin. Bi awayekê  $d(P \Rightarrow Q) = 1$  bê. Di rewşa fahmkirina wê de wê, **nîşanaka**  $\Rightarrow$  wê, di wê de wê, bûhûrandinê wê ji ya ku ew ji wê dihê wê li ya ku ew dihêyê de wê bikê. Di dewama wê de wê,  $d(P) = 0$  bê. Lê wê, di wê rewşê de wê,  $d(Q) = 1$  bê. Li jor aliye weke ku me bi şêwayê  $d(P \wedge Q) = 1$  wê hanî ser ziman wê, di wê rewşê de wê, di awayekê de wê,  $d(P) = 1 \wedge d(Q) = 1$  re wê, were nivîsandin. Di wê rewşê de wê, ev wê, di aslê xwe de wê, weke aliyekê wê din ê ku mirov wê, di awayekê de wê, di serî de wê, bi têgînek derpêşî di çerçoveya wê têgîna komî de wê, di awayekê de wê, werênê ser ziman.

Em cardin li  $A \subseteq B$  ya xwe ya ku me li jor di destpêkê de wê kir ku wê fahmbikê em, li wê vegehirin. Di wê de wê, di awayekê din de  $jî$  wê di dewama wê de wê li vir wê, kifşkirinê ku em bikin wê bibin. Di dewama wê de wê, di wê rengê de wê, di awayekê de wê, di aslê xwe de wê, rewşa  $A \subseteq A$  wê weke cêwiyêni bi rêzî  $jî$  bin wê dîmenekê wê bi xwe re wê bidina dîyarkirin. weke  $A \subseteq A$  di dewama wê de ku wê were dîtin  $(a, b) \subseteq b \in B$ . Di çerçoveya xosletê cêwîtiyê de wê, weke ku em dikarin bi lêzêdekîrinê re di awayekê weke  $(a, b) = (c, d)$  were dîtin. Minaq wê, dema ku em di dewama wê de wê, di awayekê de wê, serî li têgîna geometriyê bidin wê, di wê rewşê ku em bi wê re  $R \times R$  weke komekê bi setî wê bihizirin wê, di wê rewşê de wê, bi hevrêziya  $xy' \in \{n\}$  temenê  $(a, b)$  re. Di rewşa têgîna komî de wê, dema ku mirov wê, li komekê wê bêendam wê bihizirê wê, weke bi  $\emptyset$  re wê were dîtin. Wê demê wê, di komê de wê, di rewşa çêkirin  $\subseteq$  ankû kifşkirina endaman wê, di awayekê de wê li ser ci temenê wê bibê wê, bi wê re wê, bihizirê. Lê ji aliyekê din ve  $jî$  wê dema ku wê, encamên wê nebin wê, di wê rewşê de wê, cûda bêhizirkirin  $\subseteq$  bi awayê  $A \cap B = \emptyset$  wê bênenê ser ziman.

Di temenekê komî de ku em setên wê çêbikin wê, demê em dikarin wê hinekî din bi  $A \subseteq B$  re wê li wê bihizirin. Wê, dema ku em bi endam wê werênina ser ziman wê, minaq bi awayê weke  $x : x \in A \wedge x \in B$  re wê dikarê di awayekê de wê, werênê ser ziman. Di wê rewşa wê denklemê de wê, weke ku wê bi hesanî wê were dîtin  $\subseteq$  kifşkirin wê, di yekitiyekê de wê, dîmenekê wê bide me. Yanî wê ahengek wê ya levkiri wê hebê. Ev di rewşa  $B \cup A$  de wê, di awa  $\subseteq$  dîmenekê de wê, dikarê wê fahmbikê. Lê em di dewama wê de wê, di awayekê de wê, bi têgîna hevrastbûnê re wê, di awayê  $A \cap B$  wê li wê bihizirin. Wê, di wê rewşê de wê, dîmenekê denklemî  $\subseteq$  bi rengê  $A \cap B := x : x \in A \wedge x \in B$  wê, di

awayekê de wê, dikarê wê, werênenê ser ziman. Tabî me li jor dîmenê ji hevdû cûdabûnê û ankû farqîyê dabûbû. Em dikarin wê jî di dewama wê de wê, bi awayekê wê, werênenâ ser ziman. Minaq weke A | B := x : x ∈ A û x | ∈ B werênenâ ser ziman. Di wê rewşê de wê, di dîmenê wê de wê, di awayekê de wê, di çerçoveya setên komî de ku mirov wê dihizirê wê, bi awayekê wê, dîmenekê wê bi xwe re wê bidina me. Di aslê xwe de em, li vir di serî de di destpêkê de wê, tenê bi sînorê bi salixkirinê û fahmkirina çawabûyîna wê re bi sînor wê, di awayekê de wê dihênenâ ser ziman. Di dewama wê de wê dema ku ev hat fahmkirin wê, hingî wê li ser wê re pêşxistin wê weke aliyekê wê yê di wê, di serî de wê, mirov karibê pêşxistinê jî wê li ser wê re wê pêşbixê û wê, werênenâ ser ziman.

Di awayekê de wê, weke ku me bi denklemî hanî ser ziman di hin deverna de me, dûbarekirinê ku me kirin wê di awayekê dûdîmenî de ku wê, karibin awayêن fahmkirinê bidina me, hanî ser ziman. Yek wê, di çerçoveya bi rewşê re de wê fahmkirina wê re bê. Aliyê din ku em bi têgîna demê re wê li wê bihizirê wê, demê minaq ku em li ya ku me berî wê hanî ser ziman wê, vegerîna li wê di wê de wê, weke ku çawa ku me ew hanî ser ziman wê, di awayekê de wê, bi herîkîna wê ya bi demê re wê bibê wê, di awayekê de wê, bi şûn ve wergerîna wê, di awayekê din de jî wê dîmenekê bide me. Di awayekê de wê, di awayê bi şûnve werîna bi demê re wê, herî hindik wê, di du awayan de bi dîmenî wê mirov dikarê wê fahmbikê. Aliyê bi şûn ve wergerînê wê, di dîmenê wergerînê de wê, ji destpêka bûyîna wergerînê û heta nûqteya li wê gihiştinê ku wê, bibê bê. Lê di awayê din jî de wê, di dîmenê temenê de wê, dem bi şûn ve wê, ne bê. Wê di wê rewşê de wê, dema ku wê ew bi şûn herê jî wê, dem bi pêş de wê biherikê wê herê. Di wê rewşê de wê, dema ku wê, minaq ji A'yê heta B'yê ku wê, daqayekê de wê, bibê wê, bi heman rengê wê, ew daqa bi daqayekê jî wê bi pêşde çûyina demê re wê, weke dîmenê wê yê duyem ku ew bi wê were hasibandin û derxistin li têgihiştinê jî wê were dîtin.

Ev rengê fahmkirinê wê di dewama wê de wê li ser heman têgînê re wê derfetê wê bide me ku em rewşa naqşayan û cemberên wê fahmbikê wê, di awayekê de wê temenê fahmkirinê wê bi xwe re wê, di awayekê de wê, bide çêkirin.

Di rewşa fahmkirina çerçoveya mantiqî de wê, awayekê dîtbarî û serrûyî de wê, mirov dikarê wê, werênenâ ser ziman ku wê rewşa hijmarî û ya cebirî wê, di temenekê dîtbarî de wê, bi ya dîtbarî û serrûyî re û bi ya ne dîtbarî û ne serrûyî re wê di nava hevdû re wê derbas bibê. Di wê

rewşê de em dikarin minaq rêzîneka weke ya ku wê navn wê werina nivîsandin minaq ji hijmaran 1'ê heta ya 9'an. Nav wê, bi tîpî wê werina nivîsandin û wê li gorî rêzîya wan a tîpî wê li gorî rêzîya hijmarî wê, di ahengekê de wê awa wê bistênin. Di wê rewşê de wê, mirov dikarê wê, di awayekê de wê, werênê ser ziman ku wê, di nava navan de wê, weke ku wê di rêzîna wan de wê, ti valahî û cihênu ku wê werina dagirtin wê nebin. Di awayê hijmarî de jî wê, li gorî wê bi rêzîna xwe wê hebê. Lê navek din ê ku ew were hizirkirin û minaq ew taqabûlî rêzîna 4'an bikê ku ew li nava wê were bicihkirin wê, bi ser xwe û bicihkirina xwe re wê, hijmara 5'ê bibê li cihê ya 6'. Ya 6'ê wê bibê li cihê 7'ê. Ya 7'ê wê bibê cihê 8'. Ya 8'an wê bibê cihê 9'ê. Di wê rewşê de wê, hijmara wê, barî li develek din weke ya 10 li hijmarek pêpelokî wê bikê û wê di wê rewşê de wê, weke rewşek nû wê, bi wê re wê, xwe bide nîşandin. Di wê rewşê de wê, rewşa hijmara 4'ê ku ew bû wê, di çerçoveya têgîna wê ya bûjenî ku ew bi wê salixdikir û hemû hijmarêni piştî wê ku wan salix dikir wê, di dewama wê de wê, hemû hijmarê din jî wê di dîmenekê de wê weke bûjenek nimînêr dikirin. Lê di wê rewşê de wê, dema ku barbûna wan bû wê, çendî ku wê nimînêrkirinê wê bi xwe re wê bikin jî lê di awayekê de wê, têkiliya wê bûjenê û wê, rewşa wê ya nû bi dîtbarî wê, di awayekê de wê mirov dikarê wê li wê bihizirê.

Di wê rewşê de wê, rewşa têgîna dîtbarî û ya ne dîtbarî ku wê çawa wê bi hevdû re wê, di awayekê de wê, hebê wê mirov dikarê wê, di awayekê de wê, dikarê wê werênê ser ziman. Wê di dîmenekê de wê di zikhevdû de wê, weke ku wê hebin. ..

Di mijare têgîna komê de wê dema ku mirov li wê dihizirê wê, di wê de wê, weke têgîneka ku wê, bi çerçoveyî wê were dîtin bê. Di dewama wê de ku em minaq li ser bi rengê danîşandina wê re em dikarin wê di awayê de wê, A em weke bûjena xwe ya bi temenî a hizirkirinê wê li wê bihizirin. Di wê de wê dema ku em bi a, b û c re wê, werênina ser ziman wê li ser 3'an re wê, di awayekê de wê, werê dîtin. Di awayê weke çerçoveya sînorê komê wê {} re wê, di awayekê de wê, werênê ser ziman. Lê di wê rewşê de wê, di dewama wê de wê mirov dikarê wê bi awayê A={a,b,{a,b,c,}} re ku wê bûnen ser ziman û ew wê bê wê demê wê (A) = 3 re wê, dikarê wê salixbikê û wê werênê ser ziman. Di mijare komê de wê, di wê rewşê de wê, li ser bisînorî û bêşînoriya wê re wê, di awayekê de wê hizirkirinê ku wê werina kirin wê weke aliyekê wê yê din ê salixkirinê bê. Minaq wê, di wê rewşê de wê, rewşa hizirkirinê

Georg Cantor a bi têgîna komên bêsinor re ku wê werênenê ser ziman mirov dikarê mînaq bide.

Di rewşa komê de wê, mirov dikarê wê, di awayekê de wê bi pêvajoyêñ wê yên fahmkirinê re wê fambikê. Di aslê xwe de wê, weke ku em dikarin wê pêvajoya pêşî re wê bi têgîna komê re wê werêninâ ser ziman wê weke têgînaka ku wê minaq endamê komekê wê karibê bibê her tiş. Minaq em komek bi navê A bihizirin. Ku di wê de endamak bi navê x hebê wê, bi rengê  $x \in A$  re wê bê nivîsandin. Lê ku ew ne endamê komê bê wê bi awayê  $x \notin A$  re wê were nivîsandin. Komek dikarê ji endamekê zêdetirî dikarê were hebê di komê de. Minaq weke {a,b,c}. Ku em weke têgîna heman komê wê werêninâ ser ziman di dewama wê de wê, bi awayê {a,b} jî wê werênin ser ziman. Ji endamên komê re wê, weke ku em di kurdî de dibêjin endam û ankû bi navekê din ê weke ku wê were ser ziman element jî wê karibê weke bi têgînî wê, werênenê ser ziman. Di komê de wê bi rengê weke {1,2,3,4} karibê were nivîsandin. Lê ku wê, ji gelek endaman û ankû elementan wê were afirandin wê bi rengê {1,2,3, ...100} wê karibê were ser ziman. Li vir wê minaq wê weke komek ku wê bi 100 endamî wê hebê wê were dîtin. Dema ku wê, bi elementen  $x' \in A$  re wê, kom wê were dîtin wê weke  $A = \{x \in A | P(x)\}$  re wê were binivîsandin. Di wê rewşê de wê, kom wê ji elementen  $x' \in A$  re  $P' \in P$  bi temen bikin re wê, bibê. Di çerçoveya têgînek hijmarî a xwezayî de ku wê N wê, li dora 100î bê wê bi wê re wê, di awayekê de wê, dikarê wê, bi awa bikê û wê, ew jî wê, bi rengê  $A = \{n \in N \mid n < 100\}$  wê werênenê ser ziman.

Di çerçoveya têgîna hijmarên rasyonal de jî ku mirov werênenê ser ziman mirov dikarê wê (komê) bi rengê  $Q = \{m-n|m, n \in Z, n \neq 0\}$  wê werênenê ser ziman. Ji aliyeke din ê nava koman re jî ku mirov wê werênenê wer ziman wê dikarê wê bi rengê weke  $A = \{x|x \in A \cup B\}$  wê werênenê ser ziman. Di aslê xwe de wê, têgîna komê wê di awayekê xwe nûkirin û ankû bi awayekê nûyîn wê xwe hanîna ser ziman jî wê, di awayekê de wê, salixkirina wê bi derfet bê. Di wê rewşê de wê, weke di awayekê gelempere de ku wê, were dîtin û bi hesanî dikarê were têgihiştin wê, reng û awayen weke  $0 \in M$ , û eger  $x \in M$ ,  $k \in M$  re  $x+1 \in M$ . Weke ku me li jor hanî ser ziman wê yên vala jî wê di awayekê de wê, weke ku em dikarin wê salixbikin wê, bi  $\emptyset$  wê were ser ziman. Di wê rewşê de wê, rewşa komê wê, di awayekê de wê, dikarê wê werênenê ser ziman. Lê aliyeke din ên weke beşkirina komê û ankû beşa-komê ku mirov wê dikarê wê werênenê ser ziman wê, di awayekê de wê mirov

dikarê wê werênê ser ziman. Wê jî di awayekê de wê, weke ku em dikarin wê werênina ser ziman em, li ser têgîna A' yê û B' yê re wê, dîsa wê di awayekê de wê bi berdewamî wê werênina ser ziman. Minaq ku em bihizirin ku A û B bi hev re komek bin wê demê dema ku em li wê bihizirin wê, A wê weke elementekê jî wê di B' yê de wê karibê were tefkirkirin. Lê A wê, di wê rewşê de wê, weke beş-kom wê were bi navkirin di wê rewşa wê de. Di hinek şiroveyan de wê, weke binkom jî wê ji B' yê re wê di wê rengê de wê were dîtin û ser ziman. Lê di wê rewşê de wê, dema ku mirov wê, beşa komekê wê ji aliyekê ve wê hilde li dest wê, bi têgîna binkomî wê hanîna wê ya li ser ziman wê, di aslê xwe de wê, di awayekê de wê, weke ku mirov dikarê wê bihizirê wê weke ku wê zor bê. Wê dema ku wê A ji B' yê wê herê û ku ew bibê nîvkomû ankû beşek kom wê demê wê aliyê din jî wê bi wê rengê wê di pozisyonekê de wê, xwe bide nîşandin û wê, di wê rewşê de wê, weke ku mirov dikarê wê werênê ser ziman wê di rewşekê de wê bê dîtin.

Di awayekê din de wê, B' ê jî wê, di awayekê de wê, weke rewşek nîvkomî wê dîmen û awayekê wê bi xwe re wê bide me. Di wê rewşê de wê, dema ku wê, B weke nîv-koma A' yê bê û wê temem bikê wê, di awayekê de wê, piştre wê, mirov nikaribê wê weke binkoma wê herê bikê. Li vir têgîna bi nîvkomê û ya binkomê wê, di awayekê de wê ji hevdû cûda bin. Di awayekê de wê, ya nîvkomê wê karibê li ser ya binkomê re bê. Çendî ku wê, koma B' yê weke nîvkomî jî jî bê wê karibê di xwe de hin binkomna û ankû binkomê bihawênenê. Wê bi heman rengê wê di awayekê A' yê de wê, werênê ser ziman. Ev wê, weke aliyekê wê yê din ku mirov wê, bi teybetî wê hilde li dest û wê, fahmbikê bê.

Di wê rewşê de wê, mirov dikarê wê, di awayekê de jî wê, werênê ser ziman wê, A wê, di wê rewşa xwe de wê karibê hinek elementna di xwe de bihawênenê ku wê, di B' yê de nebin. Bi heman rengê mirov dikarê wê ji aliyê B' yê ve jî wê werênê ser ziman ku wê, ew jî wê hinek element wê di wê de wê hebin ku wê di A' de wê nebin. Di wê rewşê de wê, ya ku wê, di serî de wê em bibînin wê ew bê ku wê ne A vala bê û ne jî wê B wê vala bê. Em hinekî empatiyê li ser hijmaran re wê bi wê re bikin û wê dikarin wê di wê rengê de wê, werênina ser ziman ku wê, koma {1, 2} wê, karibê di xwe de wê, weke 4 beşan wê hebê. Di komê de wê, di awayekê de wê, weke ne valayiya wê bi {1} û {2} û {1,2}. Wê di wê rewşê de wê, weke komên tastîn wê {1} û {2} bê. Lê ev wê weke nîvkom bin. Di wê rewşê de wê, her rewşa nîvkomî wê piştî ku ew bû û pê de wê weke komekê wê di awayekê de wê, bi serê xwe wê, dikarê wê

bi têgînek tamî wê bi endamên wê yên wê têde re wê, fahmbikê û wê derxê li têgînê. Nîvkoma din jî wê, demê ku ew ji wê bûya wê, ne tenê wê, weke beşa wê, her wusa wê ji aliyekê din ve wê, weke komek din a bi wê re ya têkilidar jî wê fahmbikê û wê werênê ser ziman.

Aliyekê din jî wê dema ku mirov wê bi wê re em ku li wê bihizirin wê demê em dikarin wê di wê rengê de wê ji du aliyên din ve jî wê fahmbikin. Heka A weke nîvkoma B'yê bê wê demê ew divê ew elementên ku ew di wê de na wê weke ya B'yê bê. Bi heman rengê wê, ji aliyê B'yê ve jî ku mirov binerê wê dikarê wê bibînê. Lê tiştekê din jî wê bi dîmenî wê mirov dikarê wê, werênê ser ziman. Di wê rewşê de wê, di wê rewşê de wê, di dîmenekê de wê, çendî ku wê A û B wê ji hevdû bina nîv û nîv kom di wê rewşê de wê, di A'yê de wê, elementên A û B'yê bi dîmenekê jî karibin bi şûnpêya wan werê kifşkirin. Wekî din wê bi heman rengê vajî wê di B'yê d ejî wê bi heman rengê wê mirov karibê wê kifşkirinê wê bikê. Wê demê wê, di wê mantiqê de wê, dema ku wê ew beşbûn wê bibê wê, di awayekê de wê, endamên ku wê, berî beşbûna A û B'yê ku wê çend endamên wan hebin wê, pişti beşbûnê wê, di awayekê de wê, di awayekê de wê, ew derkevina duquatî. Ev rengê bi dîmenî wê, di wê rengê de wê, di awayekê de wê mantiqê wê, li ser temenê ku wê, pişti beşbûnê ku wê endamên pozitiv û nagativ ku em wan ji hevdû cûdabikin. Lê di çerçoveya têgînek hijmarî a tam de ku em wan kifşbikin. Di dewama wê de wê, di wê rewşê de wê, endamên ku wê, pişti beşbûnê ku wê, di A de wê hebin wê, weke endamên rastîn bin. Lê di awayekê din de jî wê, endamên wê yên pozitiv jî jî bin. Lê ji aliyekê din ve jî wê endamên wê yên nagativ wê pişti beşbûnê ku wê, weke wan endaman di B'yê de ku em kifşbikin û wan di wê rengê de di awayekê de mirov karibê bi têgîn bikê bê. Di wê rewşê de wê, bi wê rengê weke ku em ji aliyê A'yê ve di kin wê, ji aliyê B'yê ve jî wê, di awayekê de wê, mirov dikarê wê di awayekê de wê, weke aliyekê din wê, di serî de wê, fahmbikê û wê werênê ser ziman.

Bo ku em wê aliyê wê baştırın wê, fahmbikin em di awayekê wê dikarin wê bi wê rengê wê, bi wê rengê wê, werênina ser ziman. Em tefkir bikin bikin ku wê, komek me ya bi A û B'yê wê bi rengê {a,b c ..1,2,3} re wê hebê. Di wê rewşê de wê, dema ku em li endamên komê binerin wê hem di A'yê de jî wê ew endam wê bi elementî wê, dîmen û awayekê wan wê hebê û wê, dema ku wê di B'yê de wê hebê. Di dema beşbûnê de wê, du dîmenî wê bi wê re wê derkeve li holê. Yek wê, weke beşkirina hijmaran bê. Ya din jî wê di awayekê de wê, heman di koma A

de bi heman rengê du caran hem bi awayekê tamî a pozitiv û hem jî bi **awayekî tamî ê nagativ** wê binivîsênê. Wê, di wê rengê de wê, di nava rewşê de wê, di wê rewşê de wê, di aslê xwe de wê, weke rewşek ku mirov wê, di awayekê de wê, di wê de zêdetirî wê kûrbibê wê, di awayekê de wê, bi xwe re wê weke ku wê di awayekê de wê bide nîşandin. Di wê rewşê de wê, piştî besbûnê wê, A wê xwediyê heman endam û elementan ku wê bi aliyekê nagativ û aliyekê pozitiv ku ew bi hevdû re bijîn bin. Wê bi heman rengê wê mirov dikarê wê bo aliyê din jî wê werênê ser ziman. Di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, di rewşa komê de wê, di aslê xwe de wê, rewşek din a ku wê, zêdetirî wê di awayekê de wê weke tevlihev û ankû komplike bê wê, xwe bi wê re wê, di awayekê de wê bide nîşandin.

Di rewşa beşkirinê a weke di nava A û B'ye de wê weke di awayekê wekehevdû de wê, besbûn wê bibê A ku weke B'ê bê û ankû A=B bê wê di awayekê de wê dikarê wê di awayekê de wê, fahmbikê. Di wê rewşê de wê, ya ku mirov wê, di serî de wê, di awayekê de wê, fahmbikê wê weke di wê têgîna wekhevdû a tambûnê de ku wê hebin û wê, werina beşkirin bin.

Tabî wê mirov dikarê wê bi têgîna komî a cûdak jî wê werênê ser ziman. Di wê rewşê de wê komên cûdak wê, di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, weke ku em dikarin wê, di awayekê de wê, werênina ser ziman wê, minaq weke koma A û koma B ku wê, têgîneka ku wê di herdû koman de wê, elementên wan ên wekhevdû nebin wê ji wê re wê, weke komên cûdak wê karibin wê werina bi navkirin. Wê, di wê rengê de wê, di awayekê de wê, mirov dikarê wê, salixbikê û wê werênê ser ziman ku wê, minaq  $A_i \cap B_j$  wê werênê ser ziman wê, di wê di dewama wê de wê, bi  $i \neq j$  re wê, werênin ser ziman. Di wê rewşê de wê, di dîmenê  $A_i \cap B_j = \emptyset$ . Weki din di awayekê de wê, ji aliyê  $A_i \neq B_j$  ji hev cûdak bin. Lê di aslê xwe de ev wê, çendî ku wê weke ji hevdû cûda jî bin lê wê, di wê de wê, li şûna cûdabûnê wê çûdahî wê hebin. Di wê rewşê de wê wateya wê gotinê wê ew bê ku wê, di komê de wê, li ser yên wekhev re wê, yên ne wek jî wê hebin. Di mantiqê komî ê ku min hanî ser ziman de wê, di wê rewşê de wê, aliyên têgînî ên hijmarî û ankû endamî ku wê, di wê de wê, weke bi wê rewşê de wê, xwe di awayekê de wê, piştî cûdabûnê û bi rewşa cûdabûnê re ku wê bidina dîyarkirin wê bibin bin. Di dema cûdakirinê de wê, di awayekê de wê ya ku wê were dîtin wê, di aslê xwe de wê, di awayekê de wê, di hevyekiyekê de wê, dîmenekê parvekirinê wê li ser hemû endam û elementên komê re wê, xwe bide nîşandin. Di vê

rewşê de wê, têgîna 'nîvîbûnê' wê weke aliyekê giring wê xwe di wê rewşê de wê, bide nîşandin bê. têgîna nîvîkirinê wê li ser hemû endam û elementên komê re wê, weke aliyekê xwe bide nîşandin. Ku rewş di wê rewşê rengê de were fahmkirin wê demê wê, minaq weke ku wê di koma A'yê de bê wê di koma B'yê de jî wê, endam û elementên ji hev cûda wê bi derfet bê ku mirov wan kifşbikê. Li vir wê, ne weke rewşeka teqez bê ku em di wê rewşê de wê, di hevyekiyekê de wê, di ahengekê de wê, weke wê kifşbikin bê. Her kom wê ya ku ew ji wê beş dibê wê ji wê hemû elementên wê di xwe de wê bi derfet bê ku ew bide girtin. Ev wê weke rewşek komê a ku mirov wê, di serî de wê, kifşbikê bê. Di aslê xwe de wê, rewşa komê wê, di awayekê de wê, ji ya ku em kifşdiikin wê zêdetirî wê, di awa û rengekê tevlihev û ankû komplike de wê, xwe di dîmenekê de wê bide nîşandin û dîyarkirin. Di wê rewşa komî de wê, aliyekê din ê têgînî ku wê bi sehî (intuition) ku em wê, di rengekê kifşkirin û hwd wê, di çerçoveya elementên komê de wê, kifşbikê wê, di wê rengê de wê, xwe bide nîşandin. Kom wê, dema ku wê, minaq wê, 4 sêvîn di wê de hebin ku ew bêñ beşkirin wê du wê herina aliyekê û du wê di wê de wê bimênin. Wê demê wê her kom wê xwediyê du sêvan bê. Lê herdû komên ku wê, ji hevdû cûdabûna wê, li ser çar sêvan re wê bi sehî wê derfeta kifşkirina bi du sêvîn rastîn re du sêvîn din ên xiyalî jî wê hebê. Wê li şûna du sêvîn ku ew ji koma ku ew çûna jî wê, bi heman rengê wê kifşkirina wan wê di awayekê de wê weke ku wê bi derfet bê. herdû sêvîn rastîn wê karibin bi aliyên elementên komê ên pozitiv re werina fahmkirin aliyê din jî wê bi aliyê nagativ re wê werina fahmkirin. Lê ji aliyekê din ve wê, ew wê weke temenekê têkiliyê a di nava herdû komên **jebbûyî** jî bê. ..

Minaq ku em di rewşa komê de wê bi minaqbikin em dikarin bi awayê weke  $\{\{0,1,2,3\}, \{3,4,5\}, \{7,8,9\} \dots\}$ , di hevyekiya komî de wê, demê wê,  $\{\{....-2, 0, 2,4, \dots\}, \{.... \text{ bi hijmarêñ tamî ên hevyekî } -3,-1,1,3,5 \}\}$  wê werênenisa ser ziman. Lê wê bi çerçoveyek malbatî a komî de ku mirov li wê binerê wê di awayê weke ( $\{ n + 2k \mid k \in \mathbf{Z} \}$ )  $n \in \{0,1 \dots, 9\}$  wê di awayekê de wê werênenisa ser ziman. Di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, weke ku wê, di awayekê de ku wê, bi wê rengê wê, ne di wekehevdû de wê elementan wê di xwe wê bihawênen wê werê ser ziman. Di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, dema ku mirov di rewşa beşbûna A û B'yê li wan binerê de wê, di wê rewşê de wê, pişti beşbûn wê, di awayekê de minaq wê, di koma A'yê de wê, ne tenê wê beşen wê yên elementî wê hebin. Wê, di wê rengê de wê, weke aliyekê nagativ wê aliyê elementên

B'yê jî wê, di awayekê de wê di wê de wê hebin. Di rewşê de wê, mirov dikarê wê di şewayekê komî ê weke ku ew di awayekê weke heman element û endaman di xwe de wê bihawênin lê ku wê, piştî beşbûnê wê, di herdû nîvkoman de wê, hem element û endamên tamî ên pozitiv û nagativ wê bi wê re wê, di awayekê de wê biafirênin bin. Di wê têgînê de wê, weke ku wê endamên B'yê wê di Ayê de wê, werina nimînérkirin. Wê bi wê rengê wê, nimîneriyek endamâ a endamên A'yê jî wê di B'yê de wê, xwe bi awayekê wê weke ku wê bidina dîyarkirin. Di wê rewşê de wê temenê wê têgînê wê ci bê? Di serî de wê, dema ku mirov wê têgîna beşbûnê wê hilde li dest wê, di wê rengê de wê, bi wê re wê, di awayekê de wê, weke ku mirov wê, di wê rengê de wê, xwe bide nîşandin. Wê li ser wê rewşê re wê, hem nîvkoma A'yê û hem jî nîvkoma B'yê wê di reng û awayê komek tamî de wê, xwe bide dîyarkirin.

Di rewşa fahmkirina nîvkoma A'yê de wê, di awayekê de wê, dema ku wê, endamên wê li yên B'yê re wê, levketinetina(intersection) wan wê bibê wê, di temenê de wê, weke di temenekê hevbeş de wê, li ser wê rewşa beşbûnê re wê bên ser ziman. Ev jî wê bi A û B re wê, bi awayê A ∩ B re wê, di awayekê de wê, were ser ziman. Minaq ku wê bi awayekê wê werênê ser ziman wê, di awayekê de wê weke  $A \cap B = \{x | x \in A \wedge x \in B\}$ , dikarê wê werênê ser ziman. Di nava denklemê de wê, dagera  $\wedge$  wê were wateya 'û' yê û di wê rewşê d ewê, minaq bi awayê weke{1,2,3} û {2,3,4} ku wekhev {2,3} re wê, di awayekê de wê, werênê ser ziman. Di aslê xwe de wê, dema ku mirov wê, di dewama wê de wê, werênê ser ziman di dewama wê de wê, du aliyê din jî wê, xwe di nava fahmkirinê de wê bidina dîyarkirin. Ew jî wê, ji aliyê ji aliyê xosletê gihiştina hevgirtî(*associative*) û têgîna kommutativî ve wê, dikarê wê, hilde li dest wê, di wê rengê de wê, dema ku mirov wê werênê ser ziman wê ev ji du aliyan wê xosletna komê ên ku em bi wan fahmbikin re wê bidina dîyarkirin. Pêşî em xosletê hevgirtî wê fahmbikin. Ev jî wê, di awayekê de wê, bi rêzekê heta ku wê, rêz di nava komê de wê, newê gûhartin wê, di awayekê de wê, karibê wê were domandin minaq ji aliyê xosletê hevgirtî ve wê, bi awayê  $(2+3) + 4=2+(3+4)=9$  û hwd re wê werênê ser ziman. Ku em wê di awayekê din de wê, bi rengê denklemî wê werênina ser ziman em dikarin bi awayê  $(A \cup B) \cap C = A \cup (B \cap C)$  wê werênê ser ziman. Lê di wê rewşê de wê, weke aliyekê din ê ku em dikarin wê bigihjinê de jî wê, bi rengê  $A \cup B = B \cup A$  bê. Ev wê, di awayekê de wê, weke rengekê formeli bê. Lê li vir wê, di aslê de wê, dema ku ez li wê dihizirim ez wê dibînim û hîs dikim ku wê, di komê de

wê, wilqasî wê weke ku wê, di wê denklemê de mirov wê werênê ser ziman, têkili, fahmkirin û dîtin(bifahmkirinê) wê, wilqasî ne di rewşek formeli de wê biherikê. Di wê rewşa gihiştina têgîna kummutativî de jî wê, dema ku mirov wê, minaq weke  $2+3=3+2$  û hwd re ku wê, dikarê wê werênê ser ziman wê, di awayekê de wê, tenê wê weke rewşek dîtbar wê xwe bide nîşandin. Di dewama wê de wê, dema ku mirov wê bi wê bihizirê wê, dikarê wê, weke aliyekê din wê werênê ser ziman ku wê, minaq (7-2)-3 ku wê ne weke 7-(2- 3) wê, werênê ser ziman. Di wê rewşê de wê, ev wê weke aliyekê wê yê bi têkilidanîna assosiativî bê.

Di aslê xwe de wê, têgîna kommutativî wê, di wê rengê de wê, li ser rewşen weke çarpkirin levzêdekirin û hwd re wê karibê encamên vegûharîner bide derxistin li **holê**. Di çerçoveyekê de ku em minaq weke komek bi navê A wê, tefkir bikin di wê çerçoveyê de wê, di wê rengê de wê,  $x \bullet y = y \bullet x$  wê hingî wê bo hemûyî wê,  $x, y \in S$  wê were ser ziman.

### Mantiq, birhan(proof) û kom

Ji aliyekê din ve jî wê dema ku mirov wê, bahsa têkiliya nava komê wê bikê wê, di aslê xwe de wê, li ser rewşa birhankirina matematikî re wê, dikarê wê li wê bihizirê. Di aslê xwe de wê, di wê rengê de wê aliyê weke yê birhankirinê wê weke aliyekê ku wê bi têgîna mantiqê a derpêşî re wê hem di nava fahmkirinê matematikî ên mantiqê de wê derkeve li pêş û hem jî ên felsefî û matematikî û hwd re jî wê derkeve li holê. Minaq ku em bêjin 'amed paytaxta kurdistanê ya' bê wê, di wê rewşê de wê, weke derpêşekê wê derkeve li pêş. Wekî din wê ev derkev wê rengê wê yê piştrastkirinê wê li ser rastkirinê bê. Di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, dikarê wê, fahmbikê. Minaq dema ku ez bêjim 'fil di firin' wê, ev weke derpêşekê ku ew piştrastkirina wê li ser esasê nerastkirinê bê. Di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, di awayekê de wê, dikarê wê, werênê ser ziman.

Têgîna birhanê û ankû piştrastkirinê wê, di awayekê de wê, matematikê wê ji zanistên wê weke aliyekê ku wê bide cûdakirin jî bê. Lê li ser wê têgîna wê re wê çendî ku wê, bi têgînên weke 'zelal', 'teqez', û hwd re wê, were ser ziman jî lê di aslê xwe de wê, ev alî wê weke aliyna dîtbar jî wê ji aliyekê din ve wê bimênê. Di aslê xwe de wê, dema ku mirov li van aliyên têgînî ên bi wê rengê salixkirina matematikê binerê jî wê, ji aliyekê ve wê, ya 'qatî', 'zelal' û hwd ku wê bi wê re wê, were ser ziman wê, di awayekê de wê weke ku wê pêşîya hizirkirina wê jî ji hinek aliyan ve wê bide girtin. Di nava gotin û ankû hijmaran re wê levkirina weke

‘bênakok’ ku wê bi wê were hizirkirin wê, ew wê tenê wê weke aliyekê ku mirov nikaribê wê tenê wê bi wê rengê wê fahmbikê bê. Li vir diaslê xwe de wê, têgîna hevgirtinê ku mirov li wê bihizirê wê, mirov divê ku wê bi têgînek matematikî a bi pêvajoyêñ herîkin û fahmkirina jîyanê re wê, werênenê ser ziman û bi temen bikê wê baştir bê. Di zane min de wê, ev rengê weke ku wê bi mantiqî were ser ziman wê, bi têgîna hevgirtinê wê ji aliyekê ve wê, weke aliyekê pirsgirêkî ê rastfahmkirina matematikê a di jîyanê de jî wê biafirênenê bê. Di mijare piştrastkirinê wê yên bi birhanî ku mirov bihizirê de wê, matematik di awayekê de wê, mirov dikarê wê bi wê werênenê ser ziman ku wê, di awayekê de wê, ji wê têgînek formeli dûr wê fahmkirina wê, weke aliyekê giring ê ku mirov wê, di serî de wê li ser wê bisekinê bê. Birhan wê çi bê? Wê bersivêne me yên ji têgînen denklemî ên weke  $2 + 2$ ,  $2 \times 2$  û hwd re ku mirov wê bide bê. Di matematikê de wê, diaslê xwe de wê, dema ku mirov wê bi derpeşekê bihizirê li şuna ku wê çawa ‘rast’ û ankû ‘nerast’ bê ji wê zêdetirî wê çawa rast bê û ber çi wê ne rast bê wê, bi wê re wê, di awayekê de wê, alaqadarbûyîna bi wê aliye ve wê, li gorî min wê zêdetirî wê, fahmker û wê temenekê gihiştina encamê wê bi xwe re wê biafirênenê. Di wê rewşê de wê, mirov dikarê balê bikişenê li ser rengê mantiqê induktifî jî. Wê, li gorî wê minaq ku wê, Q û A wê hebin wê, Q wê xwediyyê hinekî cewherîya A yê bê. Ev wê, matematikzanêñ weke thomas Bayes wê, balê bikişenina li ser wê, rewşê û wê ew wê weke rewşeka temenê pêşxistina gelemperkirinê wê, şîrovebikin û wê werênenina ser ziman. Li gorî wê qada Q’yê wê, xwediyyê nîteliya A’yê jî bê. Ev wê, weke gelemperiyeñ induktifî jî wê were ser ziman. Di dewama wê de mirov dikarê bahsa argûman induktifî bikê ku wê ji pêşekên destpêkê wê gavê bigavê ku wê çawa wê bi aqilmeşandinekê wê bike ku we bigihijê derpêşen gerdûnî.

Minaq wê dema ku em dibêjin wê di awayekê bêdawî de wê hijmarêñ asal wê hebin. Lê diaslê xwe de wê, di awayekê de wê, ne di rewşek dîyar de bê. Ber vê yekê wê aliyeñ weke sehî (intuition) wê bi zêdeyî wê weke aliyna giring ên bi fahmkirina matematikê re wê xwe bidina dîyarkirin. Seh wê, têgîneka ku wê matematik xwediyyê wê bê. Ne ku wê, ew xwediyyê matematikê bê.

Di wê rewşê de em dikarin di awayekê de wê li ser temenekê hijmarî ên tam re wê, di awayekê de wê bi wê bihizirê. Em wusa hizirbikin ku wê, du hijmarêñ tam weke x û y hebin. Wê nirxa hijmarêñ tam wê dema ku ew werina levezdekirin wê giştîya wan wê hertimî wê weke tam bê wê

were ser dîtin. Bo du hijmarê tam ên weke a û bi rêzê em  $x=2a$  û  $y=2w$ , li hevdû bi beşkirinê re wê dikarin wê bibînin. Piştre wê giştîya wê, di awayekê de wê, bi rengê  $x + y = 2a + 2b = 2(a+b)$  re wê, xwe di awayekê de wê bi re wê bide nîşandin. Ev xoslet wê, dema ku wê, hijmarê tam wê werina levezdekirin, çarpkirin û ankû beşkirin û hwd de wê, were bikarhanîn.

Ji aliyekê din ve jî wê, em dikarin bahsa têgîna **induksiyonê** a matematikî bikê. Wê çendî ku wê, di awayekê de wê, weke ne li ser temenekê aqilmeşandinê wê were dîtin jî lê di aslê xwe de wê, di rengê weke ku mirov wê, bi awayê weke bo her hijmarekê xosleta ku ew hatî girtin wê, ku wê bo hijmarê xwezayî jî wê weke hatîgirtin ku wê bide nîşandin bê. Minaq em di wê rengê dikarin bi rengê weke komek hijmarê xwezayî a bi rengê  $N=(1,2,3,4, \dots)$  di dewama wê de bila  $P(n)$  weke hijmarek xwezayê a di wê de ku em bibinin bê.  $P(1)$  rasta ber ku wê,  $P(n)=1$  bûhûrîner bê. Aliyê din wê weke  $P(n+1)$  wê rast bê, ber ku wê  $P(n)$  ku ew rast bê wê, bi wê  $P(n+1)$  wê rast bê. Wê demê wê bi  $P(n)$  wê, bo hemûyan wê n wê bûhûrîner bê.

Di dewama wê de em dikarin bi heman rengê awayê hijmarî  $\hat{e}$   $2n-1$  bi heman rengê li ser hijmarê pozitiv û danışandina wan de wê di awayekê de wê, werênin ser ziman. Ku  $P(n)$   $2n-1$  nimînêr bikê; minaq wê, di awayê weke bi formkirina wê ya bi rengê  $n = 1, 2n - 1 = 2(1) - 1 = 1$ , û 1 wê tenê bê. Dema ku ew li 2'an hatina beşkirin wê ji 1'ê a bi şûn maya wêbihêlê. Ber vê yekê wê dîmenê ku wê bide me wê weke  $P(1)$  wê weke rast bê wê derxê li holê. Di dewama wê de ku em bêjin ku  $2n-1$  ku ew tenê bê wê demê bi  $P(n)$ , wê demê  $(2n-1) + 2$  bi tenê bê. Li hijmarek 2 lê zêdekirin wê tenê bi hijmarekê wê bimînê. Lîbelê  $(2n - 1) + 2 = 2n + 1 = 2(n+1) - 1$ , ankû  $2(n+1) - 1$  bi tenê bê bi  $(P(n+1))$ . Ber ku wê were wateya  $P(n)$   $P(n+1)$ .

Tabî dema ku mirov wê mijarê ji aliyê têgîna mantiqî ve wê hilde li dest wê, di wê rengê de wê, weke aliyekê din wê, çerçoveya têgîna mantiqî wê, di awayekê de wê, bi aliyên wê yên re jî wê derkeve li pêş me. Minaq rewşa awayê hoyandina **kontraseptifi** wê, dikarê wê, diawayekê de wê, werênê ser ziman. Di şêwayên mantiqî ên kontraseptifi de wê, dema ku wê, rewş wê bi têkilîdanîna bi hevdû re wê, were danîn re wê, di awayekê de wê were fahmkirin. Minaq weke "ku wê baran bibarê wê demêez paltoyê xwe li xwe bikim" û hwd. Di wê rengê de wê, têgîna palto li xwekirinê wê di rengê re wê, bi lev hoyandina kontraseptifi re wê, di awayekê de wê, wê re wê, were ser ziman. Di wê

rewşê de wê, dema ku em wê, di awayekê de wê, bi  $P \rightarrow Q$  wê di awayekê de wê, werênina ser ziman. Lê minaq bi mantiqî em dikarin wê di awayekê din de wê, bi rengê bi awayekê vajî vegûhaztinê em di fahmkirinê bi wê bikin wê bi rengê  $\neg P \rightarrow \neg Q$  wê werênê ser ziman. Di awayekê nagativî de wê, hanîna ser ziman wê,  $\neg(P \rightarrow Q)$  wê werênê ser ziman.

Di rewşa piştrastkirina bi têgîna mantiqî a kontraseptifê re ku mirov wê, bi awayê rastarast bê û ankû ne rastrasta bê ku wê, nirxiya wê ya rastî were piştrastkirin wê, di aslê xwe de wê, di awayekê de wê, weke ku mirov wê dibînê wê weke ne girêdayî pêşgotina wê ya xwemal a pêşî ku e hebê û ankû ne bê wê weke ne girêdayî wê bê. Di wê rengê de wê, di awayekê de wê, weke ku mirov wê, di awayekê de wê, dikarê wê, werênê ser ziman.

Di wê rewşê de wê, dema ku em, li ser mantiqê wê bihizirin wê, di dewama wê de wê, dikarin wê werênina ser ziman ku wê, nagativkirin ku ew bi rastî piştrastbibê wê, di awayekê de wê, weke aliyê wê yê din ê xwemalî wê, di awayekê de wê, nerast bibê wê, di awayekê de wê, reng wê bi têgînî wê bistênê. Wê demê di têgîna  $P \rightarrow Q$  ku wê, rast bê wê demê  $Q$  ne rast ( $\neg Q$ ) bê. Lê ku  $P$  ne rast bê wê demê wê, weke ne rast ( $\neg P$ ) bê wê were ser ziman. Di wê rewşê de wê, di awayekê formeli de wê, rengê wê yê fahmkirinê wê xwe bide nîşandin. Lê di wê rewşê de em hinekî din wê di mantiqê de wê de wê li wê bihizirin û wê werênina ser ziman ku wê, dema ku wê, yek rast bê û ya din ne rast bê wê demê de wê, rewşa gûharînê wê, di wê rewşê de wê, bi awayekê bi serê xwe wê, li gorî rewşa nû a afirî wê xwe bi temenekê xwemalî wê bide nîşandin û dîyarkirin. Di wê rewşê de wê, rewşa mantiqî wê, di awayekê de wê, dema ku wê, weke yek gûharî wê, ya din jî wê bi xwe re wê, bigûharênê. Ber ku wê li hevdû wê hoyandî bê. Weke minaq ku min palto li xwe nekir ber ku bara nebarî û hwd.

Di wê rewşê de wê dema ku em bihizirin ku wê,  $\neg Q$  wê nerast bê wê, demê wê çawa wê, karibê wê,  $\neg P$  rasta wê nerast bê? Di wê rewşê de wê, di awayekê de wê, di awayekê de wê, di wê rengê de wê, mirov dikarê wê bi wê re wê, fahmbikê.

Di têgîna mantiqî de wê, di wê rengê de wê, ya ku wê were dîtin wê, di awayekê de wê, awayekê formeli wê xwe bide nîşandin. Di aslê xwe de wê, di wê rewşê de wê, weke ku wê, di rewşa fahmkirin û derxistina li têgihiştinê a rewşê de wê aliyên kêm wê, li ser wê, têgîna formeli re wê,

weke aliyên ku ew yan nikarina werina bi têgînkirin û yan jî werina ser ziman re wê, xwe bide nîşandin.

Li gorî mantiqê wê ku em hinekî bi gelempêrî wê li wê dihizirin ya ku em dibînin û wê kifşdikin wê, di wê rengê û awayê de bê ku wê, du şibînên weke hevdû de wê, du wê hebin. Di wê rewşê de wê, ya ku mirov wê dibînê wê, di awayekê de wê, weke  $\forall x(Px \rightarrow Qx)$  û ankû wê, bi **kontrapoza** Qs wê bi rengê  $\forall x(\neg Qx \rightarrow \neg Px)$  wê werênê ser ziman. Li gorî wê mantiqê ku wê, P wê q wê derxê li holê wê, demê ku wê, q nebê wê p jî nebê wê, bi reng û awayekê wê weke ku wê were dîtin fahmkirin. Di dewama wê de wê, mirov dikarê li ser awayên hijmarên tam re wê, werênê ser ziman. Em hasab bikin ku wê, x wê, di awayekê de wê, werênê ser ziman. Wê çavkaniya hijmarî wê tek bê. Di wê rewşê de wê,  $x_2 = x \cdot x$  wê bi wê re wê, di awayekê de wê, were li holê. Çendî ku wê, di denklemê de wê, têgîna  $X_2$  wê, di awayekê de wê, weke ku wê, ne rast bê wê dîmenekê wê bide me. Di wê rewşê de hizirkirina bi zankirina bi di awayekê de wê di heviyekiyekê de wê, bi x re wê, xwe bide dîyarkirin.

Di aslê xwe de wê, têgîna birhankirinê û ankû piştrastkirinê wê di awayekê de wê, mirov dikarê wê zêdetirî wê, ji çerçoveyek mantiqê wê hinekî derxê wê bi wê bihizirê. Di wê rewşê de wê, em dikarin li ser hijmarên irasyonal re wê, minaq bi têgîna  $\sqrt{2}$  re wê li wê bihizirin. Di wê rewşê de wê, dema ku em ku em wê bi hijmarek astnizm a rasyonal re wê binivîsênin wê, di awayekê de wê, dikarin bi awayê  $\sqrt{2} = a - b$  re wê binivîsênin. Wê a û b wê, weke du aktorên ku wê, faktorên wan wê zêde nebin wê, ne salixkirî wê, di awayekê de wê, dikarin bi  $b\sqrt{2} = a$  wê werênin ser ziman. Di wê rewşê de wê, encama  $2b_2 = a_2$  wê bide. Ku bi  $2^{\prime}$  li ya çapê hat beşkirin wê ya rastê jî wê, weke ku wê were beşkirin. Di wê reşwê wê  $2^{\prime}$  ek me wê di wekhevyekiyekê de wê, were dîtin. Di wê rewşê dem em weke aliyekê din ê encam di dewama wê de  $a = 2c$  binivîsênin. Di çerçoveyek denklemê de wê encam  $2b_2 = (2c)^2$   $= 4c^2$  derkeve li hole. Ku em herdû aliyên wê li  $2^{\prime}$  an beşbikin wê, encama bi rengê  $b_2 = 2c_2$  bide me. Di awayê wê yê ku mirov wê dibînin de wê, weke ku wê were dîtin wê  $2$  wê vegûharînîya  $b_2$  wê beşbikê. Ber vê yekê wê pêwîstîya wekheviya b 'yê wê bibê. Ku a û b bi hevdû re di hevyekiyekê de bin wê, weke faktorekê wê xwediyê  $2^{\prime}$  bin. Ev di aslê xwe de wê, weke têgîneka ku wê, bi rengê fahmkirina a û bê wê nexwdiyê ti faktorên hevbeş bin re wê, weke di nava nakokiyê de bê. Ber vê yekê wê, dîsa wê li encama destpêkê wê, vegûharihê û wê, weke

têgînek ne mantiqî wê,  $\sqrt{2}$  wê xwe di awayekê de wê, bi wê re wê, bide dîyarkirin.

Lê li vir wê, dîsa wê, hinek aliyên din ên ku wê di çerçoveya têgîna hijmarêن rasyonal de wê, weke ku me di nava herîkîna denklemê de pêkhanî wê, di awayekê de wê, di aslê xwe de wê, bi wê têgîna nemantiqiyê re wê, ne di levkirinê de bê. Di wê rewşê de wê, di aslê xwe de wê pêwîstîya rewşek fahmkirinê a teybet wê bi wê re wê, xwe di awayekê de wê bide nîşandin. Ev wê bi xwe re wê karibê ji aliyekê ve din ve wê, mirov di dewama wê de wê bi têgîna piştarstkrinê a bi derfetî (*probabilistic proof*) re wê, bi xwe re wê bide birin.

Emê di dewama wê de wê awayekê deerfetîya piştarstkrinî jî wê, di wê rengê de em, dikarin wê wê hinekî wê werênina ser ziman. Di têgîna hijmarâ a ku em minaq jixwere hema bi naqandinekê bikin û wê bi wê re wê, denklemê wê pêşbixin wê di awayekê de wê, encama ku wê, bide me wê, li ser wê re wê, di awayekê de wê, li gorî di awayekê de wê, karibê were fahmkirin. Lê di wê rewşê de wê, bo fahmkirina hebûna bûjenekê wê, di wê rewşê de wê, têgîna biderfetîtîyê wê, di wê rewşê de wê, di xwe de wê, weke dîmenekê xwe yê duyem wê, aliyekê din ê kifşkirinê wê bi xwe re wê werênê. Em dema ku hijmaranê binaqênin emê wê li gorî pêşdîtineka xwe ya ku em berî wê, di mejî de xwediyê wê na wê, li gorî wê bikin. Di wê rewşê de wê, yek kêm û yek zêde wê li ser wê re wê, encamek ku wê were hizirkirin wê, di mejî de wê bi wê re wê bibê. Yan jî di awayekê din de wê, mirov dikarê wê bi wê bihizirê. Wê, dema ku wê, naqandinek wê bibê wê carna wê encamna ku em di mejî de xwedî na û li wê serwer in bi fahmkirina xwe re wê ew wê jixwerebûyînê wê, di awayekê de wê pêşbixê. Jixwerebûyîneca ku wê di temenê wê d ewê hişmendiyek wê di wê rengê de wê hebê, wê, di awayekê de wê, mirov dikarê wê fahmbikê. Lê ew hişmendî di wê de wê, mîl, alî, têgîn û awa û hwd wê, çendî ku wê, hebin jî wê, di wê rengê de wê, bi wê re wê, bê hizirkirin. Di wê rewşê de wê, rewşen hizirkirinê wê, nirxên hasibandinê û têkiliya wan a bijartinê û hwd re wê, xwe di awayekê de wê bide nîşandin.

Di mijare bijartinê me de wê, mantiqekê fahmkirinê ku wê ji temen ve wê, dîyarkirinê wê bi me re û wê bi naqandinê me re re wê bike wê hebê. Di wê rewşê de wê, ev wê, weke aliyekê giring bê. Di wê rewşê de wê, dema ku em bihizirin ku wê, dîyar bê ku w,ê, bê gihiştin li encamakê wê, ew encam piştre ku wê, çawa wê derkeve wê, di wê rengê de wê, li ser wê temenê re wê, xwediyê wateyekê bê. Di wê rewşê de wê rengê

encamê ci bê wê, wê temenê wê nede gûharandin. Minaq wê, sînorê hijmara R(r,r,) wê, bi wê re wê, çawa wê mirov wê, werênenê ser ziman? Di rewşa têgîna jixwerekirinê de wê, têgîna piştarstkirinê wê, di awayekê de wê, dema ku wê, bihizirê wê, bi bûjenê ku ew wê kifşdikê wê bi xosletên wê re wê, bikê ku wê werênenê ser ziman.

Di rewşa fahmkirina têgîna birhanê de wê, çendî ku wê ji vir û pê de wê, di hinek waran de wê, weke li ser hinek nûqteyan re wê, weke dûbare jî wê bibê emê bixwezin ku wê bi berdewamî wê werênenina ser ziman. Ev jî wê, di wê çerçoveyê de wê, têgînekê wê bide me. Di rewşa dûbarekirkirinê de wê di serî de wê ji aliyê demê ve û piştre wê ji aliyê rewşen elementî û ankû bûjenî ku wê, werina esasgirtin wê li ser wan re wê ew dûbare wê, di aslê xwe de wê, weke nebina rewşa dûbareyî. Ber vê yekê em wê, dixwezin ku wê bikin.

Minaq li ser rew A re ku em N û m'ye weke hijmarê tam herê bikin. Di asta pêşî de ku wê n û m wekehev bin wê, n + m wê wek hev bin. Di asta duyem de ku n û m herdû jî bitenê bin wê n + m wekhev bin. Di asta sêyem de ku wê, ji n û m'ye yek ji wan wekhev bê û ya din bitenê bê wê, n + m tenê bê.

Di rewşa wê de wê, mirov dikarê wê, di awayekê hevgirtî û ankû hipotezî de wê, hinekî din jî wê bi berdewamî wê bi lêzêdekirkirinê re wê werênenê ser ziman. Minaq bo k  $2k$  û ankû  $2k=1$  wê werênenê ser ziman. Li ser têgîna birhankirkirinê re ku em di dewama wê de bihizirin em dikarin wê bênin ser ziman ku wê, ku n û m wekhev bin wê demê wê,  $n = 2k$  û  $m = 2j$  ku em binivîsênin wê weke hijmarê tam wê k û j wê hebin. Piştre bi denklemî wê dikarê wê, minaq bi rengê  $n + m = 2k + 2j = 2(k + j)$  wê werênenê ser ziman...

Di rewş û mantiqê wê, têgîna denklemî de wê, berdewamkirin û berfirehiya wê biderfet bê. Di wê rewşê de wê, di serî de wê, çendî ku wê, rewşa wê ya ku wê heta vir wê, weke di çerçoveya têgîna birhanê de wê, karibê were fahmkirin û derkeve li holê jî lê wê, di awayekê din de wê, mirov dikarê wê, werênenê ser ziman wê, aliyen wê din jî wê, di wê rengê de wê, karibê were pêşxistin di heman rengê de. Ev wê, ci bide nîsandin? Ev wê ew wê bide nîsandin ku wê, her rewşen denklemî û hwd re wê, dema ku mirov wê çerçoveya wê têgîna wê ya birhanî de wê bi wê bihizirê wê, di awayekê de wê her pêvajoyen wê bi awayekê wê, rewşekê wê bidina nîsandin. Ji denklemê wê, bi wê rengê wê çendî ku wê, karibê bê çûyin li birhanê û pêşxistina wê, birhanek jî wê, dema ku ew hatibê pêşxistin ji wê hebûna wê li pêşxistinek denklemî wê bi wê re wê biderfet

bê. Di wê rengê de wê, weke aliyekê wê yê din ê giring jî wê ew wê biafirênê.

Weke ku me li jor bi denklemê re kir me denklem temem nekir. Li vir armanca me ew bê ku di serî de wê, di wê rengê de wê, di dewama wê de wê, weke aliyekê din wê, dema ku wê li wê were hizirkirin wê, bi rûyên cûda û awayên cûda ku wê karibê were pêşxistin re wê, li wê rewşa birhanâ wê çûyina wê karibê bibê.

Di wê rewşê de wê, dema ku mirov wê rewşa mantiqê wê dihilde li dest wê, di aslê xwe de wê, bi wê re wê, têkiliya wê ya bi rewşen din re wê, di awayekê de ku mirov wê, dikarê wê werênê ser ziman wê, aliyekê wê yê zimanî û wateyî wê, bi têgînek bûjenî û fizikî a ku wê bi wê bê fahmkirin re wê hebê. Di wê rengê de wê, dema ku mirov wê rewşa mantiqê di ziman de wê, di wê rengê de wê, ji aliyekê ve wê, wê bi aritmatikî û formeli bê. Lê ji aliyekê din ve jî wê, di wê rengê de wê, di awayekê de wê mirov dikarê wê, bi rewşa wateyê û têkiliya wê ya li hevdû bi xatên salixkirî û hwd re wê, di wê temenê de wê, fahmbikê. Di wê rewşê de wê, di aslê xwe de wê, mantiq wê, di temenê fahmkirinê de wê, weke aliyekê bi hebûnî û fizikî re wê xwe di awayekê de wê, bide nîşandin û dîyarkirin.

Li gorî min wê, di wê rewşê de wê, ziman wê, weke mijarek giring wê, xwe bide dîyarkirin. Di aliyekê de wê, di wateyî de wê, rewşen qatagorîkirî wê, di awayekê de wê, bi wê re wê, di zikhevdû de ku wê pêwîstî fahmkirinê bin wê, di wê rengê de wê, mantiq û zimanê wê yê aritmatikî wê, karibê temenekê fahmkirinê jî wê bi wê re wê, bide çêkirin. Lê ji aliyê zimanî ve jî ku mirov bihizirê wê bi heman rengê wê, di awayekê de wê, temenekê fahmkirinê wê biafirênê.

Di wê rewşê de wê, mirov dikarê wê werênê ser ziman ku wê, rewşa zimanî wê, di aslê xwe de wê, weke aliyekê din ê giring wê xwe di wê rengê de wê, bide dîyarkirin. Di nava jîyanê de ku wê temenê fahmkirinê wê biafirênê ku mirov bi têgînek matematikî biafirênê wê, her tişt wê, di awayekê de wê xwediyê temenekê niceî wê, di wê rengê de wê bi wê re wê hebê. Ev wê weke xosletekê fizikê ê ku em wê bi rîgezî wê dikarin wê fahmbikin jî bê.

Temenê têgîna wekheviyê û ankû mantiqê wê di hevyekiyê de ku wê were fahmkirin wê, di wê rewşa fizikî a niceî de wê, were fahmkirin. Minaq em li vir bi têgînekê wê fahmbikin em empatiyekê bi rengê mantiqî bikin. Minaq B ⇒, A ku wê bo A wê, têr bê wê werênê ser ziman. B ⇐, A ku wê bo B wê pêwîst bê wê, werênê ser ziman. Di

awayekê din de jî wê dema ku em bênila ser ziman bi awayê weke B  $\Leftrightarrow$ , A wê bo B'ye hem pêwîst û hem jî têr bê wê werênê ser ziman.

Dema ku wê hinekî li ser wê van têgînên bi teoremî ku wê were hizirkirin wê were dîtin ku wê, di awayekê niceî de wê, dîmenekê wê bi xwe re wê, di wê rewşê de wê, bide dîyarkirin.

Di rewşa minaq têgînên weke “A ku wê bo A wê, têr bê”, “A ku wê bo B wê pêwîst bê”, “A wê bo B'ye hem pêwîst û hem jî têr bê” û hwd wê, weke têgînna ku wê, ne tenê bi wasîfî ku mirov karibê wan fahmbikê bê. Di dewama wê de wê, di wê rengê de wê, di awayekê têgînî wê weke bi têgînek zelal a fahmkirinê a dîyarkirinê re wê, were ser ziman.

Di warê têgîna birhankirinê de wê, di temenekê rêgezî de wê, divê ku mirov wê, ji aliyekê ve jî wê hilde li dest. Di wê rewşê de wê, weke ku me hinekî li jor bi têgîna induksiyonê' re me hanî ser ziman li vir di wê çerçoveyê de em, dikarin çend gotina li wê zêde bikin. Minaq wê dema ku em bi têgîna rêgezî bihizirin em dikarin bi rengek teormî bi awayê P(n)  $n \in N$  ku em bi têgîna bêdawî bihizirin. P(1) weke ya rast bihizirin wê, bi awayê P(k)  $\Rightarrow P(k + 1)$ ,  $\forall k \in N$  bidenklemî wê werênin ser ziman wê, di dewama wê de wê, bi rengê P(n)  $\in N \forall wê$ , ew rastî wê, xwe di awayekê de wê bide dîyarkirin. Me ev mantiq li jor bi awayekê wê hanîbû ser ziman. Lê li vir wê, dûbare hanîna ser ziman wê di temenekê rêgezî de wê, têgînekê wê bi wê rengê wê bi xwe re wê bide me.

Di mijare birhanê de wê, di aslê xwe de wê, ji aliyê teorikî ve wê, dema ku mirov wê, hilde li dest wê, baş bê. Ber ku wê ji wê aliyê ve wê, di serî de wê, mijare têgîna birhanê û ankû birhankirinê wê, di serî de wê, weke aliyekê giring wê, xwe bide nîşandin. Heta roja me wê, têgînên weke bi mantiqî ku wê, minaq weke frege wê, li ser temenekê klasik wê werênê ser ziman wê, di wê temenê de wê, were dîtin. Awayê derpêşen Boole û Frege wê, di wê temenê de wê, bi temenekê mantiqî wê dema ku mirov li wan binerê wê, di wê temenê de wê, di aslê xwe de wê, di awayekê de wê, bi wê re wê, derkeve li pêş.

Minaq di formule Frege de wê, ya ku wê were dîtin wê di wê temenê de ku em wê bi A û B'ye re wê werênina ser ziman wê li ser temenekê hipotezî wê, ji derxistinê wê werênê ser ziman. Di wê temenê de wê, A  $\supset$  B û A de wê, weke ku mirov wê, dikarê wê, werênê ser ziman wê, di dewama wê bi awayê wê de ku A weke formulek derpêşî bê wê demê wê, lê bikarhanîna  $\sigma$ , re wê, bi awayê Aφ bê dayîn nîşandin. Bi awayê A  $\supset$   $\neg B \supset C$  û di dewama wê de bi kortasi bi awayê (A  $\supset$  (( $\neg B$ )  $\supset$  C)) wê

werênenê ser ziman. Di matematikê de wê teoriya piştrastkirinê wê, di aslê xwe de wê, weke aliyekê giring bê ku mirov wê li ser wê bisekinê bê. Minaq wê, dema ku mirov wê, ji hevdû derxê û wê piştrastbikê wê çawa û li ser ci temenê wê bikê wê giring bê. Li vir wê, du awa wê weke ku em dibînin di roja me de wê, bi derfet bê ku wê werina bikarhanîn. Yek wê weke di pêşxistina denklemê de wê, bi sehî kifşkirina di dewama wê de a ji rewşen rastîn ên jîyanî ku wê bi wê re wê di temenekê hipotrezî de wê li wê were zêdekirin û wê bi wê re wê were pêşxistin bê. Aliyê din jî wê, di temenekê hevgirtî ê mantiqî de ku wê, weke ji hevdû derxistinê a bi têgînî bê. Di wê temenê de wê, awayê ku wê were ji hev derxistin wê, di wê temenê de wê, di temen û awayekî formeli û monolojikî de wê, xwe bide dîyarkirin.

Li rex wê, di aslê xwe de têgînên godel ên li ser teoriya kêmâniyê û yên russell ên li ser temenekê mantiqê ên ku mirov dikarê wan werênenê ser ziman wê, di wê rewşê de wê, weke aliyna din bin. Frege wê di çerçoveya têgîna koman de wê ew wê, werênenê ser ziman. Di wê rewşê de wê, di warê hizirkirina Russell de jî wê, di awayekê de wê, mantiq û derpêşkirina bi wê re wê, derkeve li pêş. Minaq weke ku 'mirov hemû fanî na. Sokrat mirovek a. Wê demê sokrat jî faniyek a' wê werênenê ser ziman. Minaq wê Kurt godel wê werênenê ser ziman ku wê, teorem wê, di pergalek aksiyomatikî de wê, têra xwe wê, bi hêz bê ku wê, bigihênenê rewşen rastîn ên ku wê ne bi derfet bê ku wê karibin bi teqezi werina piştrastkirin.

Di wê temenê de wê hizirkirina Godel wê, di dewama wê de wê, bênenê ser ziman ku wê, teorem ku wê aritmatika hijmarên wê bikarbênenê ku wê bi wê di pergalek hijmarên tevlihev de wê, ji pergale aksiyoman gavê biavêjê ku wê, rastîti û ne rastîtiya wê nikaribin werina piştrastkirin wê çawa wê werina piştrastkirin wê bi wê re wê, bikê ku ew temenekê teorikî bi teoremî bi wê werênenê ser ziman.

Li gorî wî ti pergalên matematikî ku wê, bi derpêşî wê rastîtiya wê hebê wê, bi teqezi wê rastîtiyek wê nebê. Li gorî mantiqê wî ku mirov wê bênenê ser ziman ku wê, minaq wê dema ku wê geometriya Auklid wê çendî ku wê bênenê ser ziman ku wê feze wê, rast bê ku ew ne bi tememî rast bê wê, wilqasî jî wê, geometriya Riemann jî ku ew dibêjê feze xwehre (curve) ya jî wê kêm bê. Di wê temenê de wê, di awayekê de wê, werênenê ser ziman. Di çerçoveya pergale godel de wê mirov dikarê wê, di wê rengê de wê, di awayekê de wê, di wê çerçoveyê de wê werênenê ser ziman. Minaq ku em hasab bikin ku wê di destê me de wê 4 hijmar weke

(1,2, 3,,5) hebê. Bila ev koma me ya aksiyomê bê. Bi rêgezek derxistinê jî A={1,2,3 ..,4,5} bê. Bila rêgeza me ya derxistinê jî bi  $x \neq$  were ser ziman. Koma A wê, bi  $x \neq$  re wê, wê sazûmanek matematikî a komî wê biafirênê. Em ji wê re bêjin S. Ku em di dewama wê de her hijmarê jî weke derpêsekê wê, herê bikin wê çawa wê, were piştrastkirin wê mirov dikarê wê bi wê rengê wê werênê ser ziman. Minaq weke  $16 = 8 \times 2$ ;  $30 = 3 \times 10$  û hwd wê, dikarin wê dest hanîna ser ziman bikin. Di wê nava koma S' de wê, bi awayekê bêhasab wê derpêş wê hebin. Em derpêşen ku wê werina piştrastkirin bi C re wê werênina ser ziman. Di wê rewşê d ewê, bi awayê C = {1, 2, 3, 4, 5, 6, 8, 9, 10, 12, ... } wê bibê. Di wê rewşê de wê têgîna komî a pergâlî ya S' yê wê tam bê. Wê, dema ku mirov li ser wê re wê li wê binerê wê, di cih de wê were dîtin ku wê ne tam bê. Ber ku wê, koma C' yê wê 7'ê wê di wê de wê nebê. Ev wê tenê wê aliyekê wê yê ku mirov wê bi wê têgînê bibînê bê. Hijmara 7'ê ku em wê bikin ku wê bidest bikin emê nikaribin wê bi çarpkirina hijmarên weke 1,2,3 û 5'ê bidest bixin. Di wê temenê de ku em komek A tefkir bikin ku wê li wê kin weke A = {1, 2, 3, 5, 7} bibê. Wê di dewama wê de wê hingî wê, koma C' yê wê, 7'ê wê hilde. Di dewama wê de wê, di aslê xwe de wê, di wê rewşê de wê, koma S wê dîsa wê tam nebê. Di wê rewşê de ku em bihizirin ku wê, di wê de wê, weke 11, 17 û hwd nebê wê, were dîtin. Wê, di wê rengê de wê çendî ku wê ew wê kirin wê di awayekê de wê were dîtin ku wê, di ti demê de wê, ew tambûn wê, di wê de wê, di awayekê de wê, weke ku ew wê were hizirkirin wê nebê.

Di mijare têgîna teoremî a tambûnê de wê, di aslê xwe de wê, dema ku em li wê dihizirin wê, di awayekê de wê dikarin wê bi rewşek weke ya bi têgînî wê, dikarin wê werênina ser ziman. Di wê rewşê de wê, mantiqê têgîna tambûnê wê çavkaniya wê ci bê? Wê tenê wê li ser hijmar, dager û qarakterên ku em di wê çerçoveyê de wan bikin ku wan fahmbikin re wê, ew karibê bibê? Di aslê xwe de wê, weke ku me li jor hanî ser ziman wê aliyekê ku wê hertimî wê ya heyî wê tamtir bikê wê, kifşkirinên rewşî ên jîyanî û bi hipotezî li wê zêdekirinê bê. Di wê temenê de wê, di awayekê de wê weke aliyekê giring wê mirov dikarê wê werênê ser ziman ku wê mijare tambûnê wê, di wê temenê de wê, bi rewşa berdewamîyê a jîyanî ve jî wê, di wê temenê de wê ji aliyekê ve wê weke ku wê girêdayî bê. ..

### **Ji aliyê têgînên teorikî ve mantiqê matematikê**

Di rewşa fahmkirina têgîna mantiqê matematikê bi teorîkî wê, di aslê xwe de wê, weke pêvajoyek a temenî a fahmkirinê wê biafirênê. Di wê

rewşê de wê, dema ku mirov wê, di wê çerçoveyê de wê, li aliyê wê yê teorikî wê binerê wê bi temenekê wê li er temenekê mantiqî wê, bi têgîn, aksiyom, derpêş û hwd wê ew wê were ser ziman wê, di wê temenê de wê, xwediyê temenekê fahmkirinê bê. Di mijare matematik û mantiqê de wê, di serî de wê, weke aliyekê giring jî wê ev aliyê wê xwe bide nîşandin.

Di rewşên weke yên ku wê werina ser ziman de wê, weke aliyêñ hijmarî û hwd re wê, di wê temenê de wê bi ji hev derxistinê wê re wê bibin. Mantiqê ku wê bi wê re wê, were fahmkirin wê, di serî de wê ew wê weke aliyekê ku wê, mirov wê fahmbikê wê weke aliyekê wê yê temenî wê xwe bide nîşandin. Mantiqê kevn ê klasik wê dema ku wê, di wê temenê de wê, bihizirê wê, weke 'ji ya giştî wê 'ya hebê û ya nebê' û hwd re wê di awayekê de wê, xwe bide nîşandin. Lê di wê rewşê de wê, di dema ku wê têgîna matematikê hat danîn li pêşîya têgîna mantiqê û ew hat hanîn li ser ziman wê, di wê temenê de wê, rîyek pêşxistinê wê weke ku wê bi matematikê jî wê di wê de wê, bi awayekê de wê pêşkeve. Di wê rewşê de wê, ji rewşên weke yên statîk û hişk dûr wê, di awayekê de wê, rengêñ fahmkirinê wê pêşkevin. Di wê rengê de wê, dema ku mirov wê, di temenê têgînêñ matematikî de wê, dihilde li dest wê dibînê ku wê weke aliyekê wê yê giring wê di serî de wê, xwe di awayekê de wê bi wê re wê, weke ku wê bide diyarkirin. Wê di wê rewşê de wê, awayekê wê yê pêşketinê wê xwe bide nîşandin.

Di matematikê de wê, minaq ku em derpêsekê wê bi rengê p  $\wedge$  q wê pêşbixin wê, di wê rengê de wê, di awayekê herêni û ankû pozitiv de wê, weke ku mirov wê, werêni ser ziman. Wê, di wê derpêşê de wê, di awayekê de wê, ne tenê wê li ser temenê wê fahmkirina wê û bi têgînê wê ji hevdû deerxistinê re wê, di nava jîyanê de wê li gorî rewşên ku ew hebina û ankû ew dibin wê bi awayen din wê pêşxistina wê bikê wê, di awayekê de wê, bêdawî wê bi derfet bê. Bi rengêñ têgînî ên weke li ser heman têgînê re wê, bi nerêni û ankû nagativ weke  $\sim p \vee \sim q$  hanîna ser ziman wê, bi derfet bê.

Yan jî em minaq bi p'yê re li azmana bihizirin û wê, bi têgîna azman şîn a' wê bi wê re wê li wê bihizirin. Wê dema ku me bi rengê ( $\sim p$ ) wê hanî ser ziman wê weke azman ne şîn a wê di awayekê de wê rengekê têgînî wê bi xwe re wê bide me. Yan jî bi awayekê we weke  $\sim(\sim p) \equiv p$  hanîna ser ziman wê di hama mantiq û heviyekiya têgînî de wê, di awayekê de wê mirov wê werêni ser ziman. Yan jî em bi r'yê li rewşek weke 'çûyina seyranê' bihizirin û wê bi re ku em wê bi awayekê p  $\rightarrow$

bihizirin wê, di wê rengê de wê, bi rengê ( $q \wedge r$ ) wê dikarê wê, di awayekê de wê, salixbikê. Di wê rengê de wê, di awayekê de wê, di aslê xwe de wê, weke aliyekê wê yê giring wê xwe bi wê re wê karibê wê bide nîşandin. Di wê rewşê de wê, rewşa nagativkirina wê jî wê, di awayekê de wê, bi rengê  $p \wedge \sim(q \wedge r) \equiv p \wedge (\sim q \vee \sim r)$  wê, werênê ser ziman. Wê demê emê di rewşa hizirkirina xwe wê weke ku bi denklemî em bi herênî hizirin wê yên aliyê wê yê vajî wê bi wê re wê, di awayekê de wê, weke ku mirov wê, bi wê re wê kifşbikê û wê karibê wê werênê ser ziman.

Tabî di wê rewşê de wê weke aliyên din ên bi têgînî wê, bi wê re ku mirov dikarê wan kifşbikê û werênê ser ziman wê, di serî de wê, weke aliyên wê yên din ên ku mirov dikarê wan fahmbikê û werênê ser ziman bê. Mijare fahmkirina têgînê bi levkirinê mantiqî ên bi wê rengê wê, xosletiya wan wê, di awayekê de wê, weke li ser temenekê şenber de ku wê bibê de wê, werênê ser ziman. Di wê temenê de wê, di rewşek wele kevkirinek ahengî a bi mantiqî ku wê li ser rewşan re wê, bi dîtbarî wê, di wê temenê de wê, biafirênê wê, werênê ser ziman. Her têgînênu ku me hanîna ser ziman wê, di wê rewşê de em wê, çendî ku wê ji rewşek heyî wê, dihênin ser ziman wê di wê rewşê de wê, bi derpêşkirin û ankû denklemkirina wê re wê, wê, rewşek razber wê bi wê re wê, weke ku wê were bi gotinkirin. Wê minaq wê dema ku me bi wê rengê hanî ser ziman ku 'azman şîn a' wê, di reng û rewşek weke hatî kifşkirin de wê, hebê. Azman ku ew şîn bê û ne şîn jî bê wê, di awayekê de wê, weke têgînêk pênasekirî a bi gotinkirî wê, di awayekê de wê, bi wê re wê, hebê. Wê, di wê temenê de wê, dema ku mirov wê, li ser wê têgînê re wê, di heviyekiyek mantiqî de wê, bikê wê pêde herê û wê pêşbixê bi rengê din ên çareserî wê, di wê temenê de wê, bi wê re wê di awayekê levkirî de wê bi gotinênu kirinê wê, di awayekê de wê, werina kirin.

Lê çendî ku wê ew bibê jî wê, di wê rewşê de wê, salixkirina bi fizîkî û bûjenî a ji jîyanê wê weke aliyekê wê yê temenî wê di wê temenê de wê biafirênê. Ev wê, weke aliyekê wê yê giring ê ku em bi têgîna fizîkî û bûjenî a matematikî re jî wê, fahmbikê û wê werênê ser ziman bê.

Her têgînênu ku ew werina cem hevdû, ji hevdû dûrkirin, lirexhevdûkirin û hwd wê, di awayekê de wê, weke aliyekê wê yê ku mirov wê, di serî de wê, bi wê re wê, di awayekê de wê, werênê ser ziman bê. Bi heman rengê herêkirin û nehêrênîkirin, piçûk û mazinkirin û hwd wê, di wê rewşê de wê, bi wê rengê wê, weke aliyên ku wê bi wê re wê, were kirin bê. Matematik wê dema ku wan aliyan wê bi têgînî wê

kifşbikê wê di aslê xwe de wê bi temenekê fizîkî û bûjenî ê şenber wê, di awayekê de wê li jîyanê wê bihizirê bê. Di wê rengê de wê, di wê rewşê de wê, têkiliya matematik û jîyanê bi hevdû re wê, di awayekê hevdû fahmkirinê a bi wê rengê de wê, xwe bi awayekê wê bi wan re wê, bide nîşandin û **dîyarkirin**.

Di matematikê de wê, têgîna teorikî wê weke rêsîkek hevokî a ku wê bi temenekê têgînî wê were fahmkirin bê. Minaq bi têgînek weke  $\Phi \in T$  re wê, di temenê wê de wê  $T$  wê bi teoremî wê, weke çerçoveyek komî wê xwediyyê wê têgînê û temenê wê yê ku wê were fahmkirin bê. Minaq di dewama wê de mirov dikarê  $\Sigma \subset T$  wê weke kome aksiyomî wê, were ser ziman. Di çerçoveyek di awayê giştî de bi hatina wê re wê,  $T$  wê weke têgînek aksiyomatik jî wê, awayekê wê bide dîyarkirin. Minaq ku em di dewama wê de wê, di rengê weke têgîna teorikî a binkomî wê bi wê re wê bihizirin wê, dikarin wê bi rengê, minaq wê, teoriya  $S$  wê weke teoriya binkoma  $T'yê$  bê. BI awayekê din wê,  $S$  wê weke binkom jî bê. Ku  $S$  weke binkoma  $T'yê$  a teorikî jî wê, karibê wê weke ji wê bûnê jî bi awayekê wê werênê ser ziman.

Di wê temnê de wê,  $T$  wê weke kome çînî a induktif bê. Li ser temenê jiya giştî bi hatinê a li ya bin wê re wê, di awayekê de wê weke ku wê xwediyyê reng û awayê fahmkirinê wê bi xwe re wê bide nîşandin. Di temenekê teorikî de wê, di rewşa rêsînkirina gotin û hwd wê, di awayekê de wê, bi wê re wê, weke aliyekê ku mirov wê, bi wê re li wê bihizirê bê. Di temenê wê de wê, dema ku em, minaq ku em li  $T'yê$  bihizirin wê di çerçoveya têgînek teorikî a pergalî de jî wê awayekê wê bi xwe re wê, bide dîyarkirin.

Di temenekê teorikî de wê, gelek temenên teorikî ku wê bihevdû re wê têkiliya wan wê hebê bê. Wê di wê temenê de wê, rewşa ku wê, bi wê re wê were fahmkirin wê li ser wê re wê, di temenekê aksiyomatikî de wê, bikê ku wê fahmbikê. Rêya danışandina teoriyekê wê, weke bi aksiyomatikî salixkirina rêsîna wê bê. Di awayekê din de jî wê, rêya wê bi rêya dagerên weke bi komî wê bi salixkirinên weke ên weke ( $R, +, \times, 0, 1, =$ ) re wê, bi wê re hanîna li ser ziman re wê, xwe bide nîşandin. Pergale aksiyomatikî wê, di awayekê de wê, li ser temenekê rêsînî wê, bi temen û çerçoveyek mantiqî wê, fahmkirina wê re ku wê, werênê ser ziman bê. Teori wê, di awayekê de wê bi aksiyomatikî bi temenên wê yên mantikî û ji wê derhanîna bi teorikî-mantiqî re wê, dikarê wê fahmbikê. Di wê temenê de wê, weke ku mirov wê, di hemû warên têgînên matematikî de wê çerçoveya têgînî a teorikî wê pêşbixê wê, di

warê têgînên weke yên piştrastkirinê û ankû birhanê re jî wê, fahmbikê. Di çerçoveyek têgînî a **provî** de wê, bi derhanîn mantiqî a ji hevdû û ankû li hevdû re wê, di awayekê de wê, bi wê re wê, bi têgînek mantiqî re wê werênenê ser ziman.

Dema ku mirov matematikê ji aliyê teorikî ve wê hilde li dest wê, di serî de wê, du aliyênen wê yên giring wê, derkevina hemberî me. Yek wê di çerçoveya têgînên aksiyomatikî û komî û hwd de wê, bi afirandin, salixkirin û ji hev derxisyinên weke bi teorikî û fahmkirina wan re wê, were dîtin. Di wê temenê ve wê, teori wê bi têgînek sazûmanî, levkirî û pergâlî wê, di awayekê de wê, dikarin wê werênenina ser ziman. Aliyê din jî wê li ser temenê têgîna matematika dahûrîner re wê, dikarê wê weke aliyekê giring wê, werênenê ser ziman û wê fahmbikê. Matematika dahûrîner wê, weke aliyekê têgînî ê matematikê ku wê, di temenê pêşketinê têgînên teorikî weke yên komî û hwd de jî wê were dîtin. Lê têgîna dahûrî wê, di awayekê de wê, li ser temenekê şenber wê, xwediyyê awayekê fahmkirinê û ji hev derxistinê bê. Di aslê xwe de wê, di awayekê de wê, mirov dikarê wê, werênenê ser ziman ku wê, di wê rewşa wê de wê, weke aliyekê din ê giring wê, matematik wê, di wê rewşê de wê, bi zêdeyî wê bi têgînî wê xwe bide dîyarkirin. Li vir wê mirov dikarê wê, di dewama wê de wê, werênenê ser ziman wê, matematika teorikî wê, di wê rewşê de wê bi temenekê mantiqî wê zêdeyî wê bi temenekê pergâlî a razber wê, di awayekê de wê, dikarê wê, werênenê ser ziman.

Aliyênen din ên ku wê, di wê rewşê de wê, wê, di nava matematikê de ên weke aritmatik, geometriyê û hwd jî wê, di dewama wê de wê, bi wê re wê, pêvajoyek fahmkirinê a temenî wê biafirênen. Di wê rewşê de wê, matematik wê her pêvajoyen wê, li ser temenê xwe wê, çendî ku wê derfetên fahmkirin û pêşxistinê wê bide çêkirin wê, di dewama wê de wê, bi awayekê din jî wê temenekê fahmkirinê wê bi berdewamî wê biafirênen.

Bi teorikî matematik wê ji matematika piretikî wê cûda wê aliyekê razber ê fahmkirinê wê biafirênen. Di wê temenê de wê, matematika kirinî (piretikî) û ya teorikî wê, di wê rewşê de wê, bi hevdû re wê, pêvajoyen pêşketinê wê biafirênen. Wê, di wê temenê de wê, bi hevdû re wê pêşketinê wê bi hevdû re wê bijîn. Matematika teorikî wê, zêdetirî wê mijarên razber û astbilind wê ji xwe re wê bikê mijar. Aliyê din jî wê, di temenekê hizirkirinê ê bi kirinên jîyanê re wê bi teorizekiranen wan re wê, bi wê rengê wê, xwediyyê awayekê pêşketinê ê ku mirov wê, di serî de wê fahmbikê bê.

Matematika teorikî wê, di aslê xwe de wê, di awayekê de wê, weke aliyekê giring ê pêşketina matematika hemdem biafirênê. Wê, di wê temenê de wê, çendî ku mirov wê, dikarê wê, bi matematika kîrinî re wê, di dewma wê de wê fahmbikê jî lê di aslê xwe de wê, hem matematika teorikî û hem jî matematika kîrinî bi serê xwe wê, xwediyê çercova û şewayên pêşketin, pêşxistin û sazûmanên xwe yên derkkirinê bin. Di wê temenê de wê, di awayekê de wê, di wê çercoveyê de wê xwediyê awayna pirralî a têkilîdanînê a di nava hevdû de jî bin. Matematika teorikî wê ji aliyekê din ve jî wê, weke matematika razber û ya saf-matematik jî wê, were dîtin wê bê hanîn li ser ziman. Mijarên ku wê, di roja me de wê hin bi hin wê têgîna teorikî a matematikê re wê werina h dest wê, bi fîzîk, geometriyê û aliyên teorikî ên aritmatikê û hwd re wê, xwe bidina dîyarkirin. Ji aliyekê din ve wê, mijare matematika dahûrîner wê li vir dûbare em divê ku wê bibîrbikin û wê werênila ser ziman ku wê, hem aliyê teorikî û hem jî yê piretikî wê di xwe de wê, bi têkilidanînek afrîner wê, bikê temenekê fahmkirinê a bi dahûrîn ku wê bikê de. Ber vê yekê wê, bi zêdeyî wê, di awayekê de wê, di demê hemdem de wê di nava matematika dahûrîner wê bi zêdeyî wê, di awayekê de wê, derkeve li pêş.

Di warê teorikî de wê, bi aksiyomatikî, komî, derpêşî û hwd re wê, pêşxistinê ku wê bi matematikê re wê bibin wê, weke aliyna giring ên teorikî ên matematika demê hemdem bin. Di wê rewşê de wê, matematika hemdem wê di aslê de wê bi temenekê teorikî ê ku ew di her demê de xwe di awayekê de wê pêşdixê de wê, dikarê wê werênila ser ziman. Temen û elementên wê yên bingihînî wê di wê temenê de wê, weke aliyekê giring ê ku mirov wê, dikarê wê, di serî de wê, fahmbikê û wê werênila ser ziman bê. Di wê temenê de wê, element û kevirên wê yên matematikî wê, di awayekê de wê, bi temenekê sazûmanî a ku wê di jîyanê de wê bi rêxistinî wê werina dîtin wê temenê wê yên fahmkirinê wê bi wê re wê biafirînen. Matematika teorikî wê li ser temenê xwe yên ku ew pêşdikevê re wê, bi aliyê xwe yên sentetikî û analitikî (dahûrî) û hwd re wê, pêşketina xwe wê hin bi hin wê derxê li holê.

Di aslê xwe de wê, di wê temenê de wê cihê mantiqê wê ci bê di nava matematika teorikî de wê, bi serê xwe wê weke mijarek dilper bê ku mirov serî li ser wê biwastênê wê bikê ku wê fahmbikê bê. Di wê çercoveyê de wê, di serî de wê, weke aliyekê giring wê di dewama wê de wê, dikarê wê, werênila ser ziman wê, ji rewşek weke ya mantiq û matematikê cûda û cûda fahmkirina wê zêdetirî wê, di awayekê de wê, ya

ku wê derkeve li pêş wê, mantiqê matematikê bê ku wê herdû aliyan jî wê, ji temen ve wê bi xwe re wê bide dîyarkirin wê bibê.

Matematika sedsale 19' min û 20an wê, di awayekê de wê, weke ku mirov wê dibînê wê bi zêdeyî wê bi temenekê teorikî wê dest pêşketina xwe ya temenî wê bikê. Ber vê yekê ya ku wê bi teorikî wê, şêwayên wê yên pêşketinê wê bi wê re wê biafirin. Di dewama wê de wê, teoriyên aksiyomatikî û setan ku wê bi komî wê werê hildan li dest wê, di wê temenê de wê, weke aliyekê giring wê, mijarê wê bi xwe re wê, bide nîşandin. Lê di aslê xwe de wê, nirov dikarê wê, werênê ser ziman ku wê, ev jî wê, weke aliyekê giring wê xwe bi wê re wê, bide nîşandin.

Lê li vir wê, di wê temenê de wê aliyekê din ê teorikî ê bi matematikê re ku wê were fahmkirin wê ew bê ku wê, di dewama wê de wê, hertimî wê li ser temenekê wê, bi lêgerîna li şenberîya jîyanî a fizikî û bûjenî bi têkiliyek sazûmanî ku wê fahmbikê re wê, bikê ku wê fahmkirinekê wê çêbikê. Di wê temenê de wê, jî wê weke aliyekê wê yê giring wê, ew bê ku mirov wê, dikarê wê werênê ser ziman ku wê rewşa wê, di wê rengê de wê, weke aliyekê giring ê ku mirov wê, dikarê wê, fahmbikê bê. Di matematika hemdem de wê, weke ji ya hesan bi ber ya komplika ve wê bi têgînên weke yên kifşkirinê wê, weke minaq bi fezeyê û hwd re ku wê bikê wê, di wê temenê wê, weke aliyekê wê yê giring ê fahmkirinê wê biafirînê. Her têgînên matematika teorikî ku ew hatina piştarstkirin wê, di awayekê de wê, di çerçoveya têgînek piretikî û ankû matematika piretikî de ku wê werina fahmkirin bin.

Di aslê xwe de matematika teorikî jî û ya piretikî jî bi aliyên wê yên din re jî wê, hê di destpêka xwe ya pêşketinê de bin. Lê wê, di wê temenê de ku ew temen ew pêşketin û bi hev re gihiştina temenekê giştî ê fahmkirinê wê, di wê temenê de wê, zêdetirî wê serwerîyek wê ya li jîyanê wê bi wê re wê xwe bide çêkirin. Çendî ku ew fahmkiirna nava wê bû wê, kifşkirinê weke bi teorikî ên weke bi teknikê û hwd re jî wê zêdetirî wê bi awayekê sofistike wê werênin. Di wê temenê de wê, matematik wê, weke têgînek soreşgerane a afrîner bê ku wê bi wê re wê, pêşketin, pêşxistin û hwd wê, di her demê de wê biderdet bê ku ew werina çêkirin.

Minaq di dewama wê de mirov dikarê balê bikişênê li ser têgîna teorikî a aritmatikî. Wê, di wê temenê de wê, weke aliyekê wê yê din ê ku wê li ser temenê salixkirinê û hwd re wê, xwe di awayekê de wê bide dîyarkirin. Hizirkirina bi aritmatikê ji demên kevnera weke ji Pisagor û heta Aristo û heta Cantor wê, di awayekê de wê, di wê temenê de wê, bi

kifşkirinê bi teorikî ku wê werina kirin re wê, di awayekê de wê, di pêşketina matematika teorikî de wê, weynek zêde giring wê bileyizin. Têgînê weke bidawî, bêdawî û ankû sermedî, nedîyarî û dîyarî û hwd re wê, di wê tememê de wê weke aliyekê wê yê giring bê ku mirov wê bi wê re wê li wêbihizirê bê.

Matematik wê weke temenekê pêşketinê ê niceli bê. Li gorî matematikê û têgîna wê ya teorikî û piretikî jî wê di jîyanê de wê, her tişt wê xwediyê temenekê pîvandin, hasibandin û hijmartinê bê. Di wê temenê de wê, bi têgînek niceli wê li wê binerê. Wê, mantiqê matematikê wê di wê temenê de wê ji ya niceb ber ya nitel ve wê, xwediyê awayekê pêşketinê bê. Di dewama wê de wê, tişt ku ew bi niceb hebê wê karibê ew bi niteli jî were derkkirin. Wê, di wê temenê de wê, her tişt ku ew hebê wê bi niteli jî wê karibê wê di wê temenê de were fahmkirin bê. Di wê temenê de wê, dema ku wê, bi hijmarî wê li wê were hizirkirin wê hewldanên kifşkirijna nirxa wê, di wê rengê de wê, di awayekê de wê, di encama wê de wê pêşkeve. Hizirkirinê weke bi hijmarên irrasyonal û hwd re wê, di aslê xwe de wê, di wê temenê de wê li ser awayekê re wê xwediyê temenekê fahmkirinê jî bin.

Ku mirov mijare têgîna matematikê wê bi teorikî wê li ser temenekê baş wê fahmnekê wê bêgûman wê pêşketina wê û ankû pêşxistina wê jî wê, di awayekê de wê, zor bê ku mirov wê bikê. Di wê temenê de wê salixkirin û gihadina li ast û pîvanê wê, di wê temenê de wê, weke aliyekê temenî ê ku mirov wê, bi wê re wê fahmbikê bê.

Mijarên teorikî wê, di wê temenê de wê, bi teorikî wê, di awayekê de wê bidina nîşandin ku wê aliyekê dîtbarî wê ji temen ve wê li ser rengê derkkirinê û nerîna mirov re wê, hikmê wê xwe serwer bikê. Di wê temenê de wê, di awayekê de wê, di serî de wê, weke aliyekê giring wê mirov dikarê wê, werêne ser ziman.

Di her rewşen teorikî de wê, aliyekê wê yê bi têgînî ê piretikî jî wê hebê. Mirov wê dikarê wê, bi têgînek dîtbarî wê minaqê ji wê re bide. Minaq wê, dema ku mirov wê, hipotezekê çêbikê wê, di wê temenê de wê ew hipotez wê, li ser ci temenê û hevgirtinan wê biafirê wê, di wê temenê de wê ji aliye wateyî û dîtbarî ve wê, bi levkirinê mantiqî re wê, xwediyê temenekê fahmkirinê bê. Lê di wê temenê de wê, her hipotez wê di aslê xwe de wê xwediyê têgînek temenî ku wê li gorî wê ew wê were pêşxistin jî bê. Wê, di wê temenê de wê, rewşa wê xwe di awayekê de wê, bi têgîna matematikê re jî wê, xwe di awayekê de wê bide nîşandin.

Di matematike hipotez wê, minaq ku em bi têgînek teoremî li ser p'ye re wê bidin wê di rengekê weke  $p \Rightarrow q$  re wê di awayekê de wê bi wê re wê, dikarê wê bide nîşandin. Derpêşa p'ye wê di wê temenê de wê, bi wê re wê, di awayekê de wê, xwe bi awayekê wê bide dîyarkirin. Di matematikê de wê, têgîna 'hipoteza sifirê' wê dema ku mirov wê, bi têgîna ya ku wê li bendê bê û wê dervî wê weke nebê wê werênê ser ziman wê, di awayekê de wê, bi têgînekê re wê karibê temenekê fahmkirinê ji me re ew bide çêkirin.

Di mijarêñ têgînî de wê, di wê rengê de wê, dema ku mirov wê, di awayekê de wê, werênê ser ziman wê têgîna matematikî a teorikî wê bi temen û çerçoveyek razber re wê, xwediyyê temenekê fahmkirinê bê. Razberî wê, weke di kurdî de ku mirov ji gotinê wê fahmbikê wê ya ji jîyanê hatî izolekirin jî wê wateyekê bi têgînî wê bide me. Di wê temenê de wê di mantiqê de wê, ya jîyankirî jî wê, di wê de wê, weke têgînekê wê hebê. Lê ya ku ew hatî azmûn kirin lê ku ew ne hatî jîyankirin jî wê di awayekê de wê bi wê re wê, bi wê re wê werê ser ziman. ..

Matematik wê, di wê temenê de wê, bi têgînek li ser temenê fahmkirina wê tiştê weke wê bi dîtbarî re wê, xwe di awayekê de wê bide hanîn li ser ziman. Em li vir wê jî wê, di awayekê de wê, werênin ser ziman ku wê mijare jîyankirinê wê, di wê temenê de wê, bi wê re wê, bi ya heyî re wê, bi matematikê re ku wê, bi sazûmanek ku ew taqabûlî wê bikê re wê, di awayekê de wê, karibê were hanîn li ser ziman. Lê di dewama wê de wê, di wê rengê de wê, weke aliyekê giring wê, hemû pergalên matematikî wê, çendî ku wê, ji aliyekê ve wê xwe bişipêrênina azmûnan jî wê li hemberî jîyanê wê, razber bimênin ji aliyekê ve. Di wê temenê de wê têkiliya nava wan û jîyanî de wê, têkiliyek sehî wê hebê. Hewldanêñ levkirina bi wê têkiliyyê re wê, hizirkirinê li wê bend û têkiliyên wê werina hizirkirin. Ev jî wê temenekê matematikê û pêşketin û fahmkirina wê ya ku wê ew wê bi wê re wê hertimî wê hebê bê.

Matematik û mantiq wê, di wê awayekê de wê, têkiliya wan wê, ne tenê wê bimantiqî wê hebê. Di wê temenê de ku em matematikê tenê ji mantiqê û hevgirtiniyên wê yên derpêşî û mantiqî û hwd bibînin wê, di serî de wê, şaşîyek di fahmkirina me ya bi matematikê re wê, xwe bide nîşandin. Wekî din jî emê nikaribin matematikê bi tememenê rast û baş fahmbikin û wê pêşbixin. Li vir ez dixwezim wê, di dewama wê wê têgîna formeliyyê wê di awayeyekê de wê derxima li pêş. Di wê temenê de wê, formeli wê, çendî ku wê mantiq wê di çerçoveya wê de wê karibê wê weke aliyekê giring ê fahmkirinê wê werê dîtin û wê were ser ziman jî

wê, mirmov dikarê wê, di awayekê de wê, di dewama wê de wê bi wê re wê, werênê ser ziman ku wê, di temenekê hizirkirinê de wê, formeli wê mantiqê jî wê, weke têgînek zanînî wê hilde li nava xwe bê.

Me li jor hinekî bahsa têgîna formeliyê di çerçoveya têgîna mantiqê de wê kir. Lî li vir wê di çerçoveya têgînek teorikî a matematikê de ku mirov wê, hilde li dest û wê werênê ser ziman wê,, di wê temenê de wê, hinek aliyên wê yên din ên ên ku mirov wan bi teybetî kifşbikê û werênê ser ziman wê, bibin. Di serî de ez di xwezim gotina ‘formeliyê’ li ser têgîna ‘zanînê’ re wê bi temen bikim û wê werênima ser ziman wê di wê temenê de wê, têgîna mantiqê jî û ya wê di temenekê dîtbarî de wê bikevina çerçoveya wê de. Di aslê xwe de wê, di awayekê de wê, weke aliyekê giring wê, di awayekê de wê, mirov dikarê wê werênê ser ziman ku wê, di wê rewşê de wê, weke aliyekê giring wê xwe bide dîyarkirin.

Di wê rewşê de wê, têgîna zanîna formel wê li ser temenekê dîtbarî wê, di awayekê de wê, zêdetirî wê weke çerçoveyek şenber û berfirehtir wê, têgînekê wê bi xwe re wê bide me.

Ber vê yekê em di serî de wê di wê temenê de wê bi wê re wê, di awayekê de wê, bi wê re wê bihizirin û wê di wê rengê de wê, di awayekê de wê, fahmbikin û wê werênina ser ziman. Formalism wê, di aslê xwe de wê weke têgînek zanînî ku mirov wê karibê di çerçoveya wê de wê, dîroka pêşketina zanîna xwe ya demdirêj wê bi wê re wê werênê ser ziman bê. BI zêdeyî wê, weke bi teorikî pêşketina wê pişfi pêvajoyen felsefeyê û bi teybetî wê li ser têgînên weke yên mantiq û matematikê û di nava wê de wê, bi têgîhêن weke aritmatik, geometriyê û hwd re wê, di awayekê de wê pêşkeve. Wê, di wê temenê de wê, di aslê xwe de wê, ev wê weke aliyna ku wê, di wê çerçoveyê de wê, bi wê re wê, di awayekê de wê, werina hizirkirin û wê pêşkevin jî bin.

Formalism wê, weke têgînek zanînî wê, di wê temenê de wê, bi wateyî wê ya ku wê qastbikê ku ew werênê ser ziman wê, di awayekê de wê, bi serrûyî wê, di awayekê de wê, bikê ku wê, wê werênê ser ziman. Wê, di wê temenê de wê, temenê wê têgînê wê, weke ku mirov wê ji aliyekê din ve wê, fahmbikê wê, bi têgîna ‘formê’ re wê bi temen bibê. Yanî wê di kurdî de wê taqabûlî têgîn û gotina darêjkê bikê di wê temenê de. Di wê rengê de wê, têgînek darêjkâ a ku mirov wê, di dewama wê de wê, bi wê re wê, werênê ser zioman wê, bi wê rew wê, xwe di awayekê de wê, weke ku wê, bide nîşandin.

Mijare me wê mantiqê matematikê di çerçoveya wê ya teorikî de ku em wê têgîna formalismê wê fahmbikin wê, di wê rengê de wê, di awayekê

de wê, weke aliyekê giring ê zanînî wê, bi çerçoveyek serrûyî wê, awayekê dîtbarî wê bi fahmkirin û zanînê re wê bide dîyarkirin. Di wê temenê de wê, formalism wê di awayekê de wê, li ser temenekê dîtbarî re wê ya li berçav ku ew dihê dîtin wê, bi darejkî ew hebê wê ji xwe re wê, di awayekê de wê bikê temenê fahmkirin. Tabî wê di temenê de wê, dema ku em li têgînên weke yên fizîk, dem, mekan û hwd bihizirin wê, di wê rewşê de wê, hingî wê di awayekê de wê, di temenekê dîtbarî de wê, fahmkirinekê wê bi me re wê çebikê. Bi fizîkî hewldanê salixkirina demê û hwd wê, bi têgînekê wê, di wê çerçoveyê de wê, weke aliyekê ku mirov wê, dikarê wê bi wê re wê li ser têgînên teoremî ên fizîkî re ku wê bi wê bihizirê bê.

Minaq em di wê temenê de wê dema ku em bi mantiqî wê bi wê re wê li wê bihizirin wê, dikarin wê, di awayekê de wê, bi wê re wê, bi wê rengê wê bi têgîn bikin. Em bihizirin ku wê  $M \in P$  wê, di destê me de wê hebin. Em bihizirin ku  $P \in M$  wê bê kirin weke modelekê bi  $M'$  re. Yan jî wê,  $M \in P$  weke modelekê bo  $P \in M'$ . Di wê rewşa  $M \in P$  de wê,  $M = M'$  re wê,  $M \in P$  weke  $M \in M'$  de wê, di awayekê de wê, dîmenekê wê bi xwe re wê bide dîyarkirin. Di wê rewşê de em berfireh bikin. Ku em a weke têgîn û ankû çîneka wê ya bin- $M'$  wê, werênen ser ziman. Em li vir bi awayekê kin wê, formule bikin û wê bi wê rengê wê werênen ser ziman ku wê, dema ku wê  $PM$ ;  $PM \in SP$ , piştre  $M \in SP$ , wê demê wê bo hemûyî wê  $M \in SP$ , wê  $P \in EP$   $PM \in EP$  bê. Tabî di dewama wê de wê li ser têgîna model û têgînên tiştî û hwd de wê, di ahengekê de wê werênen ser ziman. Di çerçoveya têgînek modelî a formalismê de wê, bi awayekê rengê  $Mc$ ;  $I(Mc) = \{P \mid \exists M \in Mc : PM\}$  wê, dikarê wê werênen ser ziman. Tabî ku wê li ser rewşek bi salixkirina bi tiştî re wê, di awayekê weke  $Ps$ ;  $A(Ps) = \{M \mid \exists P \in Ps : PM\}$  jî wê, dikarê wê, werênen ser ziman. Di wê têgîna modelî de wê, di aslê xwe de wê, dema ku em her aliye wê salixbikin wê, di wê de wê, gelek têgîn û rewşen ku em dikarin wan ji hev derxin wê hebin. Di wê rengê de wê, weke aliyekê wê yên giring ê ku wê bi fahmkirina wê ya formeli re ku mirov wê karibê wê bikê bê.

Di temenê fahmkirina têgîna formalismê a di nava matematikê de wê, ji aliye felsefeyî ve wê, bi temenekê şenberî a bi rewşen pêşketî re wê, li ser têgîna wê ya felsefeyê re wê, dikarê wê werênen ser ziman. Di wê rewşê de wê, her rewş û bûyînek wê, di wê temenê de wê, weke aliyekê ku mirov dikarê wê, werênen ser ziman bê. Hilbert wê, dema ku wê bixwezê wê, di çerçoveyek bernemeyî de wê, aksiyomên hevgirtî wê pêşbixê wê, di wê temenê de wê, di awayekê de wê, hewlbide ku ew di

çerçoveyek formeli de ew bihziirê. Wê armanckir ku ew aritmatikek bi dawî wê bide nîşandin. Li gorî wî pênc rêgez wê, giring bin ku mirov wê bikeve nava hewldanak bi wê rengê de. Di her hijmarê de wê, vegarên x'ê hebin. Bo danışandina bûjenekê têgînên kifşkir ên weke nîşanak divê ku ew hebin. Wekhevî divê ku ew hebê. Nîşanakdarên bi paramatreyî bo têgînên ne salixkiri ku ew werênina ser ziman divê ku ew hebin. Wekî din di dewama wê de wê, weke aliyekê in ku wê li ser têgînên girêdan ên weke 'û', 'ankû' û hwd re wê, di wê temenê de wê, di awayekê de wê, bihizirê û wê bikê ku wê werênenê ser ziman.

Hilbert wê, di awayekê de wê bixwezê ku wê weke têgîna godel a aritmatikî ku wê çawa wê weke beremberê wê were fahmkirin wê, di awayekê de wê, têgînekê wê weke ku wê, li ser wê bihizirê. Di wê temenê de wê, her tiştê bi hijmaran re hanîna ser ziman wê, bi wê re wê ji aliyên din ve wê, çawa wê, di çerçoveyek hevgirtî de wê, werênenê ser ziman wê bi wê hizirê. Xabatêن Godel wê, çendî ku wê, di awayekê de wê, bi têgîna kêmâniyê a aritmatikî wê were ser ziman jî lê wê, di awayekê de wê, rengê hizirkirina Cantor wê, di awayekê de wê hertimî wê li bira mirov bixin. Xabatêن Cantor ên li ser komên bêşînor wê, di wê temenê de wê, di awayekê de wê, godel wê, ji komê li komê wê navberiya wê, weke navberek sekniner wê bibînê û wê, di wê de wê, bi wê re wê, di awayekê de wê bidest hizirkirinê wê bikê. Di wê temenê de wê, di temenekê de wê bihizirê.

Ji aliyê teorikî ve wê, dema ku mirov temenê matematikê wê li wê dihizirê wê, weke aliyekê bi têgînên dîyar û nedîyar, bidawî ne bidawî û hwd re ku wê were ser ziman wê weke aliyên ku wê serî li ser wan wê were wastandin bê. Di wê temenê de wê ev alî wê ber ku wê di matematikek encamgir de wê, weke aliyekê giring ê pêwîst jî wê biafirêne. Di wê temenê de wê, aliyên teorikî ji hevdû pêşxistina wan wê, di wê temenê de wê, matematikê wê, di awayekê de wê, ji temen ve wê, bikê temenekê teorikî ê bi wê li jîyanê were nêrîn bê. Lê di wê temenê de wê kêmesiyek hebê. Di wê temenê de wê ew çavkaniya wê ya jîyanî wê, dîmenê ku mirov wê bi wê re dibînê wê weke ku wê, ji berçav wê dûrbikeve.

Di mijare têgîna formalism û matematikê de wê, dema ku mirov di çerçoveya wê beşa mijarê de wê, dihilde li dest wê, di wê temenê de wê, weke aliyekê wê yê giring wê, di serî de wê mijare watelêkirinê wê di çerçoveya matematikê de wê, dikarê wê, werênenê ser ziman. Ji aliyê wateyê ve ku mirov wê, di hilde li dest wê, weke ku wê, bi têgînek

formeli wê were li ser ziman wê, di aslê xwe de wê, mijare wateyê wê bi wê re wê, zêdetirî wê, awayekê tevlihev de wê, xwe bide dîyarkirin. Mirov di her demê de ku ew ne di farqê de jî bê wê temenê hizirkirina xwe wê li ser pêjn û imgeyan wê werênê ser ziman. Di çerçoveyek hijmarî de bê û ankû têgînekê de bê wê, xwediyeke ku ew bi wê were fahmkirin bê. di hizirkirinê me de em, ku bi têgînekê bi teorikî jî wê, werênin ser ziman wê di awayekê de wê li ser levkirinê temenî û mantiqî û hwd re wê, di awayekê de wê, xwediye formalismekê bê.

Di wê temenê hasibandinî de wê, dema ku mirov wê, werênê ser ziman wê, rewşen weke têkilidanînê ên ya giştî û ya qat, qat û qat û hwd wê, di wê temenê de wê, di awayekê de wê, weke aliyekê giring wê, xwe bi wê re wê bide nîşandin. Vygotsky Wê, dema ku ew li ser wateyê disekinê wê ji hev derhanînê wê weke aliyekê giring wê, bikê mijar û wê, di wê temenê wê bi têkiliya ji gotinê li gotinê re wê, di awayekê de wê, weke aliyekê wê yê giring wê, werênê ser ziman. Di çerçoveya têgînek matematikî ku mirov gotina 'jevderhanînê' wê werênê ser ziman wê ji aliyekê ve wê temenê wê li ser têkiliyê bê. Aliyê din jî wê, di wê temenê de wê, di dewama wê de wê, bi rengên têkiliya gotin û rewşê a dûbare û dûbare ku wê were kirin bê. Di wê temenê de wê, di wê rengê de wê, di awayekê de wê, mirov dikarê wê werênê ser ziman.

Lê bi têgînek matematikî ku mirov wê werênê ser ziman wê bo kesekê wê, temenê fêrbûnê wê, weke çerçoveyek komî a azmûn û fêrbûnî bê. Wê, di wê temenê de wê, di awayekê de wê, weke aliyekê wê yê giring wê, mirov dikarê wê, werênê ser ziman.

Aliyekê din wê, bi gotina 'rastiyê' re bê. Ev gotina rastiyê wê, weke ku wê ji destpêka pêvajoyêne pêşketina bi aqil re ku mirov mirov dikarê wê, werênê ser ziman wê, hertimî wê mijare hewldanên fahmkirinê bê. Wê, ji rastiyê wê ci were fahmkirin wê, hertimî wê bi wê re wê hîzren cûda wê werina ser ziman. Platon wê bahsa 'îdeayan' bikê. Aristo wê li ser temenekê formeli re wê bi têgîna darêjkê û ankû 'formê' re wê, werênê ser ziman. Mirov di mejiyê xwe de wê imgeyan wê çêbikê û wê li ser wan re wê bi zêhnê xwe wê bihizirê. Di wê temenê de wê, di awayekê de wê, ev jî wê weke aliyekê giring ê fahmkirinê wê biafirênê.

Wate wê, weke têgîneka ku wê bi awayekê wê ji aliyê gelek tiştî ve bi gelek tiştî ku wê weke ku wê were nîşandin wê, dikarê wê salixbikê û wê werênê ser ziman. Wê, di wê temenê de wê, weke aliyekê wê yê giring wê, di serî de wê, mirov dikarê wê, werênê ser ziman. Gotina wateyê wê, di awayekê de wê, di temenê hizirkirinê matematikî de ku

mirov wê li wê bihizirê wê, di wê temenê de wê, weke aliyekê giring wê, xwe bi rengên fahmkirinê re wê, bide nîşandin. Wate wê, weke têgînek pêjnî û imgeyî ku wê bi mene dayînê û hwd re wê, were fahmkirin.

Dema ku mirov wê, di matematikê de wê, bahsa têgîna formalismê bikê wê di awayekê de wê, têgîna cewherî wê were dîtin. Lê di wê de wê, weke ku em dikarin bi notasyonên matematikê re li wê bihizirê wê, di awayekê de wê, rengekê têgînî wê bi xwe re wê bide dîyarkirin.

Di nava wate û formalismê de jî wê, dem bi dem wê weke xêzkirinekê wê were kirin. Vajî têgîna wateyê wê, formalism wê zêdetirî wê, weke têgînek statik wê were dîtin. Lê em dema ku wê, têgînekê wê weke bi dîmenî û dîtbarî wê bi hevdû re wê fahmbikin wê, weke minaq filmekê ku wê ji gelek hipotezên zêhnî wê pêk were wê, di wê temenê de wê, di awayekê de wê, ew jî wê, weke çerçoveyek ku wê mirov karibê di wê de kûrbibê û wê fahmbikê wê, karibê xwe bide dîyarkirin.

Di çerçoveya têgîna matematikê de wê, têgîna formalismê wê, di awayekê de wê, weke çerçoveyek têgînî a hizirkirinê a salizkirinê bi wateyê û meneya wê re wê, were dîtin. Di awayekê de têgînen weke notasyonî wê, di awayekê de wê, ya ku wê dibînê wê salixbikê û wê werênê ser ziman wê, di awayekê de wê, xwediyyê rengekê derkkirinê bê.

Têkiliya bi pêşketina formalismê di matematikê de wê, di awayekê de wê bi demê re wê rî li pêşketinê weke bi cebirî û hwd jî wê vekê. Di wê temenê de wê, temenekê pêşketinê wê bi wateyê re wê biafirênê. Xosleta sereka a formeli wê ew bê ku wê tişt wê di temenê fahmkirina wê de wê, di awayekê de wê, bi hebûnî wê bi dîyarî hebê. Di wê temenê de wê, dema ku wê, zaroyek wê kursiyekê wê bibînê wê, di mejiyê xwe de wê, weke kursî wê salixbikê û wê bêjê ew kursî. Di wê temenê de wê ev rengên salixkirinê wê bi wê re wê, di awayekê formelî de wê, bi wê re wê, xwe bi mejî re wê, bidina dîyarkirin.

Aliyekê din jî wê, di wê temenê de wê li ser wateyê re afirandina formalismê û wê bi têgîna formalismî ku ew li ser wateyê re afirî ku ew bi xwe re wê weke temenekê dînamîkî ku wê wateyên nû wê biafirênê û wê, bide dîyarkirin bê. Minaq em di çerçoveya têgînek perwerdeyê de bihizirin bi têgînen hijmarî. Wê dema ku wê li hijmarekê wê bê hizirkirin ew hijmar minaq ku ew 2 bê wê, nebê 3 û ankû 1. Wê bi wê rengê wê di mejî de wê, bi awayekê wê were salixkirin. Wê, di wê temenê de wê, ji 3'ye gotina 2'ye, ji 2'ê re gotina 4'ê, ji 4'ê re goitna 5'ê, ji 15'ê re gotina 6'ê, ji 6'ê re gotina 7'ê û hwd ku wê çendî wê bi mantiqî wê ne rast û wê şas wê were dîtin wê, di wê temenê de wê, rengekê formalismî ê bi

dîtbarî wê, di awayekê de wê, were dîtin. Hijmarek û ankû gotinek û hwd wê, di wê temenê de wê, di awayekê de wê, mirov dikarê bêjê ku wê, bi wê awayê xwe yê salixkirî û dihê derkkiirn re wê, bi temenekê formeli jî wê xwediyyê awayekê bê. Di wê temenê de wê, minaq ku wê 1 wê 1 bê wê demê wê, di wê de wê tenê wê 1 wê hebê. Lê di wê temenê de wê, ji wê zêdetirî wê, di wê de wê, di awayekê de wê karibê were dîtin. Ev jî wê di awayekê de wê, nîşanaka wê bê ku wê, çawa wê, dîmenekê formeli re wê çawa salixkirinê ku wê bêñ kirin wê, zêdetir û cihê bin.

Bi gotinekê re em, gelek tiştan wê salix dikan û wê dihênin ser ziman. Em hijmarekê ku ew 1 bê, 2 bê û ankû 3 û hijmarek din bê wê, bi gelek tiştên din ên ku wê bi wê re wê, werina salixkirin û wê werina ser ziman wê hebin.

Di wê temenê de wê, di aslê xwe de wê, salixkirinê formeli wê di awayekê de wê, rewşa komplika a ku wê were ser ziman wê di awayekê de wê, hesantir bikê. Di wê temenê de wê, di matematikê de wê, formelism wê weke dîmenekê wê, di serî de wê, salixkirinek bê. Lê wê ew salixkirin wê, di wê de wê, di awayekê de wê, bêşînor wê temenê kifşkirinê ku ew di wê de wê, karibin werina pêşxistin wê, hebê. Formalism wê temenekê têkiliyî û bingihê wê, di awayekê de wê, bide çêkirin. Ji aliyekê zêhnî ve ku mirov wê hilde li dest wê, weke wêneyek xêvî jî bê. Wê, di wê temenê de wê, di awayekê de wê mirov dikarê wê, fahmbikê. Di hebûna zindiyekê de wê, wêneyek wê hertimî wê temenekê dînamikî biafirêne.

Di matematikê de wê, formalismê wê bi çi karigeriyê wê mirov dikarê wê fahmbikê? Di serî de wê, weke temenekê wategirtinê wê, di awayekê de wê, dikarê wê werênenê ser ziman. Derkkirinekê û ankû têgihekê bi awakirinê wê, weke aliyekê wê yê din ê giring wê, were dîtin. Di wê temenê de wê, têkiliyek dîtbarî a temenî wê bi matematikê re wê, bi têgîna formalismê re wê bi wê re wê, di awayekê de wê hebê. Di wê temenê de wê, têgînek ku wê bê pêşxistin wê li ser wê re wê ya ku ew bi xwe re ew dihênenê bîra mirov û ankû di bîra mirov de diafirênenê wê weke aliyekê wê yê din ê giring wê, xwe bide nîşandin.

Di rewşa rêsîna gotinan û ankû bi rêsînî hanîna ser ziman wê, di wê temenê de wê li ser temenê levkirinek mantiqî a bi wateyê re wê, di awayekê de wê, bibê. Di dewama wê de wê, mirov dikarê wê, werênenê ser ziman ku wê, formelism wê, di wê temenê de wê, weke têgînek navarokî a çerçoveya giştî a formelismê jî wê, di wê temenê de wê, xwe di awayekê de wê, bide dîyarkirin. Di wê rewşê de wê, minaq nivîsandina

tîpekê bi piçûkayî û ankû mazinayî wê, di awayekê de wê, di wê temena formelismê de wê, wateyek wê hebê. Minaq wê dema ku A bi wê awayê wê hat nivîsandin wê, di matematikê de wê, di awayekê de wê, komekê bê. Wê, endamên wê jî wê bi a'yê wê werina ser ziman. Wê, di wê temenê de wê, di awayekê de wê, mirov dikarê wê, werênê ser ziman. Di wê rewşê de wê têkiliya bi wateyî a di nava dager û meneyê de wê, di wê rengê de wê, ji aliyekê ve wê, çerçoveya têgîna formalismê wê biafirênenê.

Di awayekê din de jî wê, dema ku em li ser gotinê re wê, li wê bihizirin wê em dikarin wê werênina ser ziman wê, wê, dager wê, bi serê xwe wê, weke têgînna monstrekirî bin. Di wê temenê de wê, ji xwe wê wateyên xwe wê bigrin. Wê, di wê temenê de wê, di awayekê de wê, wateyên wan wê, di wan de wê, bi ji têgîna ku ew bi wê afirîna û ankû hatina monstrekirin wê ji wê biafırın û wê werina ser ziman.

Wê dema ku em binivîsênin ku wê, x wê, derhatina ji 3'ê yê wê demê emê wê li ber wê binivîsênin. Wê, di wê temenê de wê, ev wê, weke aliyekê din ê têgînî ku mirov wê, di çerçoveya têgîna formalismê de wê, afrînerîya wê ya bi wateyî wê ji wê derxê û wê, fahmbikê bê. Di çerçoveyê de wê, weke f û ankû s ku wê we vegûhar wê, di awayekê de wê, bêñ nivîsandin wê, di wê rewşê de wê, ji wateya wan cûdatir wê weke watelêkirinek wê were kirin. Di wê rewşê de wê, ev jî wê bi rewşa wê ya rewşî a ku ew di nava wê de dihê salixkirin wê bi wê re wê bibê.

Di rewşê de wê, her hijmar û ankû tîp wê, di awayekê de wê, weke rewşek salixkirî a bi têgînî wê, dikarê wê fahmbikê û wê werênê ser ziman. Di dewama wê de wê, mirov dikarê wê, werênê ser ziman ku wê, di wê rewşê de wê, têgînek bi hijmarî û tîpî wê rengekê dagerî a ku wê di wê çerçoveyê de wê komek dager ku wê hijemara encamên wê yên binkomî û hwd wê nedîyar bê wê, di xwe de wê, salixbikê. Wê, di wê temenê de wê, bi wê re wê, di awayekê de wê, mirov dikarê wê, werênê ser ziman ku wê, salixkirin wê, di wê temenê de wê, xwe bi wê re wê, bide dîyarkirin.

Her dager wê, weke rengna bi wêneyî ên têgînî ku wê bi aqilê me re wê biafırın û ankû wê bêñ afirandin bin. Wê, her dager wê, dema ku wê, ew weke dager wê bêñ pêşxistin wê, di awayekê de wê, çawa wê ew wê, werin salixkirin wê, bi wê rengê wê, werina fahmkirin. Lê di nava salixkirinê formeli de wê, di nava wate û dagerê de wê xosletên levkirî wê hertimî wê, di awayekê de wê, hebin. Ya ku wê temenê wê, têgîna formalismê jî wê biafirênenê wê ew levkiriya bi xosletî ku wê di nava wê de wê bibê bê. Ev têgîna formeli wê, di wê rengê de wê, di temenekê

mantiqî de wê, ew xoslet wê, bi wê re wê, bêñ dîtin. Di dewama wê de wê, weke aliyekê giring wê, bi xwe bi wê re wê, bide dîyarkirin. Formelism wê, di matematikê de wê, dema ku wê, salixbikê wê, di wê temenê de wê, wê van aliyan jî wê, bi salixkirina wan re wê, bi xosletkirina wan re wê, di wan de wê temenekê kûrbûnê wê, di awayekê de wê, bi wê re wê biafirêñê. Ev jî wê weke temenê kifşkirin û fahmkirinêñ têgînêñ nû ên ku wê bi wê re wê bêñ bidest xistin bin.

Di aslê xwe de wê, dema ku em bahsa formalismê bikin di matematikê de wê, weke aliyekê giring wê bi wê re wê xwe bide nîşandin. Di matematikê de wê, formalism li ser dû têgînêñ din ên weke sehê (intuition), mantiqê weke aliyekê giring wê xwe bide nîşandin. Seh wê ji aliyê Brauwer û poincare ve wê, temenê wê ji aliyekê ve wê were avêtin û pêşxistin. Wê, di wê temenê de seh wê di matematikê wê bicih bibê. Di aslê xwe de matematika sehê weke ku me li jor hanî ser ziman wê, tiştê wê di hevdû de wê, kifşbikê û wê werêñê ser ziman. Di rengê ku ew dikê de wê, di awayekê de wê, weke aliyekê giring wê, xwe bide dîyarkirin. Wê di awayekê de wê, xwe di awayekê de wê, bide dîyarkirin Aliyê din jî wê, bi mantiqê ku wê, bi kesên weke Russell, Frege û hwd re wê, were pêşxistin. Lê temenê wê, heta demêñ serdema kevnera felsefeya platon û aristo wê herê. Mantiq wê çendî ku wê weke aliyekê formeli jî wê were ser ziman lê wê, formeliti wê di awayekê de wê çerçoveya wê berfirehttir bê. Çerçoveya formalismê wê, mantiqê jî wê di awayekê de wê hilde li nava xwe. Formalism wê weke ku mirov wê, bi temene xwe yê xwezayî re wê li ser darêjk û çerçoveya sazûmanî a pergalî re wê, were dîtin. Di wê çerçoveyê de wê, mirov dikarê wê, di awayekê de wê, bi wê rengê wê, werêñê ser ziman. Mijare têgîna formalismê wê, di matematikê de wê, di wê temenê de wê, di aslê xwe de wê, weke aliyekê din bê. Ji aliyekê ve wê, weke ku wê, bi mantiqî wê xwediyê temenekê fahmkirinê bê. Lê ji aliyekê din ve jî wê, li wer wê çerçoveya mantiqî re wê bi têgînek sehî wê, pêşketinê jî wê bi xwe re wê bide çêkirin. Ber vê yekê formalism wê, di wê temenê de wê, dema ku wê, mantiq û sehê di awayekê de wê, di xwe de wê, bi têkilî bikê wê, di wê rengê de wê çerçoveyek afrîner jî wê bi hizirkirinê wê bi xwe re wê, weke ku wê, bide çêkirin.

Di wê temenê de wê, dema ku mirov wê, formalismê ku wê, rast fahm nekê wê karibê weke temenekê tang ê bi pirsgirêk jî bo matematikê. Ber vê yekê wê, di wê temenê de wê çawa wê nêzbûn wê bibê wê weke aliyekê giring wê xwe di wê temenê de wê karibê bide dîyarkirin. Di wê

rewşê de ez ji aliyê formalismê nêzbûnekê ji wê zêdetirî ji aliyê matematikê ve wê, di çerçoveyekê de wê di hilbijêrêm ku wê fahmbikim. Ber ku wê di wê temenê de wê, matematik wê hingî wê rastî sînorêñ pêşketinê newê.

Ji aliyê formalismê ve nêzbûna li matematikê wê asta ku wê, hilbert gihiştiyê de wê, ji rewşa dîtbarîya zimanî û ya sazûmanî wê derbas nebê. Di wê rengê de wê, di wê temenê de wê, ev wê weke aliyekê wê, bi sînor bê.

Lê li vir wê jî wê mirov dikarê wê, di awayekê de wê, werênê ser ziman ku wê di nava formalism û mantiqê de wê, bi têgînî wê weke ku wê, heviyekiyek wê hebê. Di wê temenê de wê, dema ku wê, Brauwer wê, Hilbert wê rexne bikê wê, gotinêñ ku ew li ser sehê re wê, bo formalismê û mantiqê wê bênenê ser ziman wê, di wan de wê, di heviyekiyekê de wê werênê ser ziman. Lê di aslê xwe de wê, di temenekê de wê, hevyekikirina wan di awayekê de wê, karibê encamên şaş jî bi xwe re derxê li holê. Di wê temenê de wê, hin şîroveyên ku wê mantiqê formalismê û yê mantiqê li hevdû bikin û wê, di nava hevdû de wê, bi tevlibûna li hevdû re wê, mantiqê û ankû wê weke ku wê bênenâ ser ziman 'mantiqê formel' wê şîrovebikin û wê werênina ser ziman.

Lê dîsa ku mirov ji kîjan aliyê ve wê hilde li dest jî wê, mirov dikarê wê werênê ser ziman ku wê, cûdahiyekê wê, di nava wan de wê hebê.

Farqe di nava Russell û Frege de ku wê xwe bide nîşandin wê di temenê emprisismê de wê, xwe bide nîşandin. Frege wê di awayekê de wê, hewlbide ku ew di awayekê de ew dervî wê, gotinêñ xwe wê werênê ser ziman. Di wê temenê de wê, Frege wê, farqe wê di felsefeya xwe ya matematikê de wê, dema ku ew şîrove bikê de wê, bi farqe di nava sentetik û analitikê de ku wê dênenê û wê di temenekê analitikî (dahûrî) de wê bikê ku ew werênê ser ziman. Dema ku wê ji Frege wê bi awayekê weke ku wê were pirsîn ku hijmar sentetik in û ankû analitik in wê, bersiva ku ew bide wê, di rengê 'ku ew rastin û hizirkirin wê ne heman tişt bin' re wê, biversivêñê.

Weke şaqekê mantiqê dîtina matematika razber wê, di awayekê de wê, ji aliyekê ve wê, weke Russell wê Max Blanck jî wê bi wê rengê wêbihizirê û wê werênê ser ziman.

Di aslê xwe de wê mijare mantiq û matematikê wê, di wê temenê de wê, di awayekê de wê, hertimî wê weke pirsekê wê bê temenê lêpirsînê. Di wê temenê de wê hinek sedemên bi hizirkirinê û razberîya matematikê a ji jiyanê wê hebê. Di wê temenê de wê, li şûna ku wê jîyan têgînekê wê

pêşbixê wê, têgîn ku wê jîyanê wê pêşbixê di awayekê de wê, weke aliyên ku wê, di wê temenê de wê, hertimî wê lêpirsînê wê bidina kîrin bin. Ber ku ev têgîn wê weke têgînên ku ew ji ser ve didina dîyarkîrin bin. Lê jîyan wê, fahmkirinek ji temen ve wê bixwezayî wê hertimî wê bixwezê.

Di rewşa têgîna formalismê de wê, di aslê xwe de wê, weke ku mirov wê, dibînê wê, di awayekê de wê, weke aliyekê giring wê, di nava wê de wê têgîna mantiqê wê derkeve li pêş. Weke minaq ku em bêjin wê, her x wê y bê. Hinek z wê x bin. Wê beremberê wê hinek hinek z wê y bin. Di wê rengekê de wê, awayekê hizirkîrinê wê, di awayekê mantiqî de ku wê, were ser ziman wê, weke çerçoveya fahmkirina têgîna formalismê jî wê were dîtin.

Di wê temenê de wê, dema ku mirov wê bi wê re dihizirê wê, weke ku wê, di cebirê de wê, bi dageran de wê, hanîna ser ziman wê, di awayekê de wê, şêwayekê fahmkirina awayê formalismê jî wê, bi wê re wê, were dîtin. Di wê temenê de wê, weke denklemên mantiqî ku wê weke ke wê me li jor hanî ser ziman wê, werina ser ziman wê, di wê temenê de wê, di awayekê de wê, bi wê re wê, weke aliyên wê yên hizirkîrinê wê werina ser ziman. Lê ev şêwayê hizirkîrinê ê mantiqî bi têgîna formalismê re wê, di çerçoveya têgîna mantiqâ a klasik de wê, weke aliyek hizirkîrinê ê ku mirov wê, dikarê wê kifşbikê bê. Di wê temenê de ku em di roja me de wê, di çerçoveya wê de wê bi wê bihizirê mirov çawa dikarê wê, di awayekê de wê, bi wê bi awayekê pergalî û darêjkî wê bi wê bihizirê. Darêjk wê, di awayekê de wê, di aslê xwe de wê, dema ku mirov wê, di awayekê de wê, çerçoveya wê ya hizirkîrinê ku em bi mantiqî re wê li wê bihizirin lê wê ji aliyekê din ve jî wê, weke bi temenekê fîzîkî û pergalî wê, di awayekê de wê, li ser temenekê jîyanî wê, weke ku wê ji wê zêdetirî wê di wê de wê hebê wê, têgînekê wê bide me.

Formalism wê, di wê temenê de wê, ji ya giştî bi ber ya hesan ve wê çûyina wê, di aslê xwe de wê, weke aliyekê wê yên ku wê, hertimî wê, di awayekê de wê, di hizirkîrinê wê de wê, weke temenekê cûda wê bi xwe re wê, bi wê re wê bikê bê. matematik wê, di wê warê de wê, hinekî cûda bê. Wê, weke ku mirov wê, hîsdikê û kifşdikê wê, di awayekê de weke ji ya hesan wê bi ber ya giştî ve wê çûyinek wê bi wê re wê hebê. Ji hijmarek destpêkirin û ankû ji denklemekê bi ber pergalbûnekê ve çûyin wê, di wê temenê de wê, dikarê wê werênê ser ziman. Di matematikê de wê, mijare fahmkirinê wê, weke aliyekê giring wê, li ser kifşkirin û salixkirina wateyê di awayê wê yên ku ew dihê hişkirin de wê, were dîtin.

Di wê temenê de wê, di nava matematik, mantiq û formalismê de wê, di awayekê de wê, awayek şewayî ê hizirkirinê ku wê gavavêtina nûqteya wê wate bê wê bi wê re wê were dîtin. Salixkirina wateyê wê, di awayekê de wê, temenê di fahmkirinê de kûrbûnê jî bê. Wê, di wê rengê de wê, di wê rewşê de wê, weke aliyekê wê yê giring bê ku mirov wê, di serî de wê, weke aliyekê giring wê kifşbikê û wê werênê ser ziman bê.

Li vir em dikarin wê demê em ji aliyekê din ve jî wê bi mantiqî denklemekê wê werênina ser ziman. Minaq ku em bêjin “çêlek mê na” wê, demê em bi wê re wê, bi C û M re wê, hizirbikin. Lê wek aliyekê din ê têgînê em x’ê li rex bicih bikin û bêjin. Wê dema ku em wê binivîsênin em dikarin bi rengê ( $Cx \supset Mx$ ) wê, di denklemê de wê, x wê, diaslê xwe de wê, di awayekê de wê, ji wê du wate wê weke ku wê werina fahmkirin. Di asta pêşî de ku x çêlek bê wê, x wê mê bê. Wê, di wê demê de wê, weke awayekê weke ji hevdû derhanînê wê, di wê rengê de wê, di awayekê de wê, bi wê re wê, xwe bide nîşandin.

Di nava matematik û mantiqê de wê ew xêza ku ew dihê hîskirin wê hertimî wê bi têgînek cûdayî wê xwe bide nîşandin. Diaslê xwe de wê, di wê temenê de wê, dema ku wê kirpendin wê li mantiqê wê were kirin wê weke ku matematik wê di awayekê de wê ji berçav wê windabibê wê hîsiyetek wê biafirê. Di wê temenê de wê, di awayekê de wê, ew wê, mantiq wê bi wê derketina li pêş re wê, di awayekê de wê xwe bide dîyarkirin.

Di serdemên navîn de wê weke ku em dibînin wê, ku wê çavkaniyêñ felsefeyî ên serdemên kevnera wê di temenê wê de bê, bi awayekê wê têgînen ontolojikî, felsefeya ziman û bi teybetî epistemoloji û hwd ku wê di temenê wê de wê, bi wê re wê bikê ku ew xwe bigihênen aqilekê matematikî. Wê di wê temenê de wê matematika serdemên navîn wê, di keviyê de wê bimeşê. Di felsefeya matematikê a serdemên kevnera de wê, nîqaşen ji hev cûda kirina ontoloji û matematikê û hwd wê temenê wan wê hin bi hin wê bibê. Lê di serdemên navîn de wê, çendî ku ew di zikhevdû de wê bibê jî wê ev nîqaş wê reng û awayen xwe wê bistênin. Wê li ser wê temenê wê piştre wê hin bi hin wê xêzkirin wê ji hevdû cûdakirin wê bibê. Formalism wê piştre wê weke têgînek mantiqî ku wê di wê idîayê de bê ku wê di wê temenê de wê, di wê cûdabûnê de wê, bi epistemolojikî wê bi temenekê zimanî û wateyî wê dervî têgîna ontolojiyê û hwd re ku wê hizirkirinek bi sazûmanî a matematikê û hwd wê bi xwe re wê pêşbixê bê. Wê, di wê temenê de wê, formalism wê, diaslê xwe de wê, bi matematikê re wê hin bi hin wê çendî ku wê pêşketin

wê bi wê re wê bibê wê têkiliya nava wê û mantiqê jî wê di awayekê de wê, bikeve ber awayekê lêpirsîner de. Di wê temenê de wê, formalism wê, hin bi hin wê bi ber têgînek epistemolojikî a ku wê li ser temenekê fîzîkî û darêjkî re wê xwe di awayekê de wê, bide dîyarkirin û fahmkirin re wê, bide nîşandin. Di wê temenê de wê, mantiq jî wê, di dewama wê de wê weke zanînek rîzkarî (disiplinek) ku wê, ji temen ve wê, hebûna xwe bi zanînan re wê di wê temenê de wê, bide dîyarkirin bê.

Matematik wê dema ku wê, mantiqê xwe wê pêşbixê wê, di aslê xwe de wê, di awayekê de wê, weke dervî wê rewşa mantiqê a ku wê bi wê re wê mantiq wê were tevlikirin ku wê bibê wê xwe bi awayekê bigihênen li rewşek mantiqî a ku wê li ser temenê herîkîna pêşketinê re wê xwe bi awakirinê re wê biafirênen re wê bide dîyarkirin bê. Di matematikê de wê, formalism wê di awayekê de wê, li ser awayê re wê, bi çêkirina ogeyên xwe re wê, di awayekê de wê, temen û awayê xwe wê, bi xwe re wê, di awayekê de wê, bide nîşandin.

Di aslê xwe de wê, dema ku mirov wê, têkiliya matematik û mantiqê wê dikê ku wê fahmbikê wê, bi wê re wê li ser wê re wê têkiliyek wateyî li ser formalism û ziman re jî wê, bi temenekê matematikî wê, mirov dibînê ku wê, xwe bi wê re wê biafirênen. Ji aliye pergal û bûjenen matematikî ve wê, dema ku mirov wê, dihizirê wê, bi awayekê wê, di wê temenê de wê bi awayekê bi pêşketina wê re wê kifşbikê. Lê ku bi temenekê zindiyî bihizirin wê, formalism wê hertimî wê ji ya ku ew wê bi wê were salixkirin re wê, ji wê zêdetirî wê ya ku wê salixbikê de wê hebê. Ev jî wê, weke xosletekê ku wê di wê temenê de wê, bi wê re wê ew wê pêşkeve jî bê. Vê aliye wê, li ser temenekê epistemolijikî wê dikarê wê fahmbikê û wê werênen ser ziman.

Li vir di temenê têgîna aritmatikê û ya ne aritmatikî de wê, gotinekê mirov dikarê di dewama wê de wê bêjê. Di aslê xwe de wê, her tiştê ku ew bi hasibandinê wê, bi hijmarî wê were fahmkirin wê, karibê bi aliye din re jî were fahmkirin wê, weke ku wê çawa wê her gotin, tîp û têgîhênen zimanî bi peyvî wê, weke dagerên matematikî wê karibin werina pêşxistin û wê, di wê temenê de wê, di awayekê de wê, bi wê rengê pêşxistinê ên fahmkirinê ku wê werina derxistin li holê. Çendî ku em bi dîtbarî û awayî wê, bi formeli wê salixkirinna wê bi hevdû re wê bikê jî lê ji aliye din ve wê temenê pêşxistina wê watelêkirin bin. Wê, di wê temenê de wê, dema ku mirov wê, bi têgînekê wê pêde herê wê, demê wê, li ser ci temenê û wê bi ci rengê wê pêde wê herê wê, bi wê re wê ew wê weke ku wê were salixkirin. ..

Di temenê fahmkirina wê de wê, formalism wê bi têgînek darêjkî û pergallî re wê, xwe bide nîşandin. Dema ku mirov wê ji aliyê matematikê ve wê bixwênê wê demê mirov divê ku wê pirsê bikê ku wê, matematikê wê çawa wê pêwstîya wê bi pergâlbûnekê wê hebê? Di aslê xwe de wê, di wê temenê de wê, di serî de wê, weke aliyekê wê yê din ê giring wê mirov dikarê wê werênê ser ziman ku em, matematike weke zanistekê wê herêbikin wê demê wê bi temenê xwe yê epistemolojikî wê di nava jîyanê de wê, bi şêwayê ku ew dihênenê ser ziman re wê, di awayekê xwezayî de wê ew wê ji xwe wê bi xwe re wê pêşbixê. Wê, di wê rengê de wê, ev wê ji xwe wê weke xosletekê wê yê pêşketinê bê.

Di dewama wê de wê mirov dikarê wê werênê ser ziman ku wê, têgîna matematik wê, di wê temenê de wê, weke aliyekê giring wê, bi temenê wê yê aritmatikî û geometriyî û hwd re ku mirov wê hilde li dest wê, di wê temenê de wê, bi awayekê de wê, hizirkirinê re wê ji xwe wê rengê xwe wê bide nîşandin. Lê di matematikê de jî wê, gelek têgîn wê dema ku wê werina fahmkirin wê, ji wê cûdatir wê di xwe de wê karibin bigihijina aliyekê din ê fahmkirinê jî.

Di wê rewşê de wê, dema ku em têgînekê wê pêşdixin wê, di wê de wê, bi aritmatikî wê bihijmar dikan wê çendî ku wê weke rewşek salixkirî a dîtbar jî bê lê wê, di aslê xwe de wê, di awayekê de wê cûdahiyên wê yên ku ew werina fahmkirin wê hebin.

Di nava têkiliyek kûrbûnê a bi fahmkirinê de wê, di wê temenê de wê minaq wê weke ku em bi têgînên rêzimanî em li ser ziman re gihijina gotinên din û bi wê re salixkirinên nû ên wateyî dikan re wê bi wê re wê, di awayekê de wê, bi têgîn, wate û hwd ku ew hatina salixkirin û derxistin li holê wê di jîyanê de wê, werina ci wateyêî wê, bêñ derxistin li holê. Di wê temenê de wê têgînên formalî wê, di awayekê de wê, weke ku wê were fahmkirin wê, ji têgînê wê bi ber fahmkirina jîyanê ve çûyinê wê awayekê wê bide dîyarkirin. Lê di wê rewşê de wê, mirov dikarê wê, werênê ser ziman ku wê, her fahmkirin wê, bi xwe re wê, weke berfirehbûnek bi zanînî wê bi xwe re wê werênê. Zanîn wê xosletên wê ew bê ku ew çendî ku ew hat pêşxistin wê derfeta bi awayên pirr dîmenî wê, di wê de kifşkirin werina kirin wê hebê. Minaq têgînek ku ew di dema ku ew hat ser ziman de ew bi ci wateyê hat ser ziman û ci fahmkirin derxist li holê ku ew, piştre di demek din de hat ser ziman wê, bi zanîna wê demê re wê, temenê fahmkirin û zanînên nû ên ku mirov têbigihê wê bi xwe re wê biafirênê. Ev wê, di her demê de wê, wusa bê. Di wê temenê de wê, zanîn wê, weke temenekê aktiv ê fahmkirinê ê bi

mejiyê mirov re bê. Ev di aslê xwe de wê, di awayekê de wê, di çerçoveya têgîna formalismê de wê, weke têgînek funksiyonalismî bê. Bi gotineka din wê weke çerçoveya formelî a funksiyonî wê bi xwe re wê, di awayekê de wê, weke ku wê bide nîşandin. Di wê temenê de wê têkiliyek bi wateyê a formalê jî wê, xwe di temenekê afrîner de wê, bi wê re wê, weke ku wê bide dîyarkirin.

Di matematikê de wê, formalism jî û mantiq jî wê weke temenekê ku mirov dikarê bi wan re wê weke ku wê di matematika demên hemdem de dikarê bi wanbihizirê bê. Lê çendî ku wê herdû têgîn jî wê weke reng û awayê dîtbarî ên bi dîtinê wê minaq weke  $1+1=2$  û hwd re bê wê, di dewama wê de ku em bi wê re dihizirin wê, di wê temenê de wê, çawa wê, di wê de wê were kûrbûn wê, weke aliyekê wê yê din jî bê. Formelî di matematikê de wê bi wê re wê, derbas dikê. Mantiq wê dema ku me bi x'ê got  $2+2=5$  û di dewama wê de got  $3+3=6$  wê bi wê re wê, di awayekê de wê xwe bide nîşandin. Di awayekê aritmatikî de wê,  $2+2=4$  wê werênê. Lê di wê rewşê de wê, bi wê rengê hanîna ser ziman re wê minasebeta me wê ew bê ku wê formeliti wê li rengê rastbûn û ne rastbûnê wê, di awayekê de wê, ne nerê. Di wê rengê de wê, di nava wê de wê, mantiq wê weke têgîneka ku wê, li wê bihizirê ku em ji  $2^{\prime}yê$  bêjin  $2$  û  $3+3=6$  wê bêne ku wê bide nîşandin. Ev jî wê, weke dîmenekê dîtbarî bê. Formalism wê weke çerçoveyek objektiv a bêdaraz bi awayekê wê xwe di wê rengê de wê bide nîşandin. Awayê ku ew derket li holê ku ew, ci awa bê û ku ew li gorî mantiqê rast jî bê û ne rast jî bê, wê, formeliyek wê hebê. Lê dema ku ew li gori mantiqê were hizirkirin wê, ew ne wusa bê. Wê mantiq wê ji aliyekê ve wê, wekhev û encamger bê. Têgîn ku me li jor hinekî hanîn li ser ziman wê di awayekê de wê weke çerçoveya mantiqê formeli de wê bihizirê. Awayê mantiqê ê ku ew diafirê wê, formeliyek wê hebê. Lê formeliya mantiqê jî wê di awayekê de wê, weke ku mirov wê, bi dîyarî dibînê wê ji ya rewşa formelî a bi fahmkirina darêjkê wê cûda bê. Darêjk wê, dema ku ew hat kifşkirin wê bêdaraz wê di awayekê de wê, were li holê. Tişt weke xwe û ankû tişt weke tiştê bê wê, di wê rewşê de wê çerçoveya wê hizirkirina formelê wê bide dîyarkirin. Aliyên din ên bi darazî weke rastbûn û ne rastbûnê wê weke aliyna bi temenî ên şubjektivî ku wê mirov dikarê wan di awayekê de werênê ser ziman û fahmbikê bê.

## **Hin çavkanî:**

- \*Koepke, Peter(Summer 2012),Mathematical Logic. An Introduction
- \*Simpson G, Stephen(April 30, 1999), Logic and Mathematics,  
Department of MathematicsPennsylvania State University,
- \*Halmos, P. R(1974), Naive set theory, New York, Springer,
- \*Franklin, J.; Daoud, A. (2011), Proof in Mathematics: An Introduction,  
Kew Book
- \*Velleman, D. (2006), How to Prove It: A Structured Approach,  
Cambridge University Press
- \*Gossett, Eric (July 2009). Discrete Mathematics with Proof. John Wiley & Sons.
- \* Hacking, Ian (1984) [1975]. The Emergence of Probability: A Philosophical Study of Early Ideas about Probability, Induction and Statistical Inference. Cambridge University Press.
- \*Kneale, William; Kneale, Martha (May 1985) [1962]. The development of logic (New ed.). Oxford University Press.
- \* Stefanowicz, Agata(September 2014)Proofs and Mathematical Reasoning, University of Birmingham
- \*Russell, Bernard(1903), The Principles of Mathematics,  
\*I A N C H I S W E L L and W I L F R I D H O D G E S(2007);  
Mathematical Logic, Oxford university press
- \*Mendelson, Elliott(2015); INTRODUCTION T O MATHEMATICAL LOGIC(SIXTH EDITION), CRC Press,
- \*Hamilton, A.G. (1988), Logic for Mathematicians (2nd ed.),  
Cambridge: Cambridge University Press
- \*Boolos, George; Burgess, John; Jeffrey, Richard (2002), Computability and Logic (4th ed.), Cambridge: Cambridge University Press,
- \*Andrews, Peter B. (2002), An Introduction to Mathematical Logic and Type Theory: To Truth Through Proof (2nd ed.), Boston: Kluwer Academic Publishers
- \*Enderton, Herbert (2001), A mathematical introduction to logic (2nd ed.), Boston, MA: Academic Press,
- \*Hodges, Wilfrid (1997), A shorter model theory, Cambridge:  
Cambridge University Press,

\*Shawn Hedman, A first course in logic: an introduction to model theory, proof theory, computability, and complexity, Oxford University Press,

Abdusamet Yigit, Kurdistan, Cizira bota, 2017-19

\*\*\*\*\*